

نام و نام خانوادگی:

نام آزمون:

تاریخ برگزاری: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰

مدت زمان آزمون: --

نام برگزار کننده

ساده درصد پاسخگویی قلمچی

(۱)

یک باتری با مقاومت درونی  $\Omega_1$  را یک بار به مقاومتی ۳ اُهمی و بار دیگر به مقاومتی ۵ اهمی می‌بندیم. جریان الکتریکی عبوری از مدار در حالت دوم چند برابر جریان عبوری از مدار در حالت اول است؟

- ۱)  $\frac{2}{3}$   
۲)  $\frac{2}{5}$   
۳)  $\frac{3}{2}$   
۴)  $\frac{5}{2}$

ساده درصد پاسخگویی قلمچی

(۲)

چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

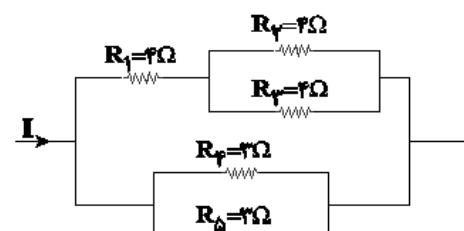
- الف) در دمای ثابت جریان عبوری از رساناهای اُهمی همواره با اختلاف پتانسیل دو سر آن رابطه مستقیم دارد.
- ب) در دمای ثابت رابطه خطی بین ولتاژ دو سر یک دیود نور گسیل و جریان عبوری از آن بقرار است.
- پ) جیوه در یک دمای مشخص تبدیل به ابررسانا می‌شود.
- ت) مقاومت ویژه یک سیم با طول آن رابطه مستقیم دارد.

- ۱) ۱  
۲) ۲  
۳) ۳  
۴) ۴

ساده درصد پاسخگویی قلمچی

(۳)

در شکل مقابل که قسمتی از یک مدار است، اگر جریان عبوری از مقاومت  $R_2$  برابر با  $2A$  باشد، جریان عبوری از مقاومت  $R_5$  چند آمپر است؟



- ۱) ۲  
۲) ۸  
۳) ۱۶  
۴) ۱۶

مقاومت یک سیم مسی با سطح مقطع ثابت و طول  $7\text{ m}$  برابر با  $40\Omega$  است. اگر  $30^\circ$  درصد از طول سیم را ببریم، مقاومت الکتریکی سیم باقیمانده چند اهم خواهد شد؟ (دما، ثابت است.)

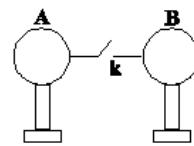
۳ (۱)

۱۲ (۲)

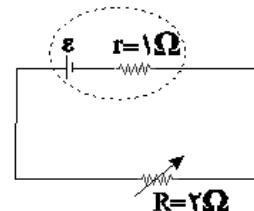
۲۸ (۳)

۳۷ (۴)

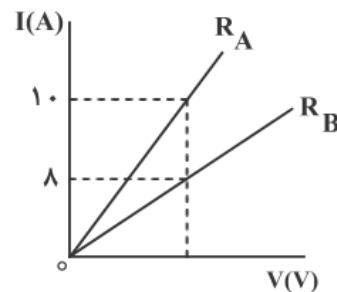
در شکل زیر، وقتی کلید  $k$  را می‌بندیم،  $10 \times 4/5$  الکترون در مدت  $1/5\text{ ms}$  توسط سیم رسانا از کره رسانای  $A$  به کره رسانای  $B$  انتقال می‌یابند. جریان الکتریکی متوسط عبوری از سیم رسانا بر حسب میکروآمپر و جهت آن چگونه است؟ ( $C = 10^{-19}\text{ C}$  و فرض کنید که پس از برقراری تعادل، روی سیم رسانا باری باقی نمی‌ماند.)

B به A از  $4/8 \times 10^{-3}$  (۱)A به B از  $4/8 \times 10^{-3}$  (۲)B به A از  $4/8$  (۳)A به B از  $4/8$  (۴)

در مدار شکل زیر، ابتدا  $R = 2\Omega$  است. اگر مقاومت متغیر را  $50$  درصد افزایش دهیم، توان خروجی مولد چند برابر می‌شود؟

 $\frac{3}{16}$  (۱) $\frac{2}{9}$  (۲) $\frac{27}{32}$  (۳) $\frac{3}{72}$  (۴)

نمودار تغییرات جریان بر حسب اختلاف پتانسیل دو سرانهای اهمی و مجازی  $R_B = 20\Omega$  و  $R_A = 20\Omega$  مطابق شکل زیر است، رند اهم است؟ (دما ثابت و پکسان است).

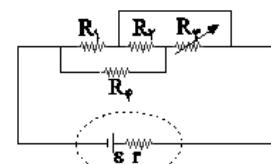


- ۱۰ (۱)  
۱۶ (۲)  
۳۲ (۳)  
۲۵ (۴)

در مدت  $1ms$  از مقطعی از مداری با جریان متوسط  $A/2$ ، چه تعداد الکترون شارش می‌شود؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19} C$ )

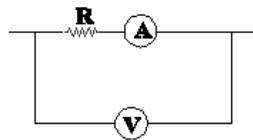
- $2 \times 10^{19}$  (۱)  
 $2 \times 10^{15}$  (۲)  
 $2 \times 10^{16}$  (۳)  
 $5 \times 10^{12}$  (۴)

در مدار زیر اگر مقاومت  $R_3$  افزایش یابد، جریان عبوری از مقاومت‌های  $R_1$  و  $R_2$  به ترتیب از راست به چپ، چگونه تغییر می‌کند؟



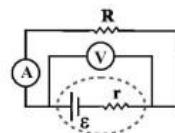
- (۱) افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد.  
(۲) کاهش می‌یابد - افزایش می‌یابد.  
(۳) افزایش می‌یابد - افزایش می‌یابد.  
(۴) کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.

در شکل زیر آمپرسنج ۲ آمپر و ولتسنج ایدهآل ۱۰ ولت را نشان می‌دهد، اگر مقاومت  $R$  آمپرسنج ۳ اهم باشد، مقاومت چند اهم است؟



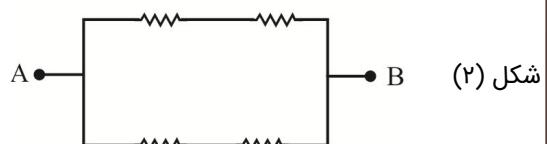
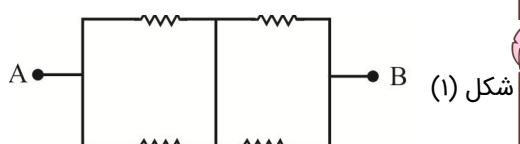
- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
۴ (۴)  
۵ (۵)  
۶ (۶)

در مدار شکل زیر، اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر مولد، ۸۰ درصد نیروی محرکه مولد باشد، نسبت  $\frac{R}{r}$  کدام است؟



- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
۴ (۴)  
۵ (۵)  
۶ (۶)  
۷ (۷)  
۸ (۸)  
۹ (۹)  
۱۰ (۱۰)  
۱۱ (۱۱)  
۱۲ (۱۲)  
۱۳ (۱۳)  
۱۴ (۱۴)  
۱۵ (۱۵)  
۱۶ (۱۶)

چهار مقاومت الکتریکی ۶ اهمی را یک بار مطابق شکل (۱) و بار دیگر مطابق شکل (۲) به هم می‌بندیم، نسبت مقاومت معادل شکل (۱) به مقاومت معادل شکل (۲) بین دو نقطه A و B کدام است؟



- ۱ (۱)  
۰/۵ (۲)  
۲ (۳)  
۳ (۴)

در شکل زیر، دو کره رسانای باردار، کاملاً مشابه‌اند. اگر کلید  $k$  را بندیم، دو کره پس از  $۰/۰۲۵$  همپتانسیل می‌شوند. جریان متوسط عبوری از سیم چند آمپر است؟ (فرض کنید پس از برقراری تعادل، باری روی سیم باقی نماند.)



۲/۵ (۱)

$۲/۵ \times 10^{-3}$  (۲)

$۲/۵ \times 10^{-2}$  (۳)

$۲/۵ \times 10^{-4}$  (۴)

یک لامپ چراغ قوه کوچک از یک باتری  $۱/۵$  ولتی جریانی برابر با  $۳A$  می‌کشد. اگر باتری ضعیف شود و ولتاژ دو سر آن به  $۰/۹۷$  ولت کند، جریان چند میلیآمپر می‌شود؟ ( مقاومت رشته لامپ، ثابت فرض شود.)

۰/۱۸ (۱)

۱۸۰ (۲)

۰/۲۴ (۳)

۲۴۰ (۴)

جرم سیم مسی  $A$ ،  $۴$  برابر جرم سیم مسی  $B$  است. اگر مقاومت الکتریکی سیم  $B$ ،  $۱۶$  برابر مقاومت الکتریکی سیم  $A$  باشد، در این صورت طول سیم  $A$  چند برابر طول سیم  $B$  است؟

۱ (۱)

$\frac{1}{2}$  (۲)

۲ (۳)

$\frac{1}{4}$  (۴)

بر روی یک باتری آرمانی اعداد  $۳۰Ah$  و  $۱۲V$  نوشته شده است. اگر یک لامپ رشته‌ای به مقاومت الکتریکی  $۱۸\Omega$  را به این باتری متصل کنیم، با فرض ثابت ماندن اختلاف پتانسیل باتری پس از چند ساعت باتری به طور کامل تخلیه می‌شود؟ (لامپ را به عنوان یک رسانای اهمی با مقاومت ثابت در نظر بگیرید.)

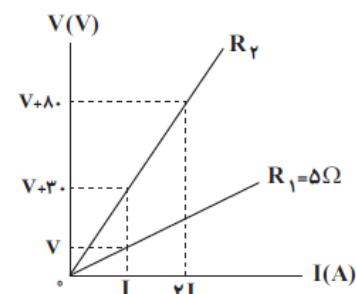
۲۰ (۱)

۳۰ (۲)

۴۵ (۳)

۶۰ (۴)

نمودار اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های مجزای  $R_1$  و  $R_2$  بحسب جریان عبوری از آنها مطابق شکل زیر است.  $R_2$  چند اهم است؟ (دما، ثابت و یکسان است)



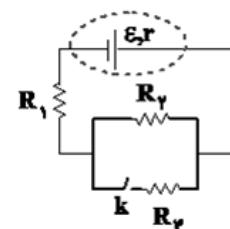
۲/۵ (۱)

۷/۵ (۲)

۱۰ (۳)

۱۲/۵ (۴)

در مدار شکل زیر، اگر کلید  $k$  بسته شود، گرمای ایجاد شده در مقاومت‌های  $R_1$  و  $R_2$  در یک مدت زمان معین نسبت به حالت قبل، بهترتب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟



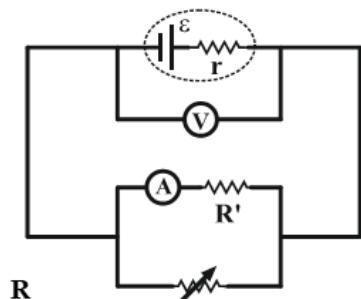
۱) افزایش می‌یابد- افزایش می‌یابد.

۲) کاهش می‌یابد- کاهش می‌یابد.

۳) افزایش می‌یابد- کاهش می‌یابد.

۴) کاهش می‌یابد- افزایش می‌یابد.

در مدار شکل زیر، با افزایش مقاومت رُؤستا، اعدادی که آمپرسنج و ولتسنج نشان می‌دهند، بهترتب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟ (آمپرسنج و ولتسنج ایده‌آل هستند.)



۱) کم، کم

۲) کم، زیاد

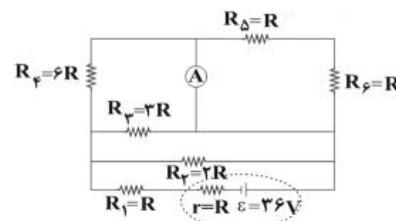
۳) زیاد، کم

۴) زیاد، زیاد

از  $m$  سیم مسی استوانه‌ای که قطر مقطع آن برابر با  $mm$  ۲ است در مدتی معین  $C$  ۸ بار عبور می‌کند و انرژی الکتریکی مصرف شده در سیم در این مدت  $Jm$  ۶ است. توان مصرفی این سیم چند میلیوات است؟ ( $\pi = ۳$ ,  $\rho = ۲ \times 10^{-8} \Omega \cdot m$ )

- $\frac{۳۲۰}{۹}$  (۱)  
 $\frac{۹}{۳۲۰}$  (۲)  
 $\frac{۳}{۴۰}$  (۳)  
 $\frac{۴۰}{۳}$  (۴)

در مدار شکل زیر، اگر آمپرسنج ایده‌آل مقدار  $۱A$  را نشان دهد، مقاومت  $R$  چند اهم است؟

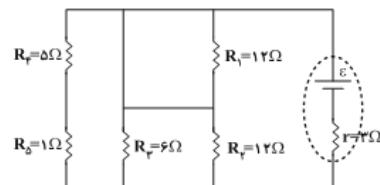


- ۱ (۱)  
۲ (۲)  
۳ (۳)  
۴ (۴)

سیمی به قطر مقطع  $۲mm$  و مقاومت ویژه  $m$   $6 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$  را به صورت پیچه‌ای با  $۱۰$  حلقه و شعاع  $۵cm$  درآورده و دو سر آن را به اختلاف پتانسیل  $۷۲۰V$  متصل می‌کنیم. جریان عبوری از آن چند آمپر است؟

- ۳/۵ (۱)  
۷ (۲)  
۱۴ (۳)  
۲۸ (۴)

در مدار الکتریکی شکل زیر، اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که بیشترین توان مصرفی را دارد، برابر با  $۱0$  ولت باشد، نیروی حرکة باقی چند ولت است؟



- ۱۲/۵ (۱)  
۱۸ (۲)  
۲۲/۵ (۳)  
۴۵ (۴)

۲۴

طول یک رسانای استوانه‌ای شکل تو خالی برابر با  $1/2 km$ ، شعاع خارجی آن  $4 mm$  و شعاع داخلی آن  $2 mm$  می‌باشد. مقاومت الکتریکی این رسانا چند اهم است؟ ( $\rho = 2/7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$  و  $\pi = 3$ )

۰/۹ (۱)

۹ (۲)

۰/۶۷۵ (۳)

۶/۷۵ (۴)

۲۵

با  $40 kg$  از یک رسانای فلزی به چگالی  $\frac{g}{cm^3}$  و مقاومت ویژه  $m = 1/7 \times 10^{-8} \Omega$ ، سیم یکنواخت با سطح مقطع  $5 mm^2$  ساخته‌ایم. مقاومت الکتریکی سیم چند اهم است؟

۱/۷ (۱)

۱۷ (۲)

۳/۴ (۳)

۳۴ (۴)

۲۶

جرم سیم رسانای  $A$  نصف جرم سیم رسانای  $B$  و چگالی آن دو برابر چگالی رسانای  $B$  است. اگر مقاومت ویژه دو رسانا را تقریباً یکسان در نظر بگیریم و سطح مقطع رسانای  $A$  سه برابر سطح مقطع رسانای  $B$  باشد، مقاومت الکتریکی رسانای  $A$  چند برابر مقاومت الکتریکی رسانای  $B$  است؟ (دما، ثابت و یکسان است).

۱/۶ (۱)

۱/۹ (۲)

۱/۱۸ (۳)

۱/۳۶ (۴)

۲۷

دو قطعه سیم فلزی هم‌جنس و توپر  $A$  و  $B$  به طور موازی در یک مدار الکتریکی قرار می‌گیرند. اگر توان الکتریکی مصرفی در سیم  $A$  نصف توان الکتریکی مصرفی در سیم  $B$  و سطح مقطع سیم  $B$  نصف سطح مقطع سیم  $A$  باشد، طول سیم  $A$  چند برابر طول سیم  $B$  است؟

۴ (۱)

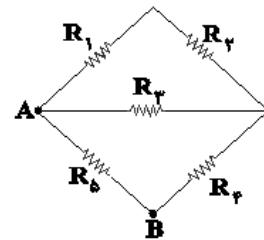
۲ (۲)

۱ (۳)

۱/۶ (۴)



در شکل زیر اندازه هر یک از مقاومت‌ها ۴ اهم است. یک باتری را بین دو نقطه A و B می‌بندیم. در این حالت اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که بیشترین توان مصرفی را دارد، ۶V خواهد شد. جریان عبوری از باتری چند آمپر است؟



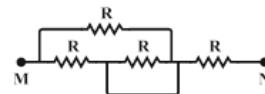
۱/۵ (۱)

۱/۸ (۲)

۲/۴ (۳)

۲/۵ (۴)

در شکل زیر، اگر مقاومت معادل بین دو نقطه M و N برابر با  $6\Omega$  باشد، R چند اهم می‌باشد؟



۶ (۱)

۹ (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)

یک سیم رسانای استوانه‌ای توپر با حجم V و قطر مقطع d در اختیار داریم. مقاومت این سیم مطابق کدام گزینه است؟ (ρ مقاومت ویژه سیم است).

$\frac{\rho V}{\pi r^2 d^2}$  (۱)

$\frac{r\rho V}{\pi d^2}$  (۲)

$\frac{\pi d^2}{16\rho V}$  (۳)

$\frac{16\rho V}{\pi r^2 d^2}$  (۴)

$\frac{r\rho V}{\pi r^2 d^2}$  (۵)

دو سیم هم‌طول مسی و آلومینیمی، در یک دمای معین، دارای مقاومت الکتریکی مساوی‌اند. اگر چگالی مس و آلومینیم به ترتیب  $9 g/cm^3$  و  $2.7 g/cm^3$  و مقاومت ویژه مس  $\frac{1}{2}$  مقاومت ویژه آلومینیم باشد، جرم سیم آلومینیمی چند برابر جرم سیم مسی است؟

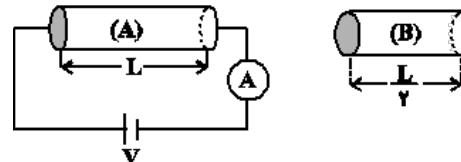
$\frac{3}{5}$  (۱)

$\frac{4}{5}$  (۲)

$\frac{5}{4}$  (۳)

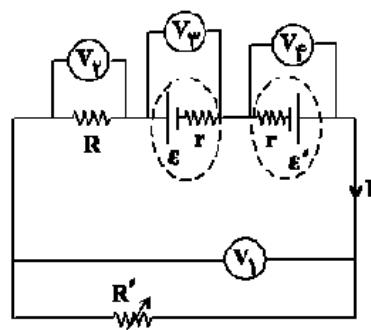
$\frac{5}{3}$  (۴)

در شکل زیر، رساناهای  $A$  و  $B$  هم جنس‌اند و سطح مقطع رسانای  $B$  دو برابر سطح مقطع رسانای  $A$  و طول آن نصف طول رسانای  $A$  است. در ابتدا رسانای  $A$  در مدار قرار دارد. اگر رسانای  $A$  را از مدار جدا کرده و رسانای  $B$  را در مدار قرار دهیم، عددی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد، چند برابر می‌شود؟ (دما، ثابت و یکسان است و باتری ایده‌آل است.)



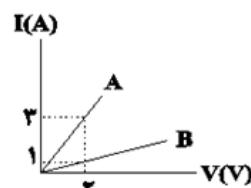
- ۱ (۱)  
 $\frac{1}{2}$  (۲)  
۴ (۳)  
۲ (۴)

در مدار الکتریکی زیر، اگر مقاومت رُئوستای  $R$  را کاهش دهیم. کدام گزینه صحیح است؟ (ولت‌سنج‌ها ایده‌آل هستند.)



- ۱) ولت‌سنج شماره (۱)، عدد صفر را نشان می‌دهد.  
۲) اندازه عدد ولت‌سنج شماره (۲)، کاهش می‌یابد.  
۳) اندازه عدد ولت‌سنج شماره (۳)، افزایش می‌یابد.  
۴) اندازه عدد ولت‌سنج شماره (۴)، افزایش می‌یابد.

نمودار جریان عبوری بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های  $A$  و  $B$  مطابق شکل است. در دمای ثابت، اگر در یک اختلاف پتانسیل ثابت  $V$ ، جریان  $9/0$  آمپر از مقاومت  $A$  عبور کند، از مقاومت  $B$  چه جریانی عبور خواهد کرد؟



- ۰/۳ (۱)  
۰/۶ (۲)  
۱/۲ (۳)  
۲/۷ (۴)

۳۸

فلز سیم رسانایی را ذوب کرده و با آن سیم جدیدی درست کرده‌ایم که طول آن  $\frac{1}{4}$  برابر طول سیم اولیه است. مقاومت سیم جدید چند برابر مقاومت سیم قبلی است؟

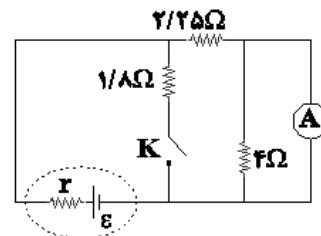
۱ (۱)

 $\frac{1}{4}$  (۲) $\frac{1}{16}$  (۳)

۱۶ (۴)

۳۹

در مدار شکل زیر، هنگامی که کلید K باز است، توان خروجی مولد برابر با  $P$  و هنگامی که کلید بسته است، باز هم توان خروجی مولد  $P$  است. مقاومت درونی مولد چند بار اهم است؟ (آمپرسنج آرمانی است).



۱/۵ (۱)

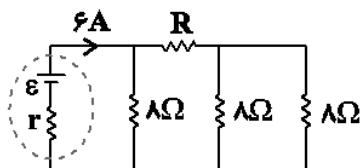
۸/۱ (۲)

۲/۲ (۳)

۶ (۴)

۴۰

در مدار شکل زیر، اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R$  برابر با  $24V$  باشد، مقاومت معادل مدار و جریان عبوری از مقاومت  $R$  به ترتیب از راست به چپ برحسب واحدهای  $S$  کدام است؟

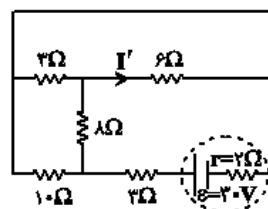


۲ و ۱۲ (۱)

۴ و ۱۲ (۲)

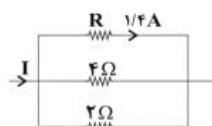
۴ و  $\frac{16}{3}$  (۳)۲ و  $\frac{16}{3}$  (۴)

در مدار شکل مقابل، جریان  $I'$  چند آمپر است؟



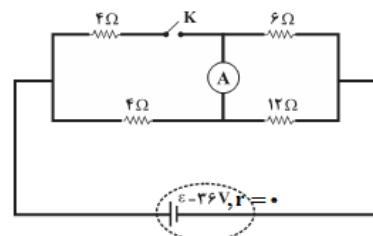
- ۰/۵ (۱)  
۱/۵ (۲)  
۲ (۳)  
۲/۵ (۴)

در شکل زیر، اگر انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت  $R$  در مدت ۱۵ دقیقه برابر با  $3/78$  کیلوژول باشد، چند آمپر است؟



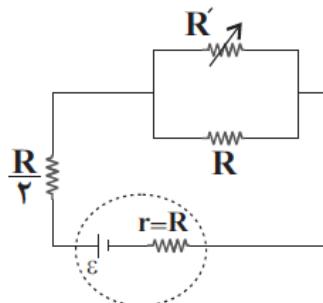
- ۴ (۱)  
۲/۲۵ (۲)  
۳/۴ (۳)  
۳/۶۵ (۴)

در مدار شکل زیر، بعد از بستن کلید K، جریان عبوری از آمپرسنج ایدهآل چگونه تغییر می‌کند؟



- ۱) آمپر کاهش می‌یابد.  
۲) آمپر افزایش می‌یابد.  
۳) آمپر کاهش می‌یابد.  
۴) آمپر افزایش می‌یابد.

در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا از  $\frac{R}{2}$  تا  $2R$  به صورت پیوسته زیاد شود، توان مفید مدار چگونه تغییر می‌کند؟

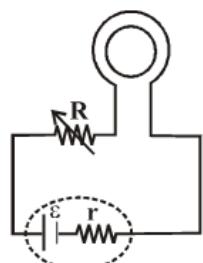


- ۱) ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.
- ۲) پیوسته افزایش می‌یابد.
- ۳) پیوسته کاهش می‌یابد.
- ۴) ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

مقاومت ویژه سیم استوانه‌ای  $A$ ، ۳ برابر مقاومت ویژه سیم استوانه‌ای  $B$  و طول سیم  $B$ ، ۲ برابر طول سیم  $A$  است. اگر مقاومت سیم  $A$ ، ۴ برابر مقاومت سیم  $B$  باشد، قطر سیم  $A$  چند برابر قطر سیم  $B$  است؟ (دما، ثابت و یکسان است).

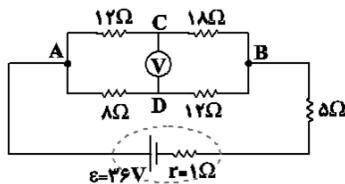
$$\begin{array}{ll} \frac{\sqrt{6}}{F} & (1) \\ \frac{3\sqrt{6}}{2} & (2) \\ \frac{\sqrt{6}}{2} & (3) \\ \frac{2\sqrt{6}}{3} & (4) \end{array}$$

در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستا را ابتدا کاهش و سپس افزایش دهیم، جهت جریان القایی در حلقه رسانای داخلی به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟



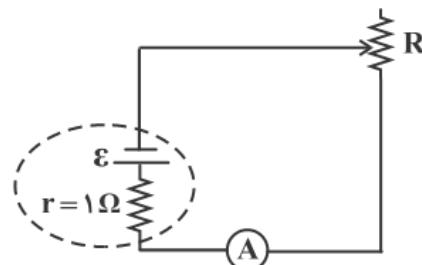
- ۱) پاد ساعتگرد- پاد ساعتگرد
- ۲) ساعتگرد- ساعتگرد
- ۳) ساعتگرد- پاد ساعتگرد
- ۴) پاد ساعتگرد- ساعتگرد

در مدار شکل زیر، ولت سنج ایده‌آل چند ولت را نشان می‌دهد؟



- ۱) صفر  
۲) ۳۴  
۳) ۴  
۴) ۲

در مدار الکتریکی شکل زیر، مقاومت رئوستا برابر با  $3\Omega$  بوده و آمپرسنج ایده‌آل  $\frac{2}{5}$  آمپر را نشان می‌دهد. مقاومت الکتریکی رئوستا را چند اهم افزایش دهیم تا جریان الکتریکی عبوری از آمپرسنج ایده‌آل  $\frac{4}{5}$  آمپر کاهش یابد؟



- ۱) ۴  
۲) ۳  
۳) ۲  
۴) ۱

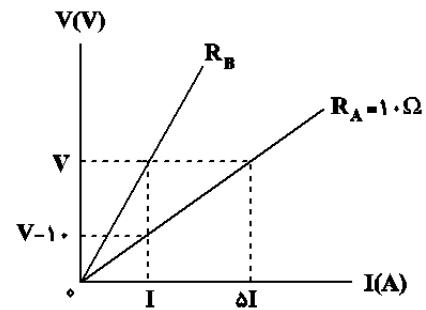
دو سیم مسی A و B دارای جرم‌های مساوی‌اند. اگر قطر مقطع سیم B  $\sqrt{2}$  برابر قطر مقطع سیم A باشد، مقاومت الکتریکی سیم B چند برابر مقاومت الکتریکی سیم A است؟

- ۱)  $\frac{1}{8}$   
۲) ۸  
۳) ۴  
۴)  $\frac{1}{4}$

با توجه به این‌که بار الکتریکی هر الکترون برابر  $10^{-19}$  کولن است، وقتی که جریانی به شدت یک آمپر از مداری می‌گذرد، در هر ثانیه چند الکtron از این مدار خواهد گذشت؟

- ۱)  $6 \times 10^{23}$   
۲)  $10^{19}$   
۳)  $\frac{1}{10} \times 10^{19}$   
۴)  $3 \times 10^{19}$

نمودار اختلاف پتانسیل دو سر دو رسانای اهمی مجذای  $R_A$  و  $R_B$  بر حسب جریان عبوری از آنها در شکل زیر نشان داده شده است.  
با توجه به نمودار، به ترتیب از راست به چپ، جریان / چند آمپر و مقاومت  $R_B$  چند اهم است؟



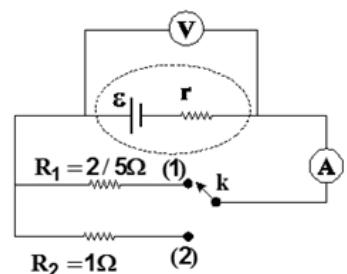
۲، ۰/۲۵ (۱)

۵۰، ۰/۲۵ (۲)

۲، ۲۵ (۳)

۵۰، ۲۵ (۴)

در مدار شکل زیر، هنگامی که کلید k در وضعیت (۱) قرار دارد، آمپرسنج عدد ۴A و ولتسنج عدد ۷V را نشان می‌دهد. اگر کلید k به وضعیت (۲) برود، در این صورت آمپرسنج عدد ۶A و ولتسنج نیز عدد ۶V را نشان می‌دهد. به ترتیب از راست به چپ نیروی محرکه مولد و مقاومت درونی آن در  $S/I$  کدام است؟ (آمپرسنج و ولتسنج ایده‌آل هستند)



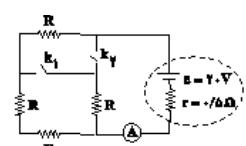
۲، ۱۲ (۱)

۱، ۱۸ (۲)

۱، ۱۲ (۳)

۲، ۱۸ (۴)

برای مدار شکل زیر، کدام گزینه صحیح است؟ (آمپرسنج ایده‌آل است).



(۱) اگر کلید  $k_1$  باز و کلید  $k_2$  بسته شود، آمپرسنج کمترین عدد ممکن را نمایش می‌دهد.

(۲) اگر دو کلید  $k_1$  و  $k_2$  به طور همزمان باز شوند، آمپرسنج کمترین عدد ممکن را نمایش می‌دهد.

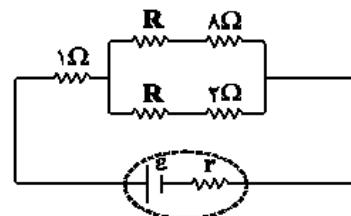
(۳) اگر کلید  $k_2$  باز و کلید  $k_1$  بسته شود آمپرسنج بیشترین عدد ممکن را نمایش می‌دهد.

(۴) اگر هر دو کلید  $k_1$  و  $k_2$  به طور همزمان باز شوند، آمپرسنج بیشترین عدد ممکن را نمایش می‌دهد.

دو سیم فلزی A و B دارای طول و مقاومت الکتریکی یکسانی هستند. اگر جرم سیم B ،  $\frac{2}{3}$  جرم سیم A بوده و چگالی آن  $\frac{1}{3}$  چگالی سیم A باشد، مقاومت ویژه سیم B چند برابر مقاومت ویژه سیم A است؟

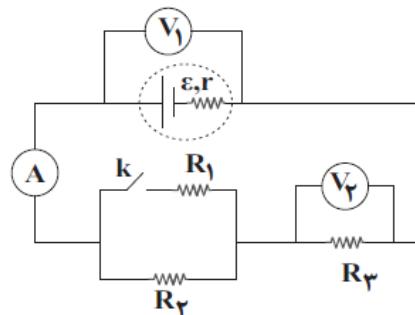
- (۱)  $\frac{1}{3}$
- (۲)  $\frac{1}{2}$
- (۳)  $\frac{3}{2}$
- (۴) ۲

در مدار شکل زیر، اگر توان مصرف شده در مقاومت ۸ اهمی برابر با توان مصرف شده در مقاومت ۲ اهمی باشد، توان مصرف شده در مقاومت ۱ اهمی چند برابر توان مصرف شده در مقاومت ۸ اهمی است؟



- (۱)  $\frac{1}{8}$
- (۲)  $\frac{1}{4}$
- (۳)  $\frac{9}{8}$
- (۴)  $\frac{5}{4}$

اگر در مدار شکل زیر کلید k را وصل کنیم، اعدادی که ولتسنج های ایدهآل V<sub>۱</sub> و V<sub>۲</sub> و آمپرسنج ایدهآل A نشان می دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر خواهند کرد؟



- ۱) افزایش - افزایش - کاهش
- ۲) افزایش - کاهش - افزایش
- ۳) کاهش - افزایش - افزایش
- ۴) کاهش - افزایش - کاهش

۵۷

از یک باتری که ولتاژ آن  $4/5V$  است، جریان  $32mA$  می‌گذرد. در هر دقیقه چه تعداد الکترون در مدار متصل به باتری شارش می‌یابد؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} C)$$

$$2 \times 10^{15} \quad (1)$$

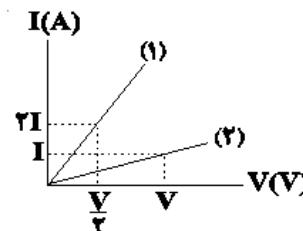
$$1/2 \times 10^{17} \quad (2)$$

$$2 \times 10^{17} \quad (3)$$

$$1/2 \times 10^{15} \quad (4)$$

۵۸

نمودار جریان عبوری بر حسب اختلاف پتانسیل دو سیم هم‌جنس و با جرم یکسان، مطابق شکل زیر است. سیم (۱) توانی به شعاع  $r$  و سیم (۲) تو خالی به شعاع داخلی  $r$  و شعاع خارجی  $R$  است.  $\frac{I_1}{I_2}$  برابر با کدام گزینه است؟



$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{2}{3}} \quad (2)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\sqrt{3} \quad (4)$$

گزینه «۱»

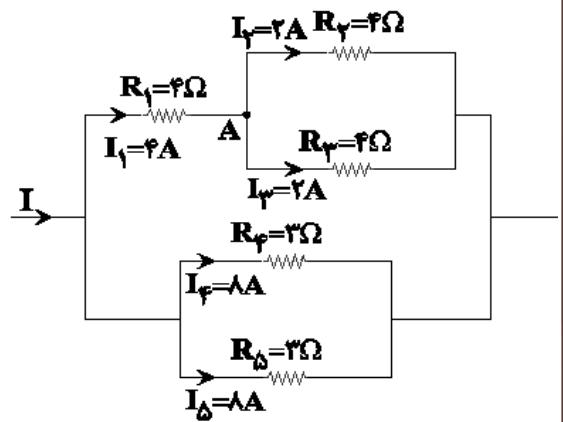
با توجه به رابطه جریان در مدار تک حلقه ( $I = \frac{E}{R+r}$ ) و ثابت بودن  $E$  و  $r$  در هر دو حالت داریم:  $\frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1+r}{R_2+r} = \frac{1+3}{1+5} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{2}{3}$

گزینه «۲»

بررسی موارد نادرست:

- (ب) دیود نورگسیل از قانون اهم پیروی نمی‌کند.
- (ت) مقاومت ویژه یک ماده به ساختار اتمی و دمای آن بستگی دارد.

گزینه «۳»



چون اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی یکسان است، جریان در آن‌ها به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود. بنابراین:

$$\frac{R_2}{R_3} = \frac{I_3}{I_2} \Rightarrow \frac{4}{3} = \frac{I_3}{2} \Rightarrow I_3 = 2A$$

اگر قاعدة انشعاب را برای گره A بنویسیم، داریم:

$$I_1 = I_2 + I_3 = 2 + 3 = I_1 = 5A$$

مقاومت‌های  $R_2$  و  $R_3$  با هم موازی و معادل آن‌ها با مقاومت  $R_1$  به صورت متواالی است. مقاومت معادل شاخه بالایی مدار برابر است با:

$$R_{123} = R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = 4 + \frac{4 \times 3}{4+3} = R_{123} = 6\Omega$$

مقاومت‌های  $R_4$  و  $R_5$  با هم موازی هستند و بنابراین مقاومت معادل شاخه پایینی مدار برابر است با:

$$R_{45} = \frac{R_4 R_5}{R_4 + R_5} = \frac{1 \times 1}{1+1} = R_{45} = 1\Omega$$

با توجه به موازی بودن شاخه‌های بالا و پایین، داریم:

$$\frac{R_{F\Delta}}{R_{123}} = \frac{I_1}{I_{F\Delta}} \Rightarrow \frac{1/6}{1/5} = \frac{4}{I_{F\Delta}} \Rightarrow I_{F\Delta} = 16A$$

چون  $R_F = R_{F\Delta} = 16A$  است، جریان  $I_{F\Delta} = 16A$  به صورت مساوی بین این دو مقاومت تقسیم می‌شود.

$$I_F = I_\Delta = 1A$$

با توجه به رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$ ، مقاومت الکتریکی سیم با طول آن رابطه مستقیم دارد، بنابراین اگر ۳۰ درصد از طول سیم کم شود، مقاومت سیم نیز ۳۰ درصد کاهش می‌یابد.

$$R_2 = R_1 - \frac{30}{100} R_1 = \frac{70}{100} R_1 \xrightarrow{R_1 = 5\Omega} \\ R_2 = \frac{7}{10} \times 5\Omega = 3.5\Omega$$

[مساله](#) [٪ ۳۰ درصد پس از کاهش](#) [قلچرچ](#)

پاسخ: [گزینه ۳](#)

با توجه به رابطه جریان الکتریکی متوسط، داریم:

$$I = \frac{q}{t} \xrightarrow{q=ne} \\ I = \frac{ne}{t} = \frac{F/\Delta \times 10^{-10} \times 1/6 \times 10^{-19}}{1/5 \times 10^{-3}} \\ = 4/8 \times 10^{-5} A = 4/8 \mu A$$

چون جهت قراردادی جریان، خلاف جهت حرکت الکترون‌هاست، پس جهت جریان متوسط از  $A$  به  $B$  است.

[مساله](#) [٪ ۳۰ درصد پس از کاهش](#) [قلچرچ](#)

پاسخ: [گزینه ۳](#)

ابتدا جریان مدار را محاسبه می‌کنیم.

$$I_1 = \frac{\varepsilon}{r+R} \xrightarrow{r=1\Omega, R=2\Omega} I_1 = \frac{\varepsilon}{3}$$

اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است با:

$$V_1 = \varepsilon - I_1 r = \varepsilon - \frac{\varepsilon}{3} \cdot 1 = \frac{2}{3}\varepsilon$$

توان خروجی مولد برابر است با:

$$P_1 = V_1 I_1 = \frac{2}{9}\varepsilon^2$$

اگر مقاومت  $R$  را به اندازه ۵۰ درصد افزایش دهیم، برابر با  $3\Omega = 2 + 0/5 \times 2 = 2 + 0.5 \times 2 = 3\Omega$  خواهد شد.

$$I_2 = \frac{\varepsilon}{r+R_2} \xrightarrow{r=1\Omega, R_2=3\Omega} I_2 = \frac{\varepsilon}{4}$$

$$V_2 = \varepsilon - I_2 r = \varepsilon - \frac{\varepsilon}{4} \cdot 1 = \frac{3}{4}\varepsilon$$

$$P_2 = V_2 I_2 = \frac{3}{16}\varepsilon^2 \rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{\frac{3}{16}\varepsilon^2}{\frac{2}{9}\varepsilon^2} = \frac{27}{32}$$

[مساله](#) [٪ ۵۰ درصد پس از افزایش](#) [قلچرچ](#)

پاسخ: [گزینه ۳](#)

با توجه به رابطه قانون اهم داریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{V_B}{V_A} \times \frac{I_A}{I_B} \Rightarrow \frac{R_B}{2\Omega} = 1 \times \frac{10}{\lambda}$$

$$\Rightarrow R_B = \frac{10}{\lambda} \Rightarrow R_B = 25\Omega$$

[مساله](#) [٪ ۱۰ درصد پس از افزایش](#) [قلچرچ](#)

پاسخ: [گزینه ۴](#)

شدت جریان متوسط از راسته زیر به دست می‌آید:

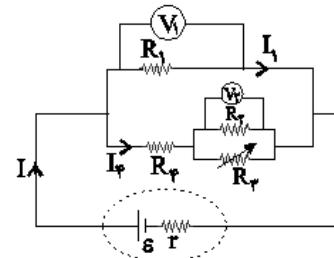
$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{ne}{t} \Rightarrow N = \frac{It}{e} = \frac{۳/۲ \times ۱۰^{-۳}}{\sqrt{۲} \times ۱۰^{-۹}} = ۲ \times ۱۰^{۱۴}$$

الکترون

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم. در مقاومت‌ها هرگاه یک مقاومت افزایش یابد مقاومت معادل افزایش خواهد یافت. بنابراین جریان عبوری از مدار کاهش می‌باید.



$$\begin{aligned} R_{eq} &\rightarrow I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow I \downarrow \xrightarrow{V = \epsilon - Ir} V \uparrow \xrightarrow[V=V_1=R_1/I_1]{\substack{V=V_1 \\ \text{ثابت است}}} I_1 \uparrow \\ I &= I_f + I_1 \xrightarrow[I_f, I_1 \uparrow]{V_f = \epsilon - Ir - R_f I_f} I_f \downarrow \xrightarrow[I_f, I_f \downarrow]{V_f = R_f I_f} V_f \uparrow \\ &\xrightarrow[V_f = R_f I_f]{\substack{V_f = R_f I_f \\ \text{ثابت است}}} I_f \uparrow \end{aligned}$$

گزینه «۱»

آمپرسنج به صورت یک مقاومت ۳ اهمی با مقاومت  $R$  به صورت متوالی در مدار قرار گرفته است. می‌دانیم جریان عبوری از مقاومت‌های متوالی (سری) یکسان است. بنابراین داریم:

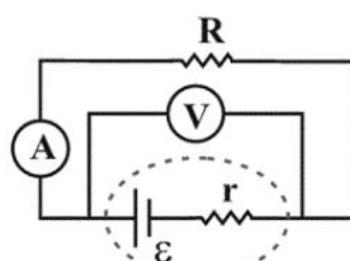
$$V = IR + I R_A$$

$$10 = 2R + 2 \times 3 \rightarrow 2R = 4 \rightarrow R = 2\Omega$$

پاسخ: گزینه ۳

گزینه (۲)

با توجه به اختلاف پتانسیل دو سر مولد در مدارهای الکتریکی ساده، داریم:



$\frac{A_0}{100} \cdot \frac{\epsilon}{\epsilon - V}$

$$\begin{aligned} \frac{1}{R+r} &= \frac{1}{R} - \frac{r}{R+r} \\ \Rightarrow r &= \frac{1}{\lambda} R \end{aligned}$$

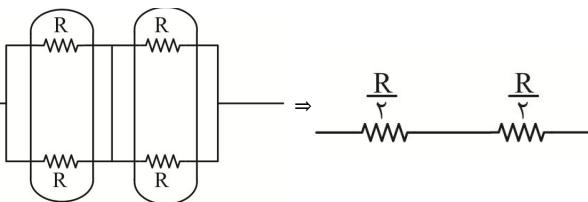
$$r = \frac{\lambda}{\lambda + 1} R = \frac{1}{2} R$$

$$\Rightarrow r = \frac{1}{\lambda} R + \frac{1}{\lambda} r = \frac{1}{\lambda} R = \frac{1}{\lambda} r$$

$$\Rightarrow \frac{R}{r} = \frac{\lambda}{1} = \lambda$$

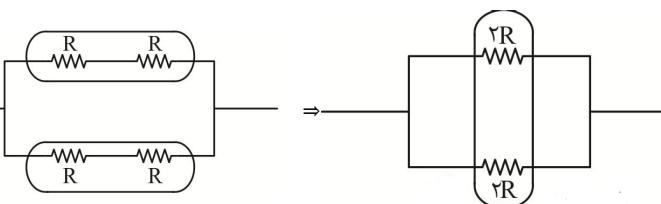
پاسخ: گزینه ۱

مساله درصد پاسخگویی قلمچی



$$\text{موازي} = \frac{R}{\gamma} \quad \text{موازي} = \frac{R}{\gamma}$$

$$\text{متوالى} = \frac{R}{\gamma} + \frac{R}{\gamma} = R$$



$$\text{موازي} = \frac{2R}{\gamma} = R$$

$$\Rightarrow R$$

پاسخ: گزینه ۴

مساله درصد پاسخگویی قلمچی

با توجه به اصل پایستگی بار الکتریکی، پس از وصل کردن کلید  $k$ ، بار هر کره رسانا  $C\mu\text{A}$ - می‌شود.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{-\varepsilon + \epsilon}{\gamma} = -\mu C$$

بنابراین اندازه بار شارش شده در سیم در مدت زمان لازم برای برقاری تعادل،  $\Delta q = 5\mu C$  است. با استفاده از تعریف شدت جریان متوسط، داریم:

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{5 \times 10^{-9}}{2 \times 10^{-2}} = 2.5 \times 10^{-7} A$$

پاسخ: گزینه ۳

مساله درصد پاسخگویی قلمچی

ابتدا با استفاده از رابطه قانون اهم، مقاومت رشته لامپ را می‌یابیم:

$$R = \frac{V}{I} \xrightarrow[V=10V]{I=0.1A} R = \frac{10}{0.1} = 100 \Omega$$

با استفاده از رابطه قانون اهم، جریان عبوری پس از افت ولتاژ را می‌یابیم:

$$I = \frac{V}{R} \xrightarrow[V=9V]{R=100\Omega} I = \frac{9}{100} = 0.09A = 90mA$$

گزینه ۲

مساله درصد پاسخگویی قلمچی

با توجه به رابطه چگالی و یکسان بودن جنس دو سیم، در می‌یابیم که حجم سیم  $A$ ،  $\epsilon$  برابر حجم سیم  $B$  است.

$$m_A = \rho' A \quad m_B = \rho' B \xrightarrow{\rho'_A = \rho'_B}$$

$$V_A = \epsilon V_B \Rightarrow A_A L_A = \epsilon A_B L_B$$

$$\Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = \epsilon \frac{L_B}{L_A} \quad (1)$$

حال با توجه به رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$ ، داریم:

$$\begin{aligned} \frac{R_B}{R_A} &= \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} \xrightarrow{\rho_A = \rho_B} \\ \frac{R_B}{R_A} &= 1 \times \frac{L_B}{L_A} \times \epsilon \frac{L_B}{L_A} \xrightarrow{R_B = \epsilon R_A} \epsilon = \epsilon \left( \frac{L_B}{L_A} \right)^2 \\ \Rightarrow \frac{L_B}{L_A} &= \gamma \Rightarrow L_A = \frac{1}{\gamma} L_B \end{aligned}$$

ساده درصد پاسخگویی قلمچی

ابتدا جریانی را که از لامپ عبور می‌کند به دست می‌آوریم. طبق قانون اهم، داریم:

$$V = RI \xrightarrow[V=12V]{R=1\Omega} I = \frac{12}{1} = 12A$$

حال با توجه به بار ذخیره شده در باتری، مدت زمانی را که باتری می‌تواند کار کند می‌یابیم:

$$\Delta q = I \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta q}{I} = \frac{30}{12} = 2.5h$$

ابتدا با توجه به رابطه قانون اهم برای مقاومت  $R_2$ ، مقدار  $V$  را می‌یابیم:

$$\begin{aligned} V = RI &\Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow[V_1=V+\Delta V, V_2=V+\gamma(V)]{I_2=\gamma I, I_1=I} \\ \frac{V+\Delta V}{V+\gamma(V)} &= \frac{\gamma I}{I} \Rightarrow V + \Delta V = \gamma V + \gamma^2 I \Rightarrow V = \frac{\gamma^2 I}{\gamma - 1} \end{aligned}$$

حال به ازای جریان برای دو مقاومت  $R_1$  و  $R_2$ ، داریم:

$$\begin{aligned} \frac{V_1}{V_2} &= \frac{R_1}{R_2} \times \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow[V_1=V, I_1=I, I_2=\gamma I]{V_2=V+\gamma(V)} \frac{V+\gamma(V)}{V} = \frac{R_2}{\Delta} \times \gamma \\ \xrightarrow[V=12V]{\gamma=2.5} \frac{12+2.5}{12} &= \frac{R_2}{\Delta} \Rightarrow R_2 = 12/2.5 \Omega \end{aligned}$$

اگر کلید  $k$  بسته شود، مقاومت معادل مقاومت‌های موازی  $R_1$  و  $R_2$  کمتر از  $R_{eq} = R_1 + R_2$  می‌شود و در نتیجه مقاومت معادل کل مدار ( $R_{eq} = R_1 + R_2$ ) کاهش می‌یابد، در نتیجه جریان عبوری از مولد طبق رابطه  $\frac{V}{R_{eq}+r} = I$  افزایش پیدا می‌کند.

انسیل دو سر مقاومت  $R_1$  و  $R_2$

طبق رابطه  $I = \frac{V}{R} - \frac{E}{r}$  کاهش

با افزایش جریان، از  $\frac{V}{R_{eq}+r} = I$  مدار، افریس می‌یابد، حمل داریم.

$$V_{\text{مولد}} = V_{R_1} + V_{R_{\gamma,\mu}} \xrightarrow[V_{R_{\gamma,\mu}} \downarrow]{V_{R_1} \uparrow} V_{R_{\gamma,\mu}}$$

برای مقایسه توان مصرفی مقاومت‌های  $R_1$  و  $R_{\gamma,\mu}$ ، با توجه به رابطه  $P = \frac{V^2}{R}$  داریم:

$$\begin{aligned} P_1 &= \frac{V_{R_1}^2}{R_1} \xrightarrow[V_{R_1} \uparrow]{V_{R_1} \uparrow} P_1 \uparrow \\ P_\gamma &= \frac{V_{R_{\gamma,\mu}}^2}{R_\gamma} \xrightarrow[V_{R_{\gamma,\mu}} \downarrow]{V_{R_{\gamma,\mu}} \downarrow} P_\gamma \downarrow \end{aligned}$$

پاسخ: گزینه ۴

#### گزینه ۴

اگر یک رئوستا در مدار داشته باشیم، به هر شکلی که در مدار نسبت به مقاومت‌های دیگر قرار داشته باشد، با افزایش مقاومتش، مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد. در نتیجه شدت جریان کل مدار کاهش یافته و طبق رابطه  $I/r - \epsilon = V$ ، با کاهش شدت جریان، ولتسنج ایده‌آل عدد بیشتری را نشان می‌دهد. از طرفی ولتسنج، ولتاژ دو سر مقاومت  $R$  را نیز نشان می‌دهد که طبق رابطه  $R/I = V$ ، با افزایش ولتاژ دو سر آن، جریان گذرنده از آن نیز بیشتر شده و آمپرسنج ایده‌آل نیز عدد بیشتری را نشان می‌دهد.

متوجه  
درصد پاسخ‌گیری ۱۰۰٪  
قلمچی

پاسخ: گزینه ۳

#### گزینه ۳

ابتدا مقاومت رسانا را به دست می‌آوریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow[\substack{\rho = ۲ \times ۱۰^{-۸} \Omega m, L = ۳ m \\ A = \pi r^2, r = ۱ mm}]{}$$

$$R = ۲ \times ۱۰^{-۸} \times \frac{۳}{\pi r^2} = \frac{۲ \times ۱۰^{-۸} \times ۳}{\pi \times (۱ \times ۱0^{-۳})^2} = \frac{۶ \times ۱۰^{-۸}}{۳ \times ۱0^{-۶}} = ۲ \times ۱0^{-۲} \Omega$$

با توجه به رابطه انرژی الکتریکی مصرفی داریم:

$$\Delta U = q \Delta V \Rightarrow ۶ \times ۱0^{-۳} = \lambda \times \Delta V \Rightarrow \Delta V = \frac{۳}{\lambda} \times ۱0^{-۳} V$$

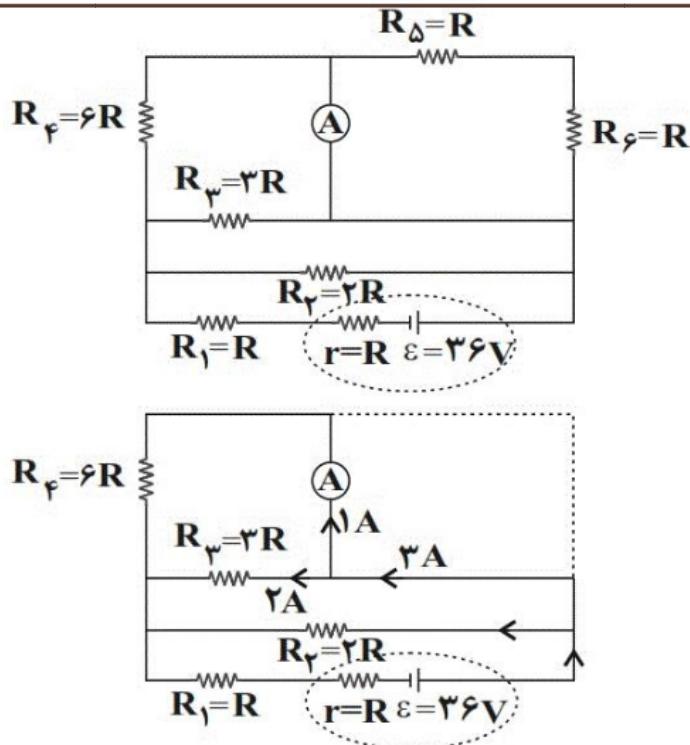
$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(\frac{۳}{\lambda} \times ۱0^{-۳})^2}{۲ \times ۱0^{-۲}} = \frac{۹}{۴ \lambda^2} mW$$

متوجه  
درصد پاسخ‌گیری ۱۰۰٪  
قلمچی

پاسخ: گزینه ۲

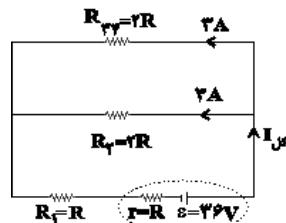
#### گزینه ۲

با توجه به مدار و محل قرارگیری آمپرسنج ایده‌آل، مقاومت‌های  $R_h$  و  $R$  اتصال کوتاه شده و جریان الکتریکی از این دو مقاومت عبور نمی‌کند. پس مدار به صورت زیر ساده می‌شود:



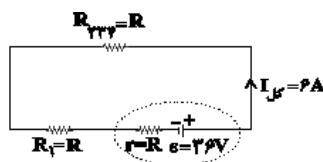
آمپرسنچ جریان عبوری از مقاومت  $R_f$  را نشان می‌دهد، پس جریان عبوری از  $R^3$  برابر  $2A$  خواهد شد، زیرا جریان در شاخه‌های موازی به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود. همچنین مقاومت معادل  $R^3$  و  $R_f$  برابر با  $2R$  است و با شاخه مقاومت  $R_t$  موازی است. بنابراین جریان عبوری از مقاومت  $R_t$  نیز برابر با  $3A$  است.

$$\frac{R_t \times R_f}{R_t + R_f} = \frac{\epsilon R \times 3R}{9R} = 2R$$



$$R_{\gamma, \text{eff}} = \frac{R_t \times R_{\gamma f}}{R_t + R_{\gamma f}} = \frac{2R \times 2R}{5R} = R$$

$$\text{ذکر: } I = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r} = \frac{\epsilon}{2R + r} \Rightarrow \gamma = \frac{\epsilon}{2R} \Rightarrow R = \gamma \Omega$$



پاسخ: گزینه «۱»

گزینه «۱»

طول این سیم برابر با مجموع محیط این حلقه‌ها است ( $L = 2\pi r' = 2\pi l'$ ). شعاع مقطع سیم، نصف قطر آن و برابر با ۱ میلی‌متر می‌باشد ( $r = 1mm$ ). مقاومت این سیم برابر است با:

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow[A = \pi r'^2]{L = \pi r' l'} R = \gamma \times 10^{-3} \times \frac{10 \times 2 \times \pi \times 0.001}{\pi \times (10^{-3})^2} = 60 \Omega$$

جریان عبوری از سیم برابر است با:

$$I_{\text{JF}} = \omega / \gamma A$$

گزینه «۳»

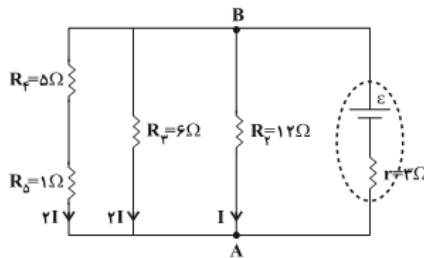
مقاومت  $R_1$  اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شود. با فرض اینکه جریان / از مقاومت  $R_2$  عبور کند، جریان الکتریکی عبوری از سایر مقاومت‌ها را محاسبه می‌کنیم.

$$V_1 = V_2 \Rightarrow I_1 R_2 = I_2 R_2$$

$$I \times 12 = I_2 \times 6 \Rightarrow I_2 = 2I$$

$$V_2 = V_{F, \Delta} \Rightarrow I \times 12 = I_{F, \Delta} \times R_{F, \Delta}$$

$$I \times 12 = 6 \times I_{F, \Delta} \Rightarrow I_{F, \Delta} = 2I$$



با توجه به رابطه توان مصرفی مقاومت  $P = I^2 R$  داریم:

$$P_2 = I^2 \times 12 \Rightarrow P_2 = 12I^2$$

$$P_3 = (2I)^2 \times 6 \Rightarrow P_3 = 24I^2$$

$$P_F = (2I)^2 \times 5 \Rightarrow P_F = 20I^2$$

$$P_\Delta = (2I)^2 \times 1 \Rightarrow P_\Delta = 4I^2$$

بیشترین توان مصرفی مربوط به مقاومت  $R_3$  است.

$$V_2 = I_2 R_2 \Rightarrow 10 = 2I \times 6 \Rightarrow I = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}A$$

جریان عبوری از باتری طبق قاعدة انشعاب در گره A، برابر  $\frac{1}{5}$  است و اختلاف پتانسیل دو سر باتری و مقاومت  $R_3$  باهم برابر است.

$$V_2 = \varepsilon - I_t \times r \xrightarrow{I_t = \frac{5}{6}A}$$

$$10 = \varepsilon - (\frac{5}{6})r \Rightarrow 10 = \varepsilon - \frac{5}{6}r \times 3 \Rightarrow \varepsilon = 22/5 V$$

پاسخ:

گزینه «۱»

با توجه به رابطه مقاومت الکتریکی رسانا داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\rho = 1/7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m, L = 1/2 km = 1/2 \times 10^3 m, A = \pi(r_o^2 - r_i^2), r_o = 5 mm = 5 \times 10^{-3} m, r_i = 4 mm = 4 \times 10^{-3} m} R = 1/7 \times 10^{-8} \times \frac{1/2 \times 10^3}{5 \times ((5 \times 10^{-3})^2 - (4 \times 10^{-3})^2)} = 0.9 \Omega$$

پاسخ:

ابتدا با استفاده از رابطه چگالی، طول سیم را بدست می‌آوریم:

$$\rho = \lambda \frac{g}{cm^3} = \lambda \times 10^{-3} \frac{kg}{m^3}$$

$$V = AL \xrightarrow[A=\Delta mm^2 = \Delta \times 10^{-6} m^2]{V=\Delta \times 10^{-3} m^3} L = \frac{V}{A} = \frac{\Delta \times 10^{-3}}{\Delta \times 10^{-6}} = 10^3 m$$

حال طبق رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  داریم:

$$R = 1/V \times 10^{-3} \times \frac{10^3}{\Delta \times 10^{-6}} = \frac{10^3}{\Delta} = 10^3 / \Delta \Omega$$

متوجه  
درصد پاسخگویی  
قلمچی  
گزینه های دالم دار

پاسخ: گزینه (۴)

گزینه (۴)

جرم رسانای  $A$ , نصف جرم رسانای  $B$  است:

$$\begin{aligned} m_A &= \frac{1}{\gamma} m_B \Rightarrow \rho_A V_A = \frac{1}{\gamma} \rho_B V_B \\ \xrightarrow{\rho_A = \gamma \rho_B} 2\rho_B V_A &= \frac{1}{\gamma} \rho_B V_B \\ \Rightarrow 2V_A &= V_B \xrightarrow{V_A = AL} 2A_B L_A = A_B L_B \xrightarrow{A_A = \gamma A_B} \\ \gamma \times 2A_B L_A &= A_B L_B \Rightarrow L_B = 12 L_A \end{aligned}$$

حال رابطه مقایسه‌ای مقاومت دو رسانای هم‌جنس را می‌نویسیم:

$$\begin{aligned} R &= \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{L_B = \gamma L_A} \\ \frac{R_A}{R_B} &= \frac{1}{12} \times \frac{1}{\gamma} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{1}{12\gamma} \end{aligned}$$

متوجه  
درصد پاسخگویی  
قلمچی  
گزینه های دالم دار

پاسخ: گزینه (۱)

گزینه «۱»

چون دو سیم به صورت موازی در مدار قرار گرفته‌اند، اختلاف پتانسیل دو سر آن‌ها با یکدیگر برابر است. ( $V_A = V_B$ )

با توجه به این‌که توان مصرفی سیم  $A$  نصف توان مصرفی در سیم  $B$  است، با استفاده از رابطه توان مصرفی با ولتاژ دو سر رسانا و مقاومت آن داریم:

$$P = \frac{V^2}{R} \xrightarrow{V_A = V_B} \frac{P_A}{P_B} = \frac{R_B}{R_A} \xrightarrow{P_B = \gamma P_A}$$

$$\frac{P_A}{\gamma P_A} = \frac{R_B}{R_A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \gamma$$

از طرفی چون دو سیم هم‌جنس‌اند، مقاومت ویژه آن‌ها یکسان است. بنابراین:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A}$$

$$\frac{R_A = \gamma R_B}{A_A = \gamma A_B}, \rho_A = \rho_B \Rightarrow \gamma = 1 \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{1}{\gamma} \rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \gamma$$

متوجه  
درصد پاسخگویی  
قلمچی

پاسخ: گزینه (۱)

گزینه «۱»

جریان عبوری برای هر حالت را به صورت زیر محاسبه می‌کنیم:

$$1 = \frac{\epsilon}{R_{eq+r}} \xrightarrow{r = 0} R_{eq} = \gamma R = \frac{\epsilon}{\gamma R}$$

$$2 = \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} \left( \frac{\epsilon}{R_{eq}} \right) = \frac{1}{\gamma} \left( \frac{\epsilon}{\frac{\epsilon}{\gamma R}} \right) = \frac{\epsilon}{R}$$

$$3 = \frac{1}{\gamma} = \frac{1}{\gamma} \left( \frac{\epsilon}{R_{eq+r}} \right) \xrightarrow{r = 0} R_{eq} = \frac{R}{\gamma} = \frac{\epsilon}{R}$$

$$I_1 = I_2 = \frac{\epsilon}{\gamma R}$$

بنابراین خواهیم داشت:

گزینه «۲»

موارد (الف) و (ت) طبق متن کتاب درسی صحیح می‌باشند و دلیل نادرستی موارد (ب) و (پ) عبارت است از:

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا الکترون‌های آزاد در طول یک رسانا، حرکت کاتورهای در همه جهت‌ها با تندی‌هایی از مرتبه  $\frac{m}{s}^6$  دارند.

عبارت (پ) نادرست است؛ زیرا وقتی جریان در رسانایی مسی برقرار می‌شود، الکترون‌ها با سرعت سوک که از مرتبه بزرگی  $\frac{m}{s}^{-5}$  یا  $\frac{m}{s}^{-4}$  است، در خلاف جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کنند.

گزینه «۳»

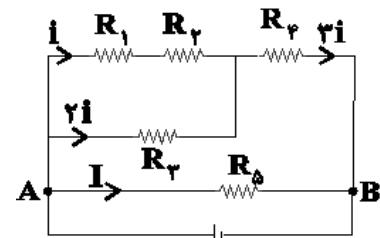
همه مقاومت‌ها موازی هستند و جریان ۷ آمپر به طور مساوی بین آن‌ها تقسیم می‌شود. بنابراین برای توان مصرفی مقاومت  $R_F$  داریم:

$$I_F = \frac{I}{V} = \frac{V}{V} = 1A$$

$$P_F = R_F I_F^2 \xrightarrow{R_F = V} P_F = V(1)^2 = V W$$

گزینه «۴»

ابتدا مدار را به شکل زیر ساده می‌کنیم.



اگر جریان عبوری از مقاومت‌های  $R_1$  و  $R_2$  را با  $i$  نشان دهیم جریان عبوری از مقاومت  $R_3$  برابر  $2i$  و جریان عبوری از  $R_4$  برابر  $3i$  خواهد شد. اکنون مقاومت شاخه بالایی را به دست می‌آوریم.

$$R_{12} = R_1 + R_2 = \lambda \Omega$$

$$R_{123} = \frac{R_{12} \times R_3}{R_{12} + R_3} = \frac{\lambda \times \lambda}{\lambda + \lambda} = \frac{\lambda}{2} \Omega$$

$$R_{eq} = R_F + \frac{\lambda}{2} = \lambda + \frac{\lambda}{2} = \frac{3}{2} \Omega$$

سپس اختلاف پتانسیل دو شاخه بالا و پایین را مساوی قرار می‌دهیم تا جریان عبوری از مقاومت  $R_5$  را به دست آوریم.

$$R_5 \times I = \frac{3}{2} \times 3i \Rightarrow I = 5i$$

چون مقاومت‌ها یکسان هستند بیشترین توان تلف شده مربوط به مقاومت  $R_5$  است که بیشترین جریان را دارد. پس داریم:

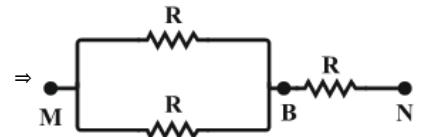
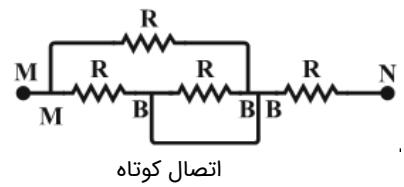
$$V = R_5 I \xrightarrow{I=5i} V = 5i \xrightarrow{V=4V} i = 0.8A$$

جریان عبوری از باتری برابر است با:

$$I + 3i = 1/5 + 0/9 = 2/4A$$

گزینه «۳»

با استفاده از مشخص کردن نقاط هم پتانسیل، مدار را ساده می‌کنیم.



$$R_{eq} = \frac{R}{2} + R = \frac{3}{2}R \Rightarrow R = \frac{2}{3}\Omega$$

گزینه «۳»

مطابق رابطه مقاومت یک سیم رسانا داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow[A=\pi d^2/4]{V=AL} R = \rho \frac{V}{A^2} = \frac{\rho V}{\pi^2 d^2}$$

گزینه «۱»

با توجه به اینکه مقاومت الکتریکی سیم‌ها برابر است، با توجه به معلومات سوال داریم:

$$\begin{aligned} R_{Al} &= R_{Cu} \Rightarrow (\rho \frac{L}{A})_{Al} = (\rho \frac{L}{A})_{Cu} \\ \rho_{Cu} &= \frac{1}{\gamma} \rho_{Al}, L_{Cu} = L_{Al} \xrightarrow[\rho_{Al}]{A_{Al}} \frac{\rho_{Al}}{A_{Al}} = \frac{1}{\gamma} \rho_{Al} \\ &\Rightarrow A_{Al} = 2 A_{Cu} \end{aligned}$$

از طرفی برای مقایسه جرم سیم‌ها داریم:

$$\begin{aligned} \frac{m_{Al}}{m_{Cu}} &= \frac{(\text{حجم} \times \text{چگالی})_{Al}}{(\text{حجم} \times \text{چگالی})_{Cu}} = \frac{A_{Al} \times L_{Al}}{A_{Cu} \times L_{Cu}} \\ \frac{A_{Al}}{A_{Cu}} &= 2, L_{Al} = L_{Cu} \xrightarrow[\text{چگالی}]{\text{چگالی}} \frac{m_{Al}}{m_{Cu}} = \frac{2/2}{1/1} = 2 \\ A_{Al} &= 2 A_{Cu}, L_{Al} = L_{Cu}, \text{چگالی}_{Al} = \frac{g}{cm^3}, \text{چگالی}_{Cu} = \frac{g}{cm^3} \xrightarrow[m_{Al}]{m_{Cu}} \frac{m_{Al}}{m_{Cu}} = \frac{2/6}{1/3} = 2 \end{aligned}$$

گزینه «۳»

با توجه به قانون اهم، جربان عبوری از مدار و د نتیجه عددی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد، از رابطه زیر به دست می‌آید.

چون در هر دو حالت اختلاف پتانسیل دو سر رساناهای A و B یکسان و برابر با  $V$  است، داریم:

$$\frac{I_B}{I_A} = \frac{R_A}{R_B} \quad (1)$$

از سوی دیگر، مقاومت یک رسانا به ویژگی‌های فیزیکی آن وابسته است، بنابراین:

$$R = \rho \frac{L}{A}$$

$$\Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow{\rho_A = \rho_B} \frac{R_A}{R_B} = 1 \times \frac{L}{\frac{L}{V}} \times \frac{V}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = V \quad (2)$$

$$\frac{R_A}{R_B} = 1 \times \frac{L}{\frac{L}{V}} \times \frac{V}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = V \quad (2)$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\xrightarrow{(2),(1)} \frac{I_B}{I_A} = V$$

پاسخ:

گزینه «۳»

با توجه به کاهش مقاومت رئوستا، اندازه جریان الکتریکی عبوری از مدار افزایش می‌یابد.

ولتسنج‌هایی که به دو سر مقاومتها بسته می‌شوند (مانند  $V_1$  و  $V_2$ )  $R/I$  را نشان می‌دهند.

ولتسنجی که به دو سر باتری محرک (همجهت با جریان) بسته می‌شود (مانند  $V_3$ )  $V - r/I$  را نمایش می‌دهد.

ولتسنجی که به سر باتری ضدمحرك (خلاف جریان) بسته می‌شود، (مانند  $V_4$ )، مقدار  $r/I + V$  را نمایش می‌دهد.

با توجه به این‌که R کاهش پیدا کرده است. در نتیجه جریان الکتریکی مدار افزایش می‌یابد:

$$V_1 = R'I \Rightarrow V_1 \text{ صفر نمی‌شود.} \Rightarrow$$

$$\text{عدد ولتسنج } V_2 \text{ افزایش می‌یابد.} \Rightarrow V_2 = RI \uparrow \Rightarrow$$

$$\text{عدد ولتسنج } V_3 \text{ افزایش می‌یابد.} \Rightarrow V_3 = \epsilon + rI \uparrow \Rightarrow$$

$$\text{عدد ولتسنج } V_4 \text{ کاهش می‌یابد.} \Rightarrow V_4 = \epsilon - rI \uparrow \Rightarrow$$

پاسخ:

گزینه «۱»

می‌دانیم که در نمودار  $V - I$  شبی خط عکس مقاومت را نشان می‌دهد پس داریم:

$$\frac{1}{R_A} = \frac{V}{I} \rightarrow R_A = \frac{V}{I} \Omega, \quad \frac{1}{R_B} = \frac{1}{V} \rightarrow R_B = V \Omega$$

$$\rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\frac{V}{I}}{V} = \frac{1}{I}$$

چون در اختلاف پتانسیل ثابت  $V = I/A$  است پس طبق رابطه اهم می‌توان نوشت:

$$V = IR \rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{I_B}{I_A} \rightarrow \frac{1}{V} = \frac{I_B}{I/A} \rightarrow I_B = V/A$$

پاسخ:

گزینه «۴»

هرگاه سیم را ذوب کنیم، حجم آن ثابت می‌ماند، داریم:

$$A_F - L_1 = \frac{1}{F}$$

(نقطه مقاومت الکتریکی به صورت  $R = \rho \frac{L}{A}$  می‌باشد، داریم:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2} = 4 \times 4 = 16$$

پاسخ: [گزینه ۱۱](#)

گزینه «۱۰»

به سادگی می‌توان اثبات کرد در صورتی که توان خروجی مولد در دو حالت یکسان باشد، حاصل ضرب مقاومت معادل خارجی مدار در دو حالت با مریع مقاومت درونی مولد برابر است.

$$R_{eq} R'_{eq} = r^2$$

چون آمپرسنج ایده‌آل است پس مقاومت  $4\Omega$  در هر دو حالت اتصال کوتاه می‌شود.

$$R_{eq} = 2/25\Omega : \text{حالت اول قطع کلید}$$

$$R'_{eq} : \text{حالت دوم وصل کلید}$$

$$\frac{R_1 = 2/25\Omega}{R_2 = 1/8\Omega} \rightarrow R'_{eq} = \frac{2/25 \times 1/\lambda}{2/25 + 1/\lambda} = 1\Omega$$

برای محاسبه مقاومت داخلی ( $r$ ) خواهیم داشت:

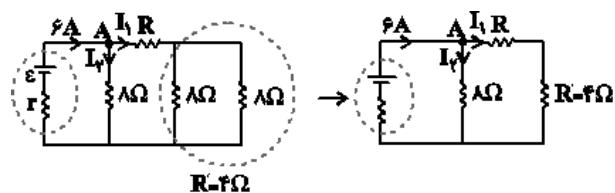
$$R_{eq} R'_{eq} = r^2 \Rightarrow 2/25 \times 1 = r^2 \Rightarrow r = 1/5\Omega$$

[مشخصه](#) [درصد پاسخگیری %۳۷](#) [فلمچی](#)

پاسخ: [گزینه ۱۰](#)

گزینه «۱۱»

مطابق شکل زیر، دو مقاومت  $8$  اهمی با هم موازی‌اند و معادل آن‌ها برابر با  $4\Omega$  است. بنابراین مدار به صورت زیر ساده می‌شود:



با استفاده از تقسیم جریان در نقطه  $A$  و برابر بودن اختلاف پتانسیل دو سر شاخه‌های موازی، داریم:

$$\begin{cases} I_1 + I_2 = 6A \\ 8/I_2 = 2F + 4/I_1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_1 + I_2 = 6 \\ 8/I_2 - 4/I_1 = 2F \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I_2 = 4A \\ I_1 = 2A \end{cases} \leftarrow R_{eq} \text{ از مقاومت}$$

اکنون مقاومت  $R_{eq}$  را محاسبه می‌کنیم:

$$V = RI_1 \Rightarrow 2F = R \times 2 \Rightarrow R = 12\Omega$$

برای محاسبه مقاومت معادل، داریم:

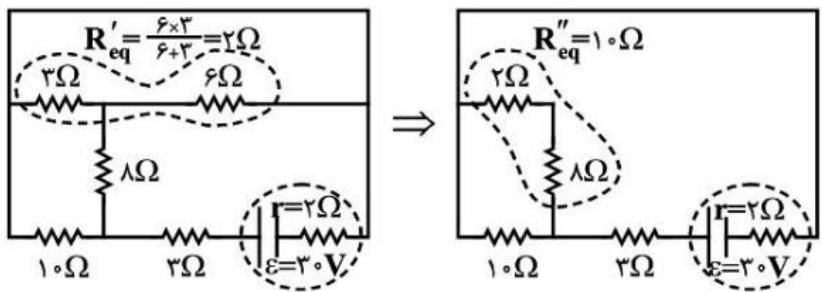
$$\begin{aligned} R &= \frac{\lambda}{\gamma} = 4\Omega \\ R' &= R + F = 12 + 4 = 16\Omega \\ R_{eq} &= \frac{\lambda \times 16}{\lambda + 16} = \frac{16}{3}\Omega \end{aligned}$$

[مشخصه](#) [درصد پاسخگیری %۲۴](#) [فلمچی](#)

پاسخ: [گزینه ۱۱](#)

گزینه

ابتدا معادل مدار و سیس جریان کل را می‌یابیم:



$$\Rightarrow R_{eq} = \frac{1.0 \times 1.0}{1.0 + 1.0} + 3 = 1.0 \Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{3.0}{1.0 + 2} = 1.0 A$$

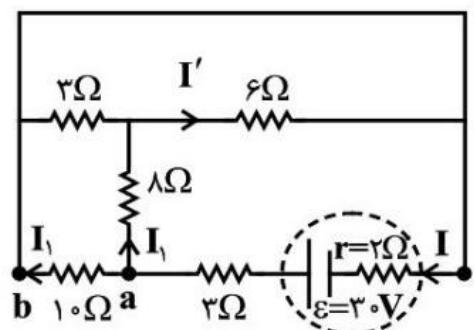
ولتاژ دو سر مقاومت  $1.0\Omega$  برابر است با:

$$V_a - V_b = V_{1.0\Omega} = \epsilon - I(2 + 3) = 1.0 I_1$$

$$\Rightarrow 3.0 - 3(1.0) = 1.0 I_1 \Rightarrow I_1 = 1.0 A$$

برای محاسبه  $I'$  داریم:

$$V_a - V_b = 1.0 I_1 + 2 I' = 1.0 \Rightarrow I' = 0.5 A$$



پاسخ:

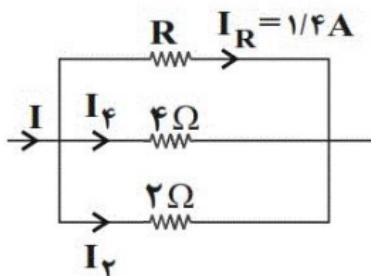
گزینه «۴»

ابتدا اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه را به دست می‌آوریم:

$$U = P t \xrightarrow{P=VI} U = VI t \xrightarrow{T=1\Delta \text{ min}=1\Delta \times 60 \text{ s}} I = 1.0 A, U = 3.0 / 1.0 \times 60 = 0.5 V$$

$$3.0 = V \times 1.0 \times 1.0 \times 60 \Rightarrow V = \frac{3.0}{1.0 \times 1.0 \times 60} = 0.5 V$$

اکنون با استفاده از قانون اهم، جریان عبوری از مقاومت‌های  $4\Omega$  و  $2\Omega$  را محاسبه می‌کنیم.



$$I_R = 0.5 A$$

$$I_2 = \frac{0.5}{2} A = 0.25 A$$

$$I = I_R + I_\gamma + I_f \quad \xrightarrow{I_\gamma = 1/\Delta, I_f = 0/7\Delta A}$$

$$I = 1/\Delta + 1/\Delta + 0/7\Delta A = 3/6\Delta A$$

متوجه

% ۳۷

دروصلایاسخنگویی

۱۰۰%

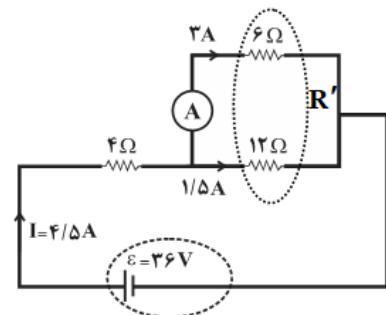
گزینه های دارم

گزینه

پاسخ:

گزینه «۳»

وقتی کلید K باز است، مدار به صورت زیر است و داریم:

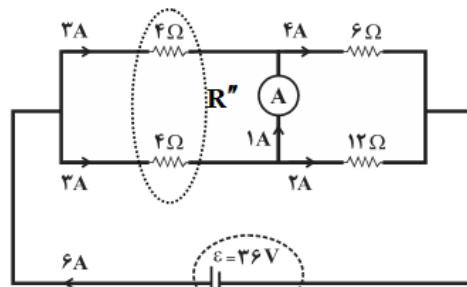


$$R = \frac{\epsilon \times 12}{\epsilon + 12} = 4\Omega$$

$$R_{eq} = 4 + 4 = 8\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq}} = \frac{36}{8} = 4.5A$$

با توجه به اینکه در مقاومت‌های موازی، جریان به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم می‌شود، بنابراین از آمپرسنج ایده‌آل جریان  $3A$  عبور خواهد کرد. بعد از بستن کلید K، مدار به صورت زیر خواهد شد و داریم:



$$R'' = \frac{4}{2} = 2\Omega, R' = 4\Omega$$

$$R_{eq} = 2 + 4 = 6\Omega$$

$$I' = \frac{\epsilon}{R_{eq}} = \frac{36}{6} = 6A$$

جریان  $6$  آمپر به صورت مساوی بین دو مقاومت موازی  $4$  اهمی تقسیم می‌شود و از طرفی از هر یک از دو مقاومت موازی  $6$  اهمی و  $12$  اهمی بهتر ترتیب جریان  $4A$  و  $2A$  عبور خواهد کرد، بنابراین، جریان عبوری از آمپرسنج در این حالت  $1A$  خواهد بود که نسبت به قبل از بستن کلید،  $2A$  کاهش پیدا کرده است.

متوجه

% ۳۷

دروصلایاسخنگویی

۱۰۰%

گزینه های دارم

گزینه

گزینه «۴»

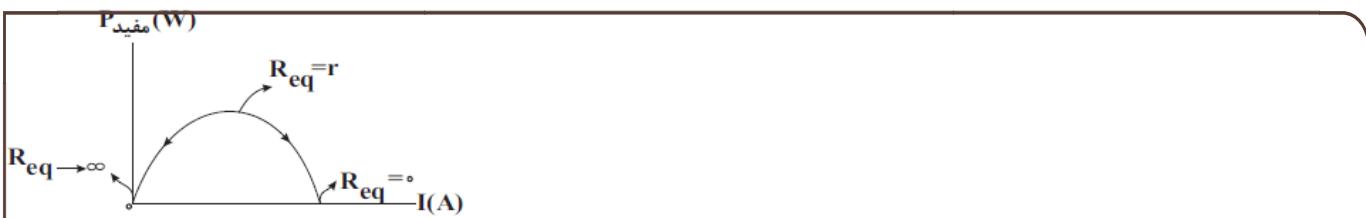
مطابق رابطه توان مصرفی با جریان عبوری از مدار، نمودار توان مفید بر حسب جریان عبوری مطابق شکل زیر است.

$$P = U/I$$

مت معادل مدار نت:  $\text{۸۰۱}$

؛ مقدار می‌رسد. نا اف:  $\text{۸۰۱}$

وقتی  $r = R_{eq}$



$$R_{eq} = \frac{R}{\gamma} + \frac{\frac{R}{\gamma} \times R}{R + \frac{R}{\gamma}} = \frac{R}{\gamma} + \frac{R}{\gamma} = \frac{\Delta R}{\gamma}$$

$$R_{eq} = \frac{R}{\gamma} + \frac{\gamma R^{\gamma}}{\gamma R + R} = \frac{R}{\gamma} + \frac{\gamma R}{\gamma + 1} = \frac{\gamma R}{\gamma + 1}$$

مطابق نمودار، با تغییر مقاومت معادل از  $\frac{\Delta R}{\gamma}$  تا  $\frac{\gamma R}{\gamma + 1}$  توان مفید مدار ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

[متوجه](#) [درصد پاسخگویی % ۳۵](#) [کامپیو](#)

پاسخ: [گزینه ۱](#)

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه بین مقاومت یک رسانا و ویژگی‌های فیزیکی آن، داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \xrightarrow[\substack{\rho_A = \gamma \rho_B, L_B = \gamma L_A \\ R_A = \gamma R_B, A = \frac{\pi D^2}{4}}]{\gamma}$$

$$\gamma = 3 \times \frac{1}{\gamma} \times \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 = \frac{3}{\gamma} \xrightarrow{\text{حدر}}$$

$$\frac{D_A}{D_B} = \sqrt{\frac{3}{\gamma}} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$$

$$\xrightarrow[\text{صورت و مخرج ضربدر}]{\gamma} \frac{D_A}{D_B} = \frac{\sqrt{3}}{\gamma}$$

[متوجه](#) [درصد پاسخگویی % ۳۵](#) [کامپیو](#)

پاسخ: [گزینه ۴](#)

گزینه «۴»

با کاهش مقاومت رُستا، جریان ساعتگرد عبوری از حلقه خارجی افزایش یافته و باعث افزایش میدان مغناطیسی درون سو و در نتیجه افزایش شار مغناطیسی عبوری از حلقه داخلی می‌شود. بنابر قانون لنز، جهت جریان القایی در جهتی است که آثار مغناطیسی ناشی از آن با تغییر شار مخالفت کند. بنابراین در حلقه داخلی جریانی پادساعتگرد ایجاد می‌شود تا با افزایش شار مغناطیسی عبوری از آن مخالفت کند. با افزایش مقاومت رُستا، جریان عبوری از حلقه خارجی کاهش یافته و باعث کاهش میدان مغناطیسی درون سو و در نتیجه کاهش شار مغناطیسی عبوری از حلقه داخلی می‌شود. بنابر قانون لنز، جریان ساعتگرد ایجاد می‌شود تا با کاهش شار مغناطیسی عبوری مخالفت کند.

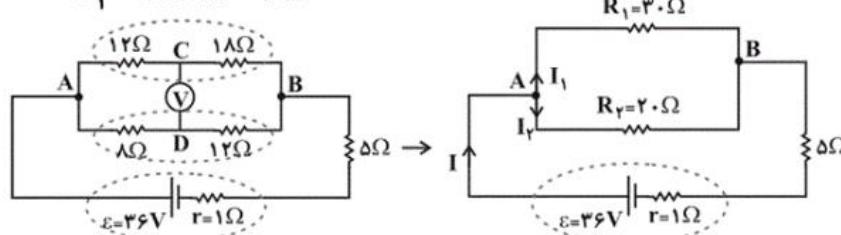
[متوجه](#) [درصد پاسخگویی % ۳۵](#) [کامپیو](#)

پاسخ: [گزینه ۱](#)

گزینه «۱»

از شاخه مربوط به ولتسنج ایده‌آل، جریانی نمی‌گذرد. لذا مقاومت‌های هر یک از شاخه‌ها با یکدیگر متوالی‌اند:

$$R_1 = 12 + 18 = 30\Omega$$



$$R_{AB} = \frac{30}{30+20} = 12\Omega$$

$$R_{eq} = 12 + 5 = 17\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{36}{17 + 1} = 2A$$

$$R_{AB} I = R_1 I_1 \Rightarrow 12 \times 2 = 30 I_1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I_1 = \frac{12 \times 2}{30} = 0.8A \\ I_2 = 2 - 0.8 = 1.2A \end{cases}$$

$$V_{AC} = 12 \times 0.8 = 9.6V, V_{AD} = 12 \times 1.2 = 9.6V$$

$$V_{CD} = 9.6 - 9.6 = 0$$

متوجه % ۳۰ درصد پاسخگویی کاملاً

گزینه «۴»

در حالت اول داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow 2/5 = \frac{36}{30+1} \Rightarrow \varepsilon = 10V$$

حالت دوم:

$$2/5 - 0/5 = \frac{10}{30+1} \Rightarrow R+1=5 \Rightarrow R=4\Omega$$

در نتیجه مقاومت رُؤستا را باید  $\Delta R = 4 - 3 = 1\Omega$  افزایش دهیم.

متوجه % ۳۰ درصد پاسخگویی کاملاً

پاسخ:

چون جرم سیم‌های A و B با هم برابر است، داریم:

$$m_A = m_B \Rightarrow \rho_A V_A = \rho_B V_B \Rightarrow V_A = V_B$$

$$\Rightarrow A_A L_A = A_B L_B \Rightarrow \frac{A_A}{A_B} = \frac{L_B}{L_A} (*)$$

$$d_B = \sqrt{2} d_A \xrightarrow{A = \frac{\pi d^2}{4}} A_B = 2 A_A \Rightarrow \frac{A_B}{A_A} = 2$$

$$\xrightarrow{(*)} \frac{L_B}{L_A} = \frac{1}{2}$$

حال طبق رابطه مقایسه‌ای مقاومت الکتریکی  $R = \rho \frac{L}{A}$  داریم:

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \frac{A_A}{A_B} = 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

متوجه % ۳۷ درصد پاسخگویی کاملاً

گزینه «۳»

در اینجا با معلوم بودن زمان عبور الکترون‌ها (t) و شدت جریان عبوری (I) و بار الکتریکی هر الکترون (e)، تعداد الکترون‌های عبوری (n) خواسته شده است

قبل از هر چیزی می‌دانیم که تعداد الکترون‌های عبوری را با استفاده از بار الکتریکی q می‌توان یافت به‌گونه‌ای که داریم:

$$q = ne$$

از طرفی برای تعیین بار q با استفاده از تعریف جریان داریم:

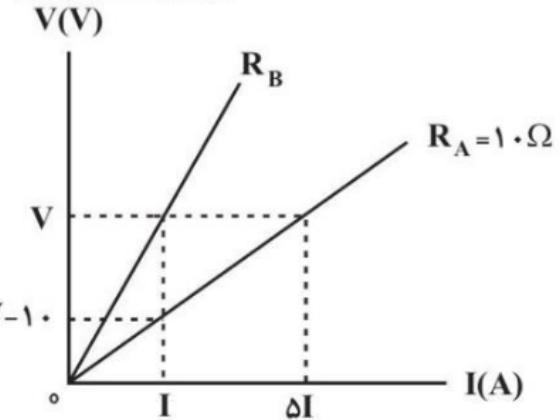
$$q = It$$

در نهایت داریم:

$$n \times 1/5 \times 10^{-19} = 1 \times 1 \Rightarrow n = \frac{1}{1/5} \times 10^{19}$$

گزینه ۲

با توجه به رابطه قانون اهم برای مقاومت  $R_A$  داریم: ثابت =



$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{V_A}{V_A} &= \frac{I_A}{I_A} \quad \frac{V_A = V, V_A = (V - 1_0)V}{I_A = \Delta I, I_A = I} \\ \frac{V}{V - 1_0} &= \frac{\Delta I}{I} \Rightarrow V = \Delta V - \Delta_0 \\ \Rightarrow 4V = \Delta_0 &\Rightarrow V = 12/\Delta V \end{aligned}$$

حال جریان / برابر است با:

$$R_A = \frac{V}{\Delta I} \Rightarrow \Delta I = \frac{V}{R_A} \Rightarrow \Delta I = \frac{12/\Delta}{1_0} \Rightarrow I = 0/2\Delta A$$

حال برای به دست آوردن مقاومت  $R_B$  داریم:

$$R_B = \frac{V}{I} = \frac{12/\Delta}{0/2\Delta} = 6\Omega$$

ولت‌سنج اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد که اختلاف پتانسیل دو سر مولد از رابطه  $r - \varepsilon = V$  به دست می‌آید، برای دو حالت با توجه به اعداد ولت‌سنج و آمپرسنج داریم:

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow \begin{cases} \frac{I_1 = 4A}{V_1 = 10V} \rightarrow 10 = \varepsilon - 4r & (1) \\ \frac{I_2 = 6A}{V_2 = 6V} \rightarrow 6 = \varepsilon - 6r & (2) \end{cases}$$

با حل همزمان معادله‌های (۱) و (۲) داریم:

$$\xrightarrow{(2)-(1)} \begin{cases} \varepsilon - 4r = 10 \\ \varepsilon - 6r = 6 \end{cases} \xrightarrow{\times(-1)} \begin{cases} \varepsilon - 4r = 10 \\ -\varepsilon + 6r = -6 \end{cases} \xrightarrow{(1)} \begin{cases} 2r = 4 \\ r = 2\Omega \end{cases} \xrightarrow{(1)} \varepsilon - 4 \times 2 = 10 \Rightarrow \varepsilon = 18V$$

برای بررسی گزینه‌ها، ابتدا مقاومت معادل مدار را در ۴ حالت ممکن به دست می‌آوریم:

هر دو کلید باز باشند:  $R_{eq} = 3R$

$$R_{eq} = \frac{\epsilon}{\rho} R$$

$$R_{eq} = \frac{\rho}{\epsilon} R$$

$k_1$  باز و  $k_2$  بسته باشد:

بنابراین بیشترین مقاومت معادل مدار در حالتی است که هر دو کلید باز باشند و طبق رابطه  $\frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = I$ , در این حالت آمپرسنج کمترین عدد ممکن را نمایش می‌دهد.

متوجه  
درصد پاسخگیری % ۳۳  
قلمچی

گزینه ۴ پاسخ:

طبق رابطه بین مقاومت الکتریکی و ساختمان آن در دمای ثابت، داریم:

$$R_A = R_B \Rightarrow \rho_A \frac{L_A}{A_A} = \rho_B \frac{L_B}{A_B}$$

$$\xrightarrow{L_A = L_B} \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{A_B}{A_A} \quad (1)$$

از طرفی چون رابطه چگالی  $B$  و  $A$  به صورت  $\rho'_B = \frac{1}{\rho} \rho'_A$  داده شده، داریم:

$$\frac{m_B}{A_B L_B} = \frac{1}{\rho} \frac{m_A}{A_A L_A} \xrightarrow{L_A = L_B} \frac{\frac{1}{\rho} m_A}{A_B} = \frac{m_A}{\rho A_A}$$

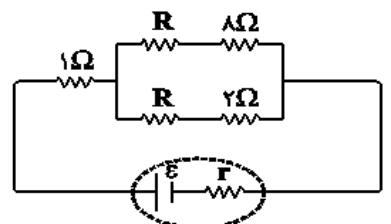
$$\Rightarrow \frac{A_B}{A_A} = 2 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(2) \text{ و } (1)} \frac{\rho_B}{\rho_A} = 2 \quad \text{داریم: ۲}$$

متوجه  
درصد پاسخگیری % ۳۳  
قلمچی

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»



جریان عبوری از شاخه‌ای که مقاومت  $8\Omega$  در آن قرار دارد را  $I_1$  و جریان عبوری از شاخه‌ای که مقاومت  $2\Omega$  در آن قرار دارد را  $I_2$  نامیده و از مجموع آنها جریان عبوری از مقاومت  $1\Omega$  را می‌یابیم. چون توان مصرفی مقاومت‌های  $8\Omega$  و  $2\Omega$  با هم برابر است، می‌توان نوشت:

$$P_{8\Omega} = P_{2\Omega} \Rightarrow 8/I_1^2 = 2/I_2^2 \Rightarrow I_2 = 2I_1$$

بنابراین جریان عبوری از مقاومت  $1\Omega$  برابر است با:

$$I = I_1 + I_2 = I_1 + 2I_1 = 3I_1$$

حالا نسبت توان مصرفی مقاومت‌های  $1\Omega$  و  $8\Omega$  را می‌یابیم:

$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_{1\Omega}}{P_{8\Omega}} = \frac{R_1}{R_8} \times \left(\frac{I}{I_1}\right)^2 = \frac{1}{8} \times \left(\frac{3I_1}{I_1}\right)^2 = \frac{9}{8}$$

متوجه  
درصد پاسخگیری % ۳۳  
قلمچی

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»

با بستن کلید یک مقاومت موازی ( $R_1$ ) به مدار اضافه می‌شود، در نتیجه مقاومت کل مدار کاهش و طبق رابطه  $\frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = I$ , جریان اصلی مدار که آمپرسنج ایده‌آل  $A$ . نشان می‌دهد، افزایش می‌یابد و طبق رابطه  $I = R\frac{\epsilon}{R + r}$ , با افزایش  $A$ ، ولتاژ دو سر این مقاومت نیز افزایش می‌یابد. یعنی ولتسنج ایده‌آل  $A$  عدد بزرگتری را نشان می‌دهد. همچنین طبق رابطه  $I = \epsilon / R$ , با افزایش جریان، ولتسنج ایده‌آل  $A$  عدد کوچکتری را نشان می‌دهد.

متوجه  
درصد پاسخگیری % ۳۳  
قلمچی

$$\begin{cases} |\Delta q| = I\Delta t \\ |\Delta q| = ne \end{cases} \Rightarrow ne = I\Delta t$$

$$\Rightarrow n \times 1/6 \times 10^{-19} = 0.32 \times 10^{-3} \times 60$$

$$\Rightarrow n = \frac{0.32 \times 10^{-3} \times 60}{1/6 \times 10^{-19}} = 120 \times 10^{15} = 1.2 \times 10^{17}$$

الكترون

متوجه

% ۳۳۳

درصد بالا

فرانسه

پاسخ:

چون دو سیم هم جنس و جرم آنها یکسان است، پس حجم دو سیم نیز با یکدیگر برابر است. اگر  $m$  و  $'m$  به ترتیب مقاومت ویژه و چگالی سیم‌ها باشند داریم:

$$\rho' = \frac{m}{V} \xrightarrow{m_1 = m_2} V_1 = V_2 \xrightarrow{V = AL} \frac{A_1}{A_2} = \frac{L_2}{L_1}$$

ابتدا از روی نمودار نسبت مقاومت سیم (۱) به (۲) را به دست می‌آوریم، با توجه به قانون اُهم داریم:

$$V = RI \Rightarrow \frac{V}{V_2} = \frac{R_1}{R_2} \times \frac{I_1}{I_2} \xrightarrow{I_1 = \gamma I, I_2 = I} \frac{V_1}{V_2} = \frac{R_1}{R_2}, V_2 = V$$

$$\frac{1}{\gamma} = \frac{R_1}{R_2} \times \gamma \Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{\gamma}$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\rho_1 = \rho_2, \frac{L_1}{L_2} = \frac{A_2}{A_1}, \frac{R_1}{R_2} = \frac{1}{\gamma}} \frac{1}{\gamma} = \left( \frac{A_2}{A_1} \right)^\gamma \Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{1}{\gamma}$$

$$\frac{A_2 = \pi(r'^2 - r^2)}{A_1 = \pi r^2} \Rightarrow \frac{1}{\gamma} = \frac{r'^2 - r^2}{r^2} \Rightarrow \gamma r^2 = 3r^2 \Rightarrow \frac{r'}{r} = \sqrt{\frac{3}{\gamma}}$$