

نام و نام خانوادگی:

نام آزمون:

تاریخ برگزاری: ۱۴۰۱/۱۰/۰۴

مدت زمان آزمون: -

نام برگزار کننده

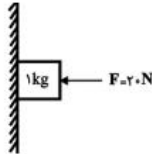
تسیتا ساده

درصد پاسخگویی ۵۷%

قلمچی ۱۳۹۹

۱

مطابق شکل مقابل نیروی \vec{F} بر جرمی به جرم 1kg وارد می‌شود و جسم در آستانه حرکت به سمت پایین می‌باشد. ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و سطح چقدر است؟



۱/۵ (۱)

۰/۶ (۲)

۰/۴ (۳)

۰/۳ (۴)

ساده

درصد پاسخگویی ۳۹%

قلمچی ۱۳۹۹

۲

شخصی به جرم m درون آسانسوری ایستاده است. زمانی که آسانسور با اندازه شتاب $2\frac{m}{s^2}$ به صورت تندشونده بالا می‌رود، اندازه نیرویی که کف آسانسور بر شخص وارد می‌کند، برابر با N_1 و زمانی که آسانسور با اندازه شتاب $2\frac{m}{s^2}$ به صورت کندشونده بالا می‌رود، اندازه نیرویی که کف آسانسور بر شخص وارد می‌کند، برابر با N_2 است. حاصل $\frac{N_1}{N_2}$ کدام است؟ ($g = 10\frac{m}{s^2}$)

۱ (۱)

$\frac{9}{8}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۴)

ساده

درصد پاسخگویی ۶۰%

قلمچی ۱۳۹۹

۳

به جسمی نیروی \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 و \vec{F}_3 وارد می‌شود. اگر نیروهای وارد بر جسم متوازن باشند، در این صورت الزاماً:

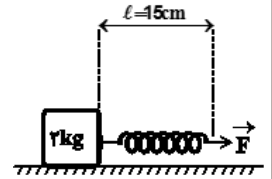
(۱) جسم در حال سکون است.

(۲) جسم با سرعت ثابت در حال حرکت است.

(۳) نیروی \vec{F}_1 هم‌جهت و هم‌اندازه با ایند نیروهای \vec{F}_2 و \vec{F}_3 است.

(۴) با حذف نیروی \vec{F}_1 شتاب جسم در خلاف جهت نیروی \vec{F}_1 است.

مطابق شکل زیر، فنری افقی و سبک با طول عادی $\ell_0 = 10\text{cm}$ و ثابت فنر $k = 100 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ ، تحت اثر نیروی افقی \vec{F} قرار گرفته و جسم متصل به فنر روی سطح افقی در حال سکون است. اندازه نیروی \vec{F} را چند درصد افزایش دهیم تا جسم در آستانه حرکت قرار گیرد؟
 $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و $\mu_k = 0/2$ ، $\mu_s = 0/5)$



۱۰۰ (۱)

۵۰ (۲)

۷۵ (۳)

۲۵ (۴)

وقتی نیروی خالص \vec{F} به جسمی به جرم m وارد می‌شود، با شتاب \vec{a} حرکت می‌کند. اگر اندازه نیرو را 20N افزایش دهیم، شتاب به اندازه $4 \frac{m}{s^2}$ افزایش می‌یابد. m چند کیلوگرم است؟

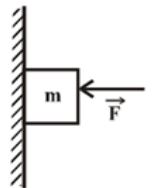
۲ (۱)

۳ (۲)

۵ (۳)

۶ (۴)

در شکل زیر، جرم جسم برابر با 2kg و ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و دیوار قائم برابر با $0/5$ می‌باشد. حداقل بزرگی نیروی \vec{F} چند نیوتون باشد تا جسم نلغزد؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



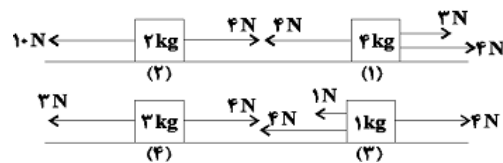
۱۰ (۱)

۲۰ (۲)

۴۰ (۳)

۸۰ (۴)

در شکل زیر، همه نیروهای افقی وارد بر چهار جعبه نشان داده شده است. در کدام گزینه، مقایسه درستی بین بزرگی شتاب جعبه‌ها در راستای افقی انجام شده است؟ (اصطکاک نداریم.)



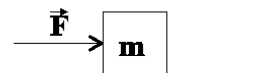
(۱) $a_2 > a_3 > a_1 > a_4$

(۲) $a_2 > a_3 > a_4 > a_1$

(۳) $a_3 > a_2 > a_1 > a_4$

(۴) $a_2 > a_1 > a_3 > a_4$

در شکل زیر نیروی افقی \vec{F} به جسمی به جرم m که روی یک سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارد، شتاب \vec{a} را می‌دهد. اگر جرم جسم ۶۰ درصد افزایش یابد، تحت اثر همان نیرو، اندازه شتاب آن چگونه تغییر می‌کند؟



(۱) ۴۰٪ کاهش می‌یابد.

(۲) ۴۰٪ افزایش می‌یابد.

(۳) ۳۷/۵٪ کاهش می‌یابد.

(۴) ۳۷/۵٪ افزایش می‌یابد.

کدام یک از عبارتهای زیر نادرست است؟

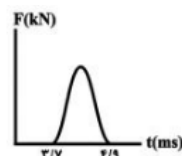
(۱) به خاصیتی که اجسام میل دارند وضعیت حرکت خود را هنگامی که نیروی خالص وارد بر آن‌ها صفر است، حفظ کنند، لختی گفته می‌شود.

(۲) نیروی کنش و واکنش همواره هم‌اندازه، هم‌راستا و هم‌نوع‌اند.

(۳) اگر جسمی از حالت سکون شروع به حرکت کند، برایند نیروهای وارد بر آن برابر با صفر است.

(۴) برای ادامه حرکت یک جسم، حتماً نباید به آن نیرو وارد شود.

نمودار اندازه نیروی خالص وارد بر توپ در بازی چوگان بر حسب زمان، مطابق شکل مقابل است. اگر مساحت سطح زیر نمودار برابر با $14/4$ واحد S باشد، اندازه نیروی خالص متوسط وارد بر توپ طی مدت ضربه زدن برابر با چند کیلو نیوتون است؟



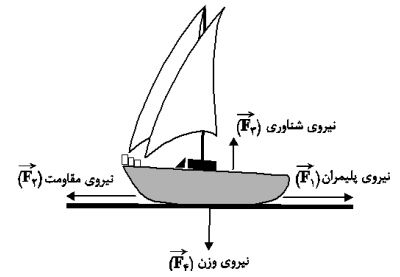
(۱) ۶

(۲) ۸

(۳) ۱۰

(۴) ۱۲

مطابق شکل مقابل، یک کشتی در مسیری مستقیم با سرعت ثابت در حال حرکت است. کدام مقایسه بین بزرگی نیروهای وارد بر کشتی صحیح است؟



(۱) $F_b = F_g, F_t > F_d$

(۲) $F_d > F_b, F_t > F_g$

(۳) $F_b = F_g, F_t = F_d$

(۴) $F_d > F_b, F_t < F_g$

وزنه‌ای به جرم 4 kg را با طناب سبکی با شتاب ثابت $2 \frac{m}{s^2}$ به صورت کندشونده در حالی که جهت حرکت رو به بالا است، می‌کشیم. اگر بزرگی نیروی کشش طناب را دو برابر کنیم، اندازه شتاب حرکت وزنه چند $\frac{m}{s^2}$ می‌شود؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۴

(۴) ۶

مطابق قانون سوم نیوتون، علت کشیده شدن ارابه توسط اسب در کدام گزینه بیان شده است؟

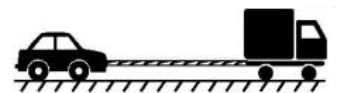
(۱) اسب به ارابه نیرویی رو به عقب وارد می‌کند، واکنش این نیرو اسب را به سمت جلو هل می‌دهد.

(۲) اسب به ارابه نیرویی رو به جلو وارد می‌کند، واکنش این نیرو، اسب را به سمت جلو هل می‌دهد.

(۳) اسب به زمین نیرویی رو به عقب وارد می‌کند، واکنش این نیرو، اسب و ارابه را به سمت جلو هل می‌دهد.

(۴) اسب به زمین نیرویی رو به جلو وارد می‌کند و واکنش این نیرو، سبب حرکت می‌شود.

یک کامیون با طنابی افقی و محکم، یک خودروی سواری به جرم 1500 kg را با شتاب ثابت $2 \frac{m}{s^2}$ و با نیروی 8000 N روی سطحی افقی می‌کشد. اگر ضریب اصطکاک چرخ خودرو با سطح افقی 0.2 باشد، اندازه نیروی مقاومت هوا در برابر حرکت خودرو چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



(۱) ۱۰۰۰

(۲) ۲۰۰

(۳) ۱۰۰

(۴) ۲۰۰۰

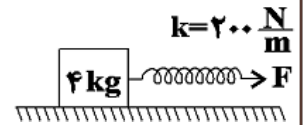
ساده

درصد پاسخگویی ۴۳%

قلمچی ۱۳۹۹

۱۵

در شکل زیر، طول فنر در حالت عادی ۲۰cm و ضریب اصطکاک ایستایی و جنبشی جسم با سطح افقی به ترتیب ۰/۴ و ۰/۱ است. به تدریج نیروی F را افزایش می‌دهیم. طول فنر حداقل چند سانتی‌متر شود تا جسم شروع به حرکت کند و در این حالت (با ثابت بودن نیروی فنر) جسم با چه شتابی در SI حرکت می‌کند؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



$$k = 200 \frac{N}{m}$$

(۱) ۳/۲۵ و ۱/۵

(۲) ۱۲/۵ و ۳/۲۵

(۳) ۲۸ و ۳

(۴) ۲۸ و ۱/۵

ساده

درصد پاسخگویی ۶۴%

قلمچی ۱۳۹۹

۱۶

وزن یک قطعه طلا به جرم ۲۰۰g در سطح کره ماه تقریباً چند برابر وزن آن در سطح کره مریخ است؟ ($g_{\text{زمین}} = 9/8 \frac{N}{kg}$ ، $g_{\text{ماه}} = 1/6 \frac{N}{kg}$ و $g_{\text{مریخ}} = 3/7 \frac{N}{kg}$)

(۱) ۰/۴۳

(۲) ۲/۳۱

(۳) ۰/۱۶

(۴) ۰/۲۸

ساده

درصد پاسخگویی ۳۷%

قلمچی ۱۳۹۹

۱۷

ماهواره‌ای به جرم ۴۰۰kg در یک لحظه روی خط واصل مراکز دو سیاره A و B به گونه‌ای قرار دارد که نیروی گرانشی وارد شده از طرف دو سیاره بر ماهواره، یکدیگر را خنثی می‌کنند. اگر جرم سیاره A، ۴ برابر جرم سیاره B و فاصله مراکز دو سیاره از یکدیگر برابر با d باشد، ماهواره در چه فاصله‌ای از سیاره B قرار دارد؟

(۱) $\frac{4d}{5}$

(۲) $\frac{d}{3}$

(۳) $\frac{d}{5}$

(۴) $\frac{2d}{3}$

نسبتاً ساده

درصد پاسخگویی ۳۸%

قلمچی ۱۳۹۹

۱۸

شتاب جسمی به جرم m که تحت اثر نیروی خالص F است، برابر a می‌باشد. اگر به اندازه ۴m به جرم این جسم بیفزاییم، شتاب آن تحت اثر نیروی خالص F' ، برابر $\frac{1}{8}a$ می‌شود. حاصل $\frac{F'}{F}$ کدام است؟

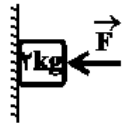
(۱) $\frac{1}{7}$

(۲) ۲

(۳) $\frac{5}{8}$

(۴) $\frac{8}{5}$

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۲ kg را توسط نیروی افقی \vec{F} به دیوار قائمی که ضرایب اصطکاک ایستایی و جنبشی آن با جسم برابر با $\mu_s = 0/4$ و $\mu_k = 0/1$ است، می‌فشاریم. اگر جسم در حال سکون باشد و به تدریج اندازه نیروی \vec{F} را کاهش دهیم، جسم با چه شتابی بر حسب متر بر مجذور ثانیه شروع به حرکت می‌کند؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



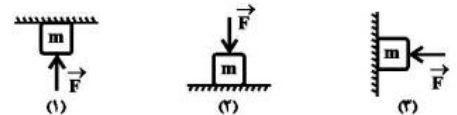
۷/۵ (۱)

۴/۵ (۲)

۲/۵ (۳)

۱/۵ (۴)

با توجه به شکل‌های زیر، کدام رابطه بین اندازه نیروی‌های عمودی سطح وارد بر سه جسم یکسان و ساکن، به درستی بیان شده است؟ (از اصطکاک بین سطوح صرف‌نظر شود.)



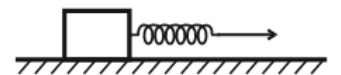
$(f_N)_1 > (f_N)_2 > (f_N)_3$ (۱)

$(f_N)_2 > (f_N)_3 > (f_N)_1$ (۲)

$(f_N)_2 > (f_N)_1 > (f_N)_3$ (۳)

$(f_N)_3 > (f_N)_2 > (f_N)_1$ (۴)

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۴ kg توسط فنری افقی با ثابت $۸۰۰ \frac{N}{m}$ روی سطحی افقی با شتاب ثابت $۲/۵ \frac{m}{s^2}$ حرکت می‌کند. اگر طول فنر نسبت به حالت عادی‌اش ۵ cm افزایش یافته باشد، اندازه نیرویی که جسم به سطح افقی وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



۳۰ (۱)

۴۰ (۲)

۵۰ (۳)

۷۰ (۴)

اگر اتومبیلی به جرم ۲ تن یک مسیر دایره‌ای افقی به شعاع ۲۰ متر را با بیشینه تندی ممکن 10 m/s دور بزند، بزرگی نیرویی که از طرف سطح زمین بر اتومبیل وارد می‌شود، چند نیوتون است؟ $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

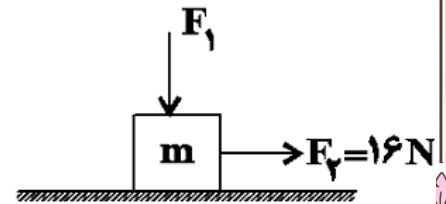
(۱) $10^4 \sqrt{3}$

(۲) $10^4 \sqrt{5}$

(۳) 10^4

(۴) 3×10^4

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم $m = 500\text{ g}$ روی سطح افقی دارای اصطکاک از حال سکون با شتاب $\frac{2m}{s^2}$ شروع به حرکت می‌کند. اگر ضریب اصطکاک جنبشی جسم با سطح افقی $\frac{3}{4}$ باشد، بزرگی نیروی عکس‌العمل سطح وارد بر جسم چند نیوتون است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



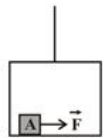
(۱) ۱۰۰

(۲) ۳۰

(۳) ۲۵

(۴) ۲۰

در شکل مقابل آسانسور ساکن است و جسم A توسط نیروی افقی و ثابت \vec{F} با سرعت ثابتی در کف آسانسور کشیده می‌شود. اگر در این حالت آسانسور با شتابی ثابت شروع به بالا رفتن نماید و اندازه نیروی \vec{F} ثابت بماند، حرکت جسم A در کف آسانسور . . .



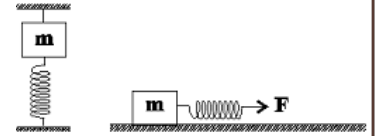
(۱) باز هم با سرعت ثابت خواهد بود.

(۲) با شتاب ثابت و به صورت تندشونده خواهد بود.

(۳) با شتاب ثابت و به صورت کندشونده خواهد بود.

(۴) اطلاعات مسأله کافی نیست.

مطابق شکل الف، جسمی به جرم m را به یک فنر با طول عادی ۱۴cm می‌بندیم. مجموعه روی سطح افقی بدون اصطکاک با شتاب $۴\frac{m}{s^2}$ حرکت می‌کند و طول فنر ۱۸cm در این حالت است. مجموعه جرم و فنر را مطابق شکل «ب» به یک نخ می‌بندیم و مجموعه در حال تعادل است. اگر طول فنر در این حالت ۱۲cm باشد، نیروی کشش نخ چند برابر وزن جسم است؟ (جرم نخ و فنر ناچیز است و $g = ۱۰\frac{N}{kg}$)



(ب)

(الف)

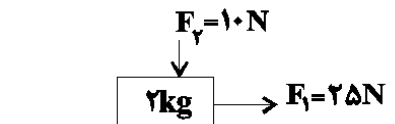
(۱) $\frac{۵}{۳}$

(۲) $\frac{۲}{۳}$

(۳) ۲

(۴) $\frac{۴}{۵}$

در شکل زیر دو نیروی عمود بر هم F_1 و F_2 به جسمی به جرم ۲ kg که روی سطح افقی قرار دارد وارد می‌شوند و جسم روی سطح افقی حرکت می‌کند. اگر اندازه تغییر تکانه جسم پس از ۱۰ ثانیه برابر ۱۰۰ واحد Sl باشد، اندازه نیرویی که از طرف سطح به جسم وارد می‌شود چند نیوتون است؟ ($g = ۱۰\frac{N}{kg}$)



(۱) $۵\sqrt{۵}$

(۲) $۱۰\sqrt{۵}$

(۳) $۱۵\sqrt{۵}$

(۴) ۲۵

جرم جسم A ، ۴ برابر جرم جسم B است. اگر انرژی جنبشی جسم A ، نصف انرژی جنبشی جسم B باشد، بزرگی تکانه جسم A چند برابر بزرگی تکانه جسم B است؟

(۱) $\frac{\sqrt{۲}}{۲}$

(۲) $\sqrt{۸}$

(۳) $\frac{\sqrt{۸}}{۸}$

(۴) $\sqrt{۲}$

شخصی به وزن ۷۵۰ N درون آسانسوری، روی یک ترازوی فنری ایستاده است و ترازو عدد ۹۰۰ N را نشان می‌دهد. شتاب آسانسور چند متر بر مجذور ثانیه و به کدام جهت است؟ ($g = ۱۰\text{ m/s}^2$)

(۱) ۲، پایین

(۲) ۲، بالا

(۳) $\frac{۱}{۲}$ ، پایین

(۴) $\frac{۱}{۲}$ ، بالا

وزنه‌ای به جرم 5 kg را به فنر سبکی که از سقف آسانسوری آویزان است، وصل می‌کنیم. اگر شتاب آسانسور $\frac{2}{3}g$ و به سمت بالا باشد، طول فنر l و اگر شتاب آسانسور $\frac{2}{3}g$ و به سمت پایین باشد، طول فنر l' خواهد شد. در صورتی که اختلاف l و l' برابر 25 cm باشد، ثابت فنر چند $\frac{N}{m}$ است؟

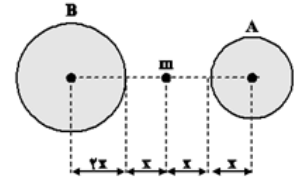
۴۰ (۱)

۸۰ (۲)

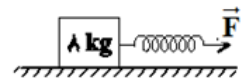
۴ (۳)

۸ (۴)

مطابق شکل زیر، جسم m بین دو کره توپر A و B قرار دارد. اگر چگالی کره A دو برابر چگالی کره B باشد، اندازه نیروی گرانشی که کره m وارد می‌کند، چند برابر اندازه نیروی گرانشی است که کره B بر m وارد می‌کند؟

 $\frac{9}{8}$ (۱) $\frac{8}{9}$ (۲) $\frac{9}{16}$ (۳) $\frac{16}{9}$ (۴)

مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 8 kg روی سطحی افقی تحت تأثیر نیروی افقی \vec{F} کشیده می‌شود. اگر افزایش طول فنر 10 cm باشد، شتاب حرکت جسم $\frac{2}{5}g$ و اگر افزایش طول فنر 15 cm باشد، شتاب حرکت جسم $\frac{5}{3}g$ خواهد شد. ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح چقدر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$ و از جرم فنر صرف نظر شود).



۰/۲ (۱)

۰/۲۵ (۲)

۰/۷ (۳)

۰/۷۵ (۴)

فاصله ماهواره A از سطح زمین به اندازه شعاع زمین و فاصله ماهواره B از سطح زمین، 2 برابر شعاع زمین است. اگر جرم ماهواره A ، $\frac{2}{3}$ برابر جرم ماهواره B باشد، وزن ماهواره A چند برابر وزن ماهواره B است؟

 $\frac{8}{27}$ (۱)

۱ (۲)

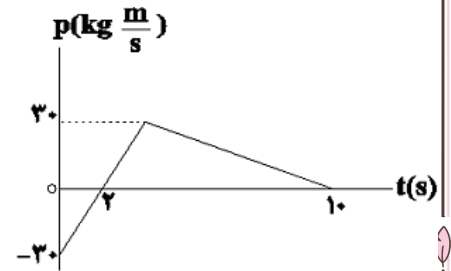
۶ (۳)

 $\frac{3}{2}$ (۴)

در یک جابه‌جایی، اندازه تکانه جسمی به جرم 4 kg از 20 نیوتون ثانیه به 24 نیوتون ثانیه می‌رسد. تغییر انرژی جنبشی جسم در این جابه‌جایی چند ژول است؟

(۱) $0/5$ (۲) 1 (۳) 44 (۴) 22

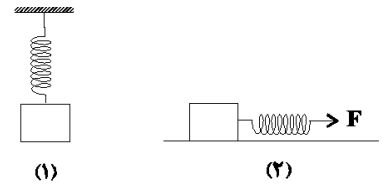
نمودار تکانه - زمان متحرکی به شکل زیر است. نیروی متوسط وارد بر جسم بین دو لحظه $t_1 = 1\text{ s}$ و $t_2 = 8\text{ s}$ چند نیوتون است؟

(۱) 4 (۲) 3 (۳) $\frac{23}{7}$ (۴) $\frac{25}{7}$

فاصله ماهواره A از سطح زمین برابر شعاع زمین و فاصله ماهواره B از سطح زمین 3 برابر شعاع زمین است. اگر جرم دو ماهواره با هم برابر باشد، بزرگی تکانه ماهواره A چند برابر بزرگی تکانه ماهواره B است؟

(۱) $\sqrt{2}$ (۲) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (۳) 2 (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

جسمی به جرم $2/4 \text{ kg}$ را زمانی که مطابق شکل (۱) به صورت قائم از فنری با جرم ناچیز آویزان می‌کنیم، بعد از ایجاد تعادل، طول فنر نسبت به طول عادی آن ۸۰٪ افزایش می‌یابد و زمانی که مطابق شکل (۲) به کمک همان فنر روی سطح افقی با ضریب اصطکاک جنبشی $0/5$ می‌کشیم، طول فنر نسبت به طول عادی آن دو برابر می‌شود. اندازه شتاب حرکت جسم در حالت دوم چند $\frac{m}{s^2}$ است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



(۱) ۲۰

(۲) ۷/۵

(۳) ۶

(۴) ۱۸

دو جعبه A و B به جرم‌های $m_A = m$ و $m_B = 6m$ را با تندی یکسان روی یک سطح افقی پرتاب می‌کنیم. اگر ضرایب اصطکاک دو جعبه A و B با سطح یکسان باشد و جابه‌جایی دو جعبه A و B از نقطه پرتاب تا توقف را به ترتیب X_A و X_B بنامیم، کدام است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

(۱) ۶

(۲) ۳

(۳) ۱

(۴) $\frac{1}{6}$

دو گلوله توپر هم‌جنس با شعاع‌های r_1 و r_2 از ارتفاع یکسان از سطح زمین رها می‌شوند. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا در مقابل حرکت دو گلوله ثابت و به ترتیب برابر با ۱۹٪ و ۳۶٪ نیروی وزن آن‌ها باشد، تندی برخورد گلوله (۲) با سطح زمین چند برابر تندی برخورد گلوله (۱) با سطح زمین است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

(۱) $\frac{1}{9}$ (۲) $\frac{\sqrt{19}}{6}$

(۳) ۲

(۴) ۱

در شکل زیر، بر جسمی که در حال سقوط به طرف زمین است، ناگهان نیروی قائم و ثابت F که به اندازه ۴۰ درصد از نیروی وزن جسم بیش‌تر است، وارد می‌شود. اگر جسم همچنان به طرف پایین حرکت کند، شتاب حرکت جسم و نوع حرکت آن در لحظه اعمال نیروی F کدام است؟ (g شتاب گرانش زمین است.)

 \vec{F}

m

زمین

- (۱) $\frac{2}{5}g$ ، تندشونده
 (۲) $\frac{3}{5}g$ ، تندشونده
 (۳) $\frac{2}{5}g$ ، کندشونده
 (۴) $\frac{3}{5}g$ ، کندشونده

جسمی به جرم ۵ کیلوگرم تحت تأثیر سه نیروی $F_1 = -15\vec{i} + 8\vec{j}$ و $F_2 = -21\vec{i} + 19\vec{j}$ و F_3 قرار گرفته و با شتاب $\vec{a} = -4\vec{i} + 3\vec{j}$ حرکت می‌کند. اندازه نیروی F_3 کدام است؟ (همه اندازه‌ها در SI هستند.)

- (۱) ۴
 (۲) ۲۰
 (۳) ۲۸
 (۴) ۴۸

جسم مکعب‌شکلی با جرم ۱۰۰ گرم روی یک سطح افقی با ضریب اصطکاک جنبشی ۰/۴۵ ابتدا در حال سکون است. نیروی افقی ثابت F به مدت دو ثانیه به این جسم اعمال می‌شود. پس از حذف این نیرو، جسم پس از طی کردن مسافت یک متر از حرکت باز می‌ایستد. اندازه نیروی افقی F چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

- (۱) ۰/۶
 (۲) ۰/۹
 (۳) ۰/۱۵
 (۴) ۰/۳

معادله نیروی خالص وارد بر متحرکی که روی محور x در حال حرکت است، در SI به صورت $F = -2t + 12$ است. اندازه تغییر تکانه این متحرک در بازه زمانی $t_1 = 4s$ تا $t_2 = 10s$ چند $\frac{kg.m}{s}$ است؟

- (۱) ۱۶
 (۲) ۲۰
 (۳) ۲۸
 (۴) ۱۲

۴۳

در ماشین لباسشویی، حرکت اتومبیل در پیچ افقی جاده‌ها و چرخش الکترون به دور هسته اتم هیدروژن، به ترتیب از راست به چپ، نیروی مرکزگرای لازم از و تأمین می‌شود.

(۱) نیروی گرانشی- نیروی اصطکاک- نیروی کولنی

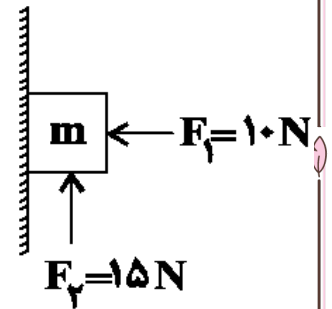
(۲) نیروی اصطکاک- نیروی گرانشی- نیروی گرانشی

(۳) نیروی عمودی سطح- نیروی اصطکاک- نیروی کولنی

(۴) نیروی عمودی سطح- نیروی گرانشی- نیروی گرانشی

۴۴

مطابق شکل زیر، جسم ساکنی به جرم 600 g توسط نیروی افقی $F_1 = 10\text{ N}$ به دیوار قائم تکیه داده شده است. در مبدأ زمان نیروی قائم $F_2 = 15\text{ N}$ به سمت بالا به جسم وارد می‌شود. اگر در لحظه $t = 2/2\text{ s}$ نیروی F_2 حذف شود، تندی جسم در لحظه $t = 3\text{ s}$ چند $\frac{m}{s}$ می‌شود؟ ($g = 10\frac{N}{kg}$, $\mu_k = 0/5$, $\mu_s = 0/8$)



(۱) صفر

(۲) $\frac{110}{3}$

(۳) ۲

(۴) $\frac{1}{3}$

۴۵

جسمی به جرم 1 kg را در هوا و با تندی اولیه $60\frac{m}{s}$ ، در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. اگر جسم بعد از 4 s به نقطه اوج خود برسد، اندازه متوسط نیروی مقاومت هوا حین بالا رفتن جسم، چند نیوتون است؟ ($g = 10\frac{N}{kg}$)

(۱) ۲۰

(۲) ۵

(۳) ۱۵

(۴) ۳۰

۴۶

جسمی به جرم 4 kg روی سطح افقی با ضریب اصطکاک جنبشی $\frac{1}{4}$ قرار دارد. جسم را با نیروی افقی 40 نیوتون می‌کشیم و جسم در جهت نیرو شروع به حرکت می‌کند. این نیرو را حداکثر چند نیوتون می‌توانیم کاهش دهیم بدون این‌که سرعت جسم کاهش یابد؟ ($g = 10\text{ m/s}^2$)

(۱) ۵

(۲) ۱۰

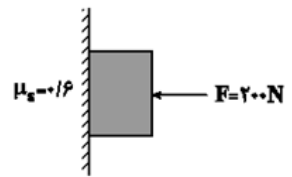
(۳) ۲۰

(۴) ۳۰

شخصی به جرم 20 kg داخل آسانسوری روی ترازویی فنری ایستاده و آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت است. اگر عددی که ترازو نشان می‌دهد، $0/8$ وزن شخص (در حالت توقف آسانسور) باشد، حرکت آسانسور چگونه است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

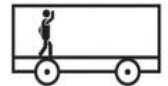
- ۱) الزاماً شتاب آسانسور رو به بالا و اندازه آن $2 \frac{m}{s^2}$ است.
- ۲) الزاماً شتاب آسانسور رو به پایین و اندازه آن $2 \frac{m}{s^2}$ است.
- ۳) الزاماً شتاب آسانسور رو به پایین و اندازه آن $1/2 \frac{m}{s^2}$ است.
- ۴) اندازه شتاب آسانسور $2 \frac{m}{s^2}$ است، ولی جهت شتاب می‌تواند رو به بالا یا پایین باشد.

در شکل زیر، جسمی به جرم M توسط نیروی افقی $F = 200\text{ N}$ روی دیوار قائمی به حالت سکون قرار دارد و اندازه نیروی اصطکاک وارد بر آن 80 N است. پس از آن‌که وزنه‌ای به جرم m را از جسم آویزان می‌کنیم، جسم در آستانه حرکت قرار می‌گیرد. مقدار m چند کیلوگرم است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



- ۱) ۸
- ۲) ۴
- ۳) ۱۲
- ۴) ۲۰

مطابق شکل مقابل، درون یک واگن ساکن به جرم 450 kg که با زمین اصطکاک ندارد، شخصی به جرم 75 kg با شتاب $1/2 \frac{m}{s^2}$ شروع به حرکت به سمت راست می‌کند. در این صورت . . .

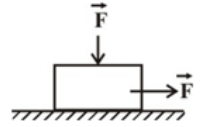


- ۱) واگن با شتاب $0/2 \frac{m}{s^2}$ به سمت راست حرکت می‌کند.
- ۲) واگن با شتاب $0/2 \frac{m}{s^2}$ به سمت چپ حرکت می‌کند.
- ۳) واگن با سرعت $1/2 \frac{m}{s}$ به سمت چپ حرکت می‌کند.
- ۴) واگن ساکن می‌ماند.

متحرکی به جرم 200 g روی یک خط راست در حرکت است. اگر در لحظه $t_0 = 0$ ، بردار سرعت متحرک $\vec{v}_0 = 6\vec{i} (\frac{m}{s})$ باشد و معادله نیروی خالص بر حسب زمان وارد بر آن در SI به صورت $\vec{F} = 0/2t\vec{i}$ باشد، در لحظه $t = 10\text{ s}$ ، اندازه تکانه جسم چند واحد SI خواهد بود؟

- ۱) ۵/۶
- ۲) ۸/۸
- ۳) ۱۰
- ۴) ۱۱/۲

مطابق شکل زیر، دو نیروی هم‌اندازه و عمود بر هم بر جسمی به جرم $۲/۵\text{kg}$ وارد می‌شود و جسم با شتاب ثابت و افقی $۲\frac{m}{s^2}$ روی سطح افقی حرکت می‌کند. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح افقی برابر با $۲/۱۰$ باشد، اندازه‌ی نیروی F برابر با چند نیوتون است؟ ($g = ۱۰\frac{N}{kg}$)



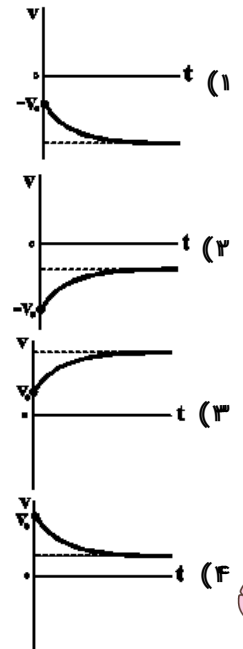
(۱) ۵۰

(۲) ۱۲/۵

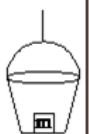
(۳) ۲۵/۳

(۴) ۲۵

هنگامی‌که تندی چتربازی به وزن ۶۰۰N که در حال سقوط است، به ۷% می‌رسد، چتر خود را باز می‌کند. اگر در این لحظه اندازه نیروی مقاومت هوا برابر با ۱۱۰۰N باشد، کدام گزینه زیر می‌تواند نمودار سرعت - زمان حرکت چتر باز پس از باز شدن چتر را به درستی نشان دهد؟ (جهت رو به بالا را مثبت فرض کنید).



در شکل مقابل، جرم جسم درون سطل $۰/۵\text{kg}$ و جرم سطل ۱kg می‌باشد. اگر کل مجموعه به وسیله طنابی با نیروی T به صورت کندشونده با شتاب $۲\frac{m}{s^2}$ بالا رود، اندازه نیروی کشش طناب و اندازه نیرویی که جسم به کف سطل وارد می‌کند، به ترتیب از راست به چپ چند نیوتون است؟ ($g = ۱۰\frac{m}{s^2}$)



(۱) ۵،۱۲

(۲) ۴،۱۸

(۳) ۵،۱۸

(۴) ۴،۱۲

دو جرم نقطه‌ای A و B با نسبت جرم $\frac{m_A}{m_B} = \frac{4}{3}$ در فاصله ۲ متری از یکدیگر قرار دارند. جرم M را بین دو جسم و روی خط واصل آن‌ها طوری قرار می‌دهیم که بزرگی نیروی گرانشی بین m_A و M ، $\frac{1}{3}$ بزرگی نیروی گرانشی بین M و m_B باشد. فاصله جرم M از جرم m_B چند سانتی‌متر است؟

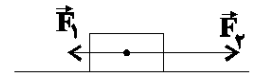
(۱) $\frac{2}{3}$

(۲) $\frac{1}{3}$

(۳) $\frac{200}{3}$

(۴) $\frac{100}{3}$

دو نیروی افقی و هم‌راستای F_1 و F_2 مطابق شکل زیر به جسمی به جرم m وارد می‌شوند و جسم ساکن است. اگر نیروی F_2 حذف شود، وضعیت حرکت جسم چگونه می‌شود؟

(۱) با شتاب $\frac{F_1}{m}$ به طرف چپ حرکت می‌کند.

(۲) ساکن می‌ماند.

(۳) به ضریب اصطکاک ایستایی جسم و سطح بستگی دارد.

(۴) با شتاب $\frac{2F_1}{m}$ به سمت چپ شروع به حرکت می‌کند.

اگر وزن جسمی در فاصله Re از سطح زمین $6000N$ باشد، وزن این جسم روی سطح سیاره‌ای که شعاع و جرم آن به ترتیب نصف شعاع و جرم زمین است، چند نیوتون است؟ (Re شعاع زمین است.)

(۱) ۴۸۰۰۰

(۲) ۱۲۰۰۰

(۳) ۷۵۰

(۴) ۳۰۰۰

دو جرم $M = 40kg$ و m در فاصله ۱۳ متری از یکدیگر ثابت نگه داشته شده‌اند و بر هم نیروی گرانشی به اندازه $N \times 10^{-10} \times 6$ وارد می‌کنند. چند کیلوگرم از M را جدا کرده و به m اضافه کنیم تا در همان فاصله نیروی گرانشی بین آن دو، بیشینه شود؟

$$(G = 6/5 \times 10^{-11} \frac{N.m^2}{kg^2})$$

(۱) ۰/۵

(۲) ۱

(۳) ۲

(۴) ۲/۵

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۳%

قلمچی ۱۳۹۹

۵۸

فتری به جرم ناچیز را به سقف متصل می‌کنیم و به انتهای دیگر آن یک بار وزنه‌ای ۲۰۰ گرمی و بار دیگر وزنه‌ای ۵۰۰ گرمی می‌آویزیم. اگر در هر حالت بعد از ایجاد تعادل، طول فنر به ترتیب برابر با 24cm و 30cm شود، به ترتیب از راست به چپ، ثابت سختی فنر و طول آزاد فنر چند واحد SI هستند؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

۱) ۲،۵۰

۲) ۲،۱۰۰

۳) ۱،۲۰۰

۴) ۵،۵۰

متوسط

درصد پاسخگویی ۲۸%

قلمچی ۱۳۹۹

۵۹

اگر تکانه جسمی به اندازه $7/5$ واحد SI افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۶۹ درصد تغییر خواهد کرد. اندازه تکانه اولیه جسم چند واحد SI بوده است؟

۱) ۴

۲) ۹

۳) ۱۶

۴) ۲۵

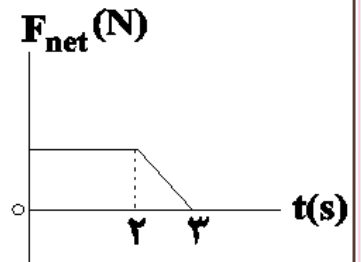
متوسط

درصد پاسخگویی ۳۱%

قلمچی ۱۳۹۹

۶۰

نمودار نیروی خالص وارد بر جسمی بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. اگر نیروی متوسط وارد بر جسم در سه ثانیه اول حرکت ۱۲۵ نیوتون باشد، بزرگی تغییرات تکانه جسم در بازه زمانی ۲ تا ۳ ثانیه چند واحد SI است؟

۱) $37/5$

۲) ۷۵

۳) ۱۵۰

۴) ۳۷۵

پاسخ: گزینه ۱

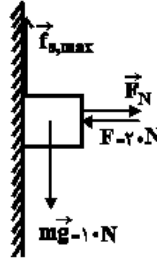
گزینه «۱»

با رسم نیروهای وارد بر جسم می‌توان نوشت:

$$F = F_N \Rightarrow F_N = 20N$$

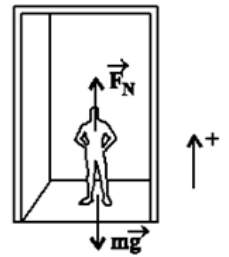
$$f_{s,max} = mg = 10N$$

$$f_{s,max} = \mu_s F_N \Rightarrow 10 = \mu_s \times 20 \Rightarrow \mu_s = 0.5$$



پاسخ: گزینه ۴

با استفاده از قانون دوم نیوتون و در نظر گرفتن جهت مثبت به طرف بالا، می‌توان نوشت:



حالت اول: حرکت به صورت تندشونده با شتاب $2 \frac{m}{g}$ به طرف بالا:

$$F_N - mg = ma \Rightarrow N_1 = m(g + a)(1)$$

حالت دوم: حرکت به صورت کندشونده با شتاب $2 \frac{m}{g}$ به طرف بالا:

$$F'_N - mg = ma' \xrightarrow{a' = -a} N_2 = m(g - a)(2)$$

بنابراین با استفاده از رابطه‌های (۱) و (۲)، داریم:

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{g+a}{g-a} = \frac{10+2}{10-2} \Rightarrow \frac{N_1}{N_2} = \frac{3}{2}$$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

چون نیروهای وارد بر جسم متوازن هستند بنابراین برآیند این سه نیرو برابر صفر است. در این حالت جسم می‌تواند ساکن یا با سرعت ثابت در حال حرکت باشد.

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = 0 \Rightarrow \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = -\vec{F}_1$$

با حذف نیروی \vec{F}_1 برآیند نیروهای \vec{F}_2 و \vec{F}_3 هم اندازه و خلاف جهت نیروی \vec{F}_1 می‌شود و مطابق قانون دوم نیوتون، جهت نیروی برآیند و شتاب حرکت یکسان است.

پاسخ: گزینه ۱

گزینه ۱

ابتدا اندازه نیروی F را در حالت اول که جسم ساکن است، محاسبه می‌کنیم: $F_1 = k\Delta l = 100 \times (0.15 - 0.1) = 5N$

بیشینه اندازه نیروی اصطکاک ایستایی برابر است با:

$$f_{s,max} = \mu_s F_N \xrightarrow{F_N = mg = 20N, \mu_s = 0.5} f_{s,max} = 0.5(20) = 10N$$

هرگاه نیروی F با نیروی $f_{s,max}$ برابر شود، جسم در آستانه حرکت قرار می‌گیرد:

$$F_2 = f_{s,max} = 10N$$

درصد تغییرات اندازه نیروی F برابر است با:

$$\text{درصد تغییرات} = \frac{F_2 - F_1}{F_1} \times 100 = \frac{10 - 5}{5} \times 100 = 100\%$$

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

طبق قانون دوم نیوتون، شتاب یک جسم، متناسب با نیروی خالص وارد بر آن است و با جرم جسم نسبت وارون دارد.

$$\begin{cases} F = ma \\ F + 20 = m(a + 4) \end{cases}$$

$$\Rightarrow F + 20 = ma + 4m = F + 4m \Rightarrow m = 5kg$$

پاسخ: گزینه ۳

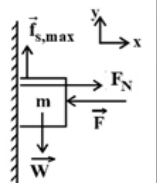
مطابق شکل، با توجه به نیروهای وارد بر جسم و با توجه به این‌که جسم در راستای افقی هیچ حرکتی ندارد، می‌توان نوشت:

$$(F_{net})_x = 0 \Rightarrow F = F_N$$

شرط نلغزیدن جسم: $f_{s,max} \geq mg$

$$\Rightarrow \mu_s F_N \geq mg \Rightarrow F_N \geq \frac{20 \times 10}{0.5} = 40N$$

$$\Rightarrow F_N = F \Rightarrow F \geq 40N$$



پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

به کمک قانون دوم نیوتون، شتاب هر وزنه را حساب می‌کنیم:

$$\vec{F}_{net,1} = m_1 \vec{a}_1 \Rightarrow |\vec{a}_1| = \frac{|\vec{F}_{net,1}|}{m_1} = \frac{(F+3)-(F)}{4} = \frac{3}{4} \frac{m}{s^2} \text{ : (۱)}$$

$$\vec{F}_{net,2} = m_2 \vec{a}_2 \Rightarrow |\vec{a}_2| = \frac{|\vec{F}_{net,2}|}{m_2} = \frac{10-F}{2} = \frac{3}{2} \frac{m}{s^2} \text{ : (۲)}$$

$$\vec{F}_{net,3} = m_3 \vec{a}_3 \Rightarrow |\vec{a}_3| = \frac{|\vec{F}_{net,3}|}{m_3} = \frac{(1+F)-(F)}{1} = 1 \frac{m}{s^2} \text{ : (۳)}$$

$$\vec{F}_{net,4} = m_4 \vec{a}_4 \Rightarrow |\vec{a}_4| = \frac{|\vec{F}_{net,4}|}{m_4} = \frac{F-3}{3} = \frac{1}{3} \frac{m}{s^2} \text{ : (۴)}$$

بنابراین خواهیم داشت: $|\vec{a}_2| > |\vec{a}_3| > |\vec{a}_1| > |\vec{a}_4|$

پاسخ: گزینه ۱

با توجه به قانون دوم نیوتون داریم:

$$a = \frac{F_{net}}{m}$$

$$F \text{ ثابت} \Rightarrow \frac{a_r}{a_l} = \frac{m_l}{m_r} \xrightarrow{m_r = 1/6 m_l} \frac{a_r}{a_l} = \frac{1}{1/6} = \frac{6}{1}$$

$$\text{درصد تغییرات شتاب} = \left(\frac{6}{1} - 1\right) \times 100 = -37/5\%$$

ساده درصد پیاسخگویی ۴۱٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

اگر جسمی از حالت سکون شروع به حرکت کند، چون در ابتدای حرکت، حتماً حرکت آن شتابدار است، بنابراین برایند نیروهای وارد بر آن صفر نخواهد بود.

ساده درصد پیاسخگویی ۴۱٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

طبق قانون دوم نیوتون، نیروی خالص متوسط وارد بر جسم برابر است با:

$$\vec{F}_{av} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t}$$

از طرف دیگر مساحت سطح زیر نمودار نیرو - زمان برابر با تغییرات تکانه است. بنابراین داریم:

$$F_{av} = \frac{14/4}{(4/9 - 3/7) \times 10^{-3}} \Rightarrow F_{av} = 12 \times 10^3 N = 12 kN$$

ساده درصد پیاسخگویی ۳۷٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

چون کشتی با سرعت ثابت و در راستای افقی در حال حرکت است، لذا شتاب آن صفر است. همچنین کشتی در راستای قائم حرکت نمی‌کند، بنابراین شتاب آن در راستای قائم نیز صفر است، بنابراین با توجه به قانون اول نیوتون کشتی در حال تعادل است و در نتیجه:

$$F_1 = F_2, F_3 = F_4$$

ساده درصد پیاسخگویی ۳۸٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۴

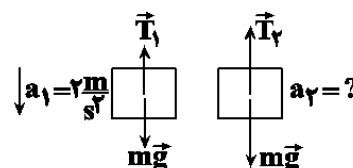
گزینه «۴»

در حالت اول چون جهت حرکت به سمت بالا و نوع حرکت جسم کندشونده است. بنابراین جهت شتاب به سمت پایین است، با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای قائم و با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت بالا داریم:

$$T_1 - mg = ma_1$$

$$T_2 - mg = ma_2$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{m(g+a_2)}{m(g+a_1)} \Rightarrow \frac{2T}{T} = \frac{10+a_2}{10-a_2} \Rightarrow 16 = 10 + a_2 \Rightarrow a_2 = 6 \frac{m}{s^2}$$



پاسخ: گزینه ۳

ساده درصد پاسخگویی ۵۴٪ قلمچی ۱۳۹۹

برای بررسی حرکت اسب و ارابه، باید هر دو جسم را به عنوان یک دستگاه در نظر گرفت. در این صورت، اسب نیرویی رو به عقب به سطح زمین وارد می‌کند و سطح زمین به دستگاه شامل اسب و ارابه، نیرویی رو به جلو وارد می‌کند و این نیرو سبب حرکت اسب و ارابه به سمت جلو می‌شود.

پاسخ: گزینه ۴

ساده درصد پاسخگویی ۴۵٪ قلمچی ۱۳۹۹

گزینه «۴»

نیروهای وارد بر خودروی سواری را مطابق شکل زیر رسم می‌کنیم. با استفاده از قانون دوم نیوتون، داریم:

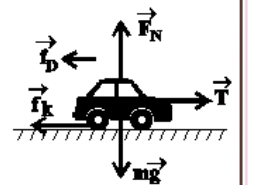
$$a_y = 0 \Rightarrow F_N = mg = 15000N$$

$$a_x = 2 \frac{m}{s^2} \Rightarrow T - f_k - f_D = ma_x$$

$$\Rightarrow 8000 - \mu_k F_N - f_D = 1500 \times 2$$

$$\Rightarrow 8000 - 0.2 \times 15000 - f_D = 3000$$

$$\Rightarrow 5000 - f_D = 3000 \Rightarrow f_D = 2000N$$



پاسخ: گزینه ۳

ساده درصد پاسخگویی ۴۳٪ قلمچی ۱۳۹۹

گزینه «۳»

در شروع حرکت، نیروی اصطکاک به بیشینه مقدار خود می‌رسد. در این حالت $F_e = f_{s,max}$ است و داریم:

$$F = f_{s,max} = kx = \mu_s F_N$$

$$200 \times x = 0.4 \times 4 \times 10 \rightarrow x = 8 \text{ cm} = 0.08 \text{ m}$$

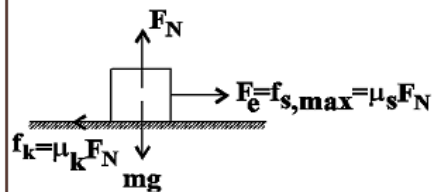
پس طول فنر در حالتی که جسم شروع به حرکت می‌کند می‌باشد. $l = 8 + 20 = 28 \text{ cm}$ با استفاده از قانون دوم نیوتون و تعادل جسم در راستای قائم داریم:

$$F_N - mg = 0 \Rightarrow F_N = mg$$

سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای افقی داریم:

$$F_{net} = ma$$

$$\mu_s F_N - \mu_k F_N = ma$$



$$\mu_s mg - \mu_k mg = ma \Rightarrow a = (\mu_s - \mu_k)g$$

$$0.1 \times 10 = 3 \frac{m}{s^2}$$

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

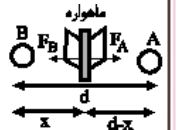
نسبت وزن جسم در سطح دو کره برابر با نسبت اندازه شتاب گرانشی آنهاست:

$$W = mg \Rightarrow \frac{W_{\text{ماه}}}{W_{\text{مریخ}}} = \frac{m_{\text{ماه}}}{m_{\text{مریخ}}} \Rightarrow \frac{W_{\text{ماه}}}{W_{\text{مریخ}}} = \frac{1/6}{3/7} = \frac{16}{37} \approx 0/43$$

پاسخ: گزینه ۲

گزینه «۲»

اندازه نیروی گرانش بین دو ذره، از رابطه $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$ به دست می آید. بنابراین می توان نوشت:



$$F_A = F_B \Rightarrow G \frac{m_A m_B}{(d-x)^2} = G \frac{m_B m_A}{x^2}$$

$$\Rightarrow \frac{4m_B}{(d-x)^2} = \frac{m_B}{x^2} \Rightarrow \left(\frac{d-x}{x}\right)^2 = 4 \Rightarrow \frac{d-x}{x} = 2 \Rightarrow x = \frac{d}{3}$$

پاسخ: گزینه ۳

با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$\begin{cases} F = ma \\ F' = (m + 4m) \times \frac{1}{\lambda} a \end{cases} \Rightarrow \frac{F}{F'} = \frac{5m \times \frac{1}{\lambda} a}{ma} = \frac{5}{\lambda}$$

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

جسم در ابتدا در حال تعادل است. با کاهش تدریجی اندازه نیروی F ، جسم در آستانه لغزش قرار می گیرد. بنابراین با استفاده از قانون دوم نیوتون، داریم:

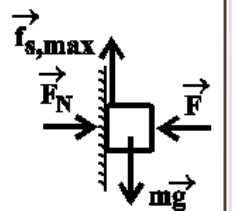
$$a_x = 0 \Rightarrow F_N = F$$

$$a_y = 0 \Rightarrow f_{s,max} = mg \Rightarrow \mu_s F_N = mg \Rightarrow \mu_s F = mg$$

$$\Rightarrow 0/4F = 2 \times 10 \Rightarrow F = 50N$$

وقتی F کمتر از مقدار فوق می شود، جسم شروع به حرکت می کند که از این لحظه نیروی اصطکاک از نوع جنبشی بوده و اندازه آن از رابطه $f_k = \mu_k F_N = 0/1 \times 50 = 5N$ داریم:

$$mg - f_k = ma \Rightarrow 20 - 5 = 2a \Rightarrow a = 7/5 \frac{m}{s^2}$$

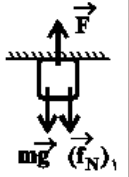


پاسخ: گزینه ۱

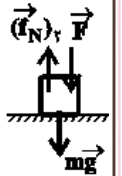
گزینه «۱»

گزینه «۲»

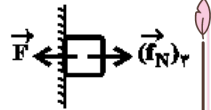
اندازه نیروی عمودی سطح برای هر حالت به صورت زیر می‌باشد:



$$F = mg + (f_N)_1 \Rightarrow (f_N)_1 = F - mg \quad (1)$$



$$F + mg = (f_N)_2 \Rightarrow (f_N)_2 = F + mg \quad (2)$$



$$(f_N)_3 = F \quad (3)$$

به کمک روابط (۱)، (۲) و (۳) خواهیم داشت:

$$(f_N)_2 > (f_N)_3 > (f_N)_1$$

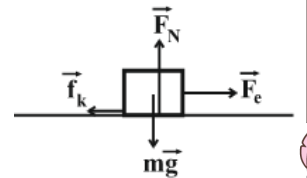
متوسط

درصد پاسخگویی ۴۸٪

قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»



بر جسم چهار نیروی فنر، وزن، اصطکاک و عمودی تکیه‌گاه وارد می‌شود. با استفاده از قانون دوم نیوتون در هر راستا، داریم:

$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_N = mg = 4 \times 10 \Rightarrow F_N = 40 \text{ N}$$

$$(F_{net})_x = ma_x \Rightarrow F_e - f_k = ma_x \Rightarrow kx - f_k = ma_x$$

$$\Rightarrow 800 \times 5 \times 10^{-2} - f_k = 4 \times 2/5 \Rightarrow 40 - f_k = 10 \Rightarrow f_k = 30 \text{ N}$$

طبق قانون سوم نیوتون، اندازه نیرویی که جسم به سطح افقی وارد می‌کند، با اندازه نیرویی که از طرف سطح افقی به جسم وارد می‌شود، برابر است و از براین دو نیروی عمود بر هم F_N و f_k به دست می‌آید، بنابراین:

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_k^2} = \sqrt{40^2 + 30^2} \Rightarrow R = 50 \text{ N}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۱٪

قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۲

گزینه «۲»

در حرکت دایره‌ای انومبیل روی سطحی افقی، نیروی مرکزگرای لازم توسط نیروی اصطکاک ایستایی تأمین می‌شود و حداکثر سرعت مجاز زمانی است که اصطکاک ایستایی بیشینه باشد، پس داریم:

$$f_{s,max} = m \frac{v}{r}$$

$$\Rightarrow f_{s,max} = 2000 \times \frac{100}{v_0} = 10^4 N$$

اندازه نیرویی که از طرف سطح بر جسم وارد می‌شود، برابر است با:

$$R = \sqrt{f_s^2 + F_N^2} \quad \xrightarrow{F_N=mg}$$

$$R = \sqrt{(10^4)^2 + (2 \times 10^4)^2} = 10^4 \sqrt{5} N$$

گزینه های دائم دار ۴ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۱٪ متوسط

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»

$$F_{net} = ma \quad \xrightarrow{F_{net}=F_v - f_k}$$

$$f_k = \mu_k F_N, F_N = F_1 + mg$$

$$F_v - \mu_k(F_1 + mg) = ma \quad \xrightarrow{F_v=16N, \mu_k=\frac{v}{F}}$$

$$m=500 \text{ g}=0.5 \text{ kg}, a=2 \frac{m}{s^2}$$

$$F_1 + mg = \frac{F_v - ma}{\mu_k} = \frac{16-1}{\frac{v}{F}} \Rightarrow F_1 + mg = 20 N \Rightarrow F_N = 20 N$$

$$R = \sqrt{f_k^2 + F_N^2}$$

$$\xrightarrow{F_N=20N} R = \sqrt{(15)^2 + (20)^2} = 25 N$$

$$f_k = \mu_k F_N = \frac{v}{F} \times 20 = 15 N$$

گزینه های دائم دار ۳ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۱٪ متوسط

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»

در ابتدا که آسانسور ساکن است و جسم با نیروی افقی \vec{F} ، با سرعت ثابت کشیده می‌شود ($a=0$)، اندازه نیروی اصطکاک جنبشی با اندازه نیروی \vec{F} برابر است ($F = f_k = \mu_k F_N = \mu_k mg$). اگر آسانسور با شتاب ثابت a شروع به بالا رفتن کند، نیرویی که کف آسانسور به‌طور عمود به جسم وارد می‌کند، برابر است با:

$$F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = m(g + a)$$

که این نیرو بزرگ‌تر از اندازه نیرویی است که کف آسانسور در حالتی که ساکن است به جسم وارد می‌کند، بنابراین طبق رابطه $f_k = \mu_k F_N$ ، با افزایش F_N اندازه نیروی اصطکاک نیز افزایش یافته و از اندازه F بیشتر می‌شود و بنابراین حرکت جسم A با شتاب ثابت و به‌طور کندشونده خواهد بود.

گزینه های دائم دار ۴ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۵٪ متوسط

گزینه ۴ پاسخ:

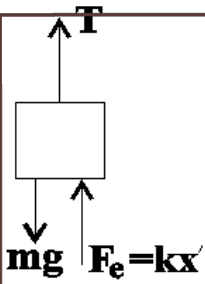
گزینه «۴»

در شکل «الف» مطابق با قانون دوم نیوتون داریم:

$$kx = ma \quad \xrightarrow{x=18-14=4 \text{ cm}=0.04 \text{ m}} m = \frac{kx_0}{F} = \frac{k}{100}$$

$$a=4 \frac{m}{s^2}$$

در شکل «ب» چون فنر فشرده شده است بنابراین نیرویی که به جسم وارد می‌کند رو به بالا است. با توجه به این‌که در این حالت مجموعه در حال تعادل است، نیروها متوازن هستند، بنابراین داریم:



$$kx' + T = mg \Rightarrow \frac{T}{mg} = 1 - \frac{kx'}{mg}$$

$$\frac{k}{m} = 100, \Delta x = 14 - 12 = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m} \rightarrow \frac{T}{mg} = 1 - \frac{100 \times 0.02}{10} = \frac{4}{5}$$

$g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$

متوسط

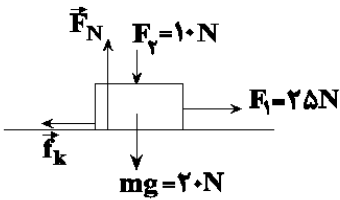
درصد پاسخگویی ۳۱%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۳: پاسخ:

گزینه «۳»

ابتدا تمام نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم.



با توجه به این‌که نیروهای وارد بر جسم در راستای قائم متوازن هستند، با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای قائم داریم:

$$(f_{net})_y = 0$$

$$\Rightarrow F_N = F_y + mg$$

$$\Rightarrow F_N = 10 + 20 = 30 \text{ N}$$

از طرفی با توجه به رابطه قانون دوم نیوتون بر حسب تکانه داریم:

$$(F_{net})_x = \frac{\Delta p}{\Delta t} \Rightarrow (F_{net})_x = \frac{100}{10} = 10 \text{ N}$$

با توجه به قانون دوم نیوتون در راستای افقی داریم:

$$F_1 - f_k = (F_{net})_x \Rightarrow 25 - f_k = 10 \Rightarrow f_k = 15 \text{ N}$$

از طرف سطح دو نیروی \vec{F}_N و \vec{f}_k بر جسم وارد می‌شود.

اندازه نیروی وارد به جسم از طرف سطح برابر است با:

$$R = \sqrt{f_k^2 + F_N^2}$$

$$\Rightarrow R = \sqrt{15^2 + 30^2} = 15\sqrt{5} \text{ N}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۳%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴: پاسخ:

گزینه

رابطه اندازه تکانه با انرژی جنبشی به صورت $K = \frac{p^2}{2m}$ است، بنابراین داریم:

$$\frac{K_A}{K_B} = \left(\frac{\rho_A}{\rho_B}\right)^3 \times \frac{m_B}{m_A} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} = \left(\frac{\rho_A}{\rho_B}\right)^3 \times \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = \sqrt[3]{2}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۳٪

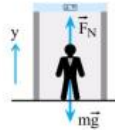
قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۲»

ترازوی فنی، نیروی عمودی تکیه‌گاه (F_N) را نشان می‌دهد بنابراین داریم:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F_N - mg = ma \Rightarrow F_N = m(g + a)$$

$$mg = 750 \text{ N}, F_N = 900 \text{ N} \rightarrow 900 = 750 + 75 a \Rightarrow 75 a = 150 \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$

چون علامت شتاب مثبت به دست آمد، بنابراین جهت شتاب رو به بالا است (چون جهت مثبت y را رو به بالا گرفتیم) پس شتاب 2 m/s^2 با جهتی رو به بالا خواهد بود.

دقت کنید، به طور کلی اگر جهت شتاب رو به بالا باشد، جهت حرکت چه رو به بالا و چه رو به پایین باشد F_N از mg بیشتر خواهد بود که در دو حالت تندی‌شونده رو به بالا یا کندشونده رو به پایین مشاهده می‌شود.

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۴٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

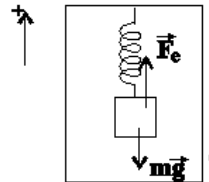
پاسخ:

گزینه «۲»

اگر شتاب آسانسور رو به بالا باشد، با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای قائم، نیروی فنر برابر است با:

$$F_{e1} - mg = ma \Rightarrow F_{e1} = m(g + a)$$

$$\Rightarrow kx_1 = m(g + a)$$



اگر شتاب آسانسور رو به پایین باشد، با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای قائم و در نظر گرفتن جهت مثبت محور y به طرف بالا، داریم:

$$\Rightarrow F_{e2} = m(g - a) \quad F_{e2} - mg = -ma$$

$$\Rightarrow kx_2 = m(g - a)$$

$$k(x_1 - x_2) = 2ma \quad \xrightarrow{x_1 - x_2 = (l - l_0) - (l' - l_0) = l - l' = 0.25m}$$

$$\Rightarrow k \times 0.25 = 2 \times 5 \times 2 \Rightarrow k = 80 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۳٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

با استفاده از قانون گرانش عمومی، داریم:

$$F = G \frac{Mm}{r^2} \quad \xrightarrow{M = \rho V} \quad F = \frac{4}{3} \pi G \rho \frac{mR^2}{r^2} \quad \xrightarrow{V = \frac{4}{3} \pi R^3}$$

$$\Rightarrow \frac{F_A}{F_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \left(\frac{R_A}{R_B}\right)^3 \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = 2 \times \left(\frac{X}{2X}\right)^3 \times \left(\frac{2X}{2X}\right)^2$$

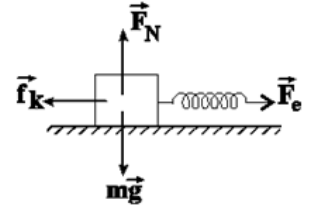
$$\Rightarrow \frac{F_A}{F_B} = \frac{1}{16}$$

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۱٪

گزینه ۲ پاسخ:

گزینه «۲»

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم. سپس از قانون دوم نیوتون در راستاهای y و x استفاده می‌کنیم.



$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_N = mg = 80 \text{ N}$$

$$(F_{net})_x = ma_x \Rightarrow F_e - f_k = ma$$

اگر برای محاسبه F_e از قانون هوک ($F_e = kx$) و برای محاسبه f_k از $f_k = \mu_k F_N$ استفاده کنیم، در حالتی که $x_1 = 10 \text{ cm}$ و $x_2 = 15 \text{ cm}$ است، داریم:

$$kx - \mu_k mg = ma \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} k \times 0.1 - \mu_k \times 80 = 8 \times 2/5 \\ k \times 0.15 - \mu_k \times 80 = 8 \times 5 \end{array} \right\}$$

که از حل هم‌زمان این دو معادله، $\mu_k = 0.25$ به دست می‌آید.

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۰٪

گزینه ۴ پاسخ:

گزینه «۴»

طبق رابطه نیروی گرانشی بین زمین و ماهواره داریم: $F = \frac{GM_em}{r^2}$

$$\frac{W_A}{W_B} = \frac{m_A}{m_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \xrightarrow{r=h+R_e}$$

$$\frac{W_A}{W_B} = \frac{2}{3} \times \left(\frac{2R_e + R_e}{R_e + R_e}\right)^2 = \frac{2}{3} \times \frac{9}{4} = \frac{3}{2}$$

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۰٪

گزینه ۴ پاسخ:

گزینه «۴»

رابطه انرژی جنبشی و تکانه: $K = \frac{p^2}{2m}$

$$\Rightarrow \Delta K = K_2 - K_1 \Rightarrow \Delta K = \frac{p_2^2}{2m} - \frac{p_1^2}{2m}$$

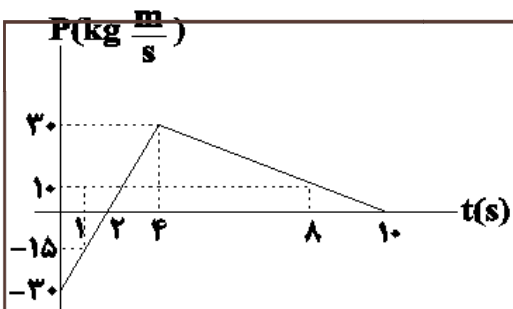
$$\Rightarrow \Delta K = \frac{24^2}{2 \times 4} - \frac{20^2}{2 \times 4} = 72 - 50 = 22 \text{ J}$$

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۰٪

گزینه ۴ پاسخ:

گزینه «۴»

ابتدا با استفاده از تشابه مثلث‌ها تکانه جسم در دو لحظه $t_1 = 1 \text{ s}$ و $t_2 = 8 \text{ s}$ را به دست می‌آوریم:



$$p_1 = -15 \text{ kg} \frac{m}{s}, p_2 = 10 \text{ kg} \frac{m}{s}$$

حال نیروی متوسط وارد بر جسم در طی این مدت برابر است با:

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{p_2 - p_1}{t_2 - t_1} = \frac{10 - (-15)}{8 - 1} = \frac{25}{7} \text{ N}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۴٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۱

پاسخ:

نیروی گرانشی وارد بر ماهواره از طرف زمین، نیروی لازم برای حرکت دایره‌ای ماهواره به دور زمین را تأمین می‌کند. داریم:

$$F = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow \frac{GM_e m}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v^2 = \frac{GM_e}{r}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 = \frac{r_B}{r_A} \Rightarrow \left(\frac{v_A}{v_B}\right)^2 = \frac{R_e + 3R_e}{R_e + R_e}$$

$$\Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \sqrt{2}$$

چون جرم دو ماهواره یکسان است، داریم:

$$p = mv \Rightarrow \frac{p_A}{p_B} = \frac{v_A}{v_B} = \sqrt{2}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۶٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۲»

در حالت اول داریم:

$$mg = kx \Rightarrow 2/4 \times 10 = k \times (0.8 \text{ m})$$

$$k \cdot 0.8 = \frac{20}{0.8} = 25 \text{ N}$$

در حالت دوم با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای افقی داریم:

$$k\Delta x - f_k = ma$$

$$\Rightarrow k \cdot 0.8 - \mu_k F_N = ma \xrightarrow{F_N = mg} 25 - 0.5 \times 20 = 2/4 a$$

$$\Rightarrow 20 - 10 = 2/4 a$$

$$\Rightarrow a = \frac{10}{2/4} = 20 \text{ m/s}^2$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۱٪

قلمچی ۱۳۹۹

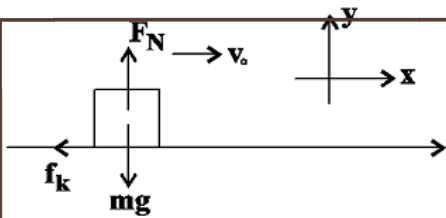
گزینه های نام دارا

گزینه ۳

پاسخ:

گزینه «۳»

با فرض این‌که جعبه در جهت محور X پرتاب شده است، شتاب حرکت آن و جابه‌جایی آن قبل از توقف را محاسبه می‌کنیم. ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون در راستای محور X و لا داریم:



$$F_{net(y)} = 0 \rightarrow F_N = mg$$

$$F_{net(x)} = ma \rightarrow -f_k = ma, f_k = \mu_k F_N$$

$$\Rightarrow -\mu_k F_N = ma - \mu_k mg = ma \rightarrow a = -\mu_k g$$

حال جابه‌جایی قبل از توقف جسم را محاسبه می‌کنیم.

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x, -v_0^2 = 2a\Delta x$$

$$\Delta x = \frac{-v_0^2}{2a} = \frac{-v_0^2}{-2\mu_k g} = \frac{v_0^2}{2\mu_k g}$$

با توجه به برابری تندی اولیه جعبه‌ها و ضریب اصطکاک دو جعبه با سطح، جابه‌جایی هر دو جعبه از لحظه پرتاب تا لحظه توقف یکسان و نسبت $\frac{x_A}{x_B}$ برابر با یک است.

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۸٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۱: پاسخ

گزینه «۱»

در هر حالت، قانون دوم نیوتون را برای حرکت هر گلوله می‌نویسیم. داریم:

$$m_1 g - F_{D_1} = m_1 a$$

$$\Rightarrow m_1 g - \frac{19}{100} \times m_1 g = m_1 a \Rightarrow a_1 = \frac{81}{100} g = 81 \frac{m}{s^2}$$

$$m_2 g - F_{D_2} = m_2 a$$

$$\Rightarrow m_2 g - \frac{36}{100} m_2 g = m_2 a \Rightarrow a_2 = \frac{64}{100} g = 64 \frac{m}{s^2}$$

حال با استفاده از معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت، داریم:

$$\left. \begin{aligned} v_2^2 &= v_0^2 + 2a_2 \Delta x \\ v_1^2 &= v_0^2 + 2a_1 \Delta x \end{aligned} \right\} \xrightarrow{v_0=0} \left. \begin{aligned} v_2^2 &= 2a_2 h \\ v_1^2 &= 2a_1 h \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 = \frac{a_2}{a_1}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 = \frac{64}{81} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{64}{81}} = \frac{8}{9}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۱۴٪

قلمچی ۱۳۹۹

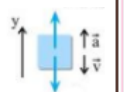
گزینه ۳: پاسخ

گزینه «۳»

$$F_{net} = ma \Rightarrow F - mg = ma \Rightarrow a = \frac{F - mg}{m} = \frac{F}{m} - g$$

$$\xrightarrow{F=1/4 mg} a = \frac{1/4 mg}{m} - g = 0/4 g = \frac{1}{5} g$$

$$\vec{F} = 1/4 mg$$



$$m \vec{g}$$

ملاحظه می‌شود شتاب $a = +0/$ چون جهت مثبت a رو به بالا است. نیم، بنابراین شتاب رو به بالاست.

پاسخ: گزینه ۴

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۴۴%

گزینه «۲»

با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$\vec{F}_{net} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_y + \vec{F}_w = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_y + \vec{F}_1 = -36\vec{i} + 27\vec{j} \rightarrow \vec{F}_w - 36\vec{i} + 27\vec{j} = 5 \times (-4\vec{i} + 3\vec{j})$$

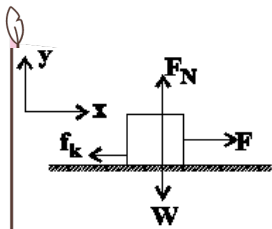
$$\vec{F}_w = 16\vec{i} - 12\vec{j} \Rightarrow |\vec{F}_w| = \sqrt{16^2 + 12^2} = 20 \text{ N}$$

پاسخ: گزینه ۱

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۴۵%

گزینه «۱»

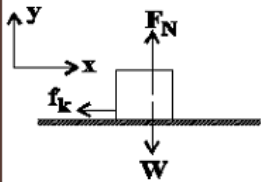
با مشخص کردن نیروهای وارد بر جسم و با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نوشت:



$$F_{net,x} = ma_x$$

$$F - f_k = ma$$

هنگامی که نیروی F قطع می‌شود، تنها نیرویی که در راستای افق بر جسم وارد می‌شود، نیروی اصطکاک است. بنابراین مطابق قانون دوم نیوتون داریم:



$$F'_{net,x} = ma'_x$$

$$f_k = ma' \rightarrow -\mu_k mg = ma'$$

$$\rightarrow a' = -\mu_k g = -0.45 \times 10 = -4.5 \frac{m}{s^2}$$

با استفاده از معادله مستقل از زمان سرعت جسم در لحظه حذف نیروی F را به دست می‌آوریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a'\Delta x \rightarrow 0 - v_0^2 = 2(-4.5)(1) \rightarrow v_0 = 3 \frac{m}{s}$$

حال با کمک معادله سرعت - زمان شتاب حرکت جسم را به دست می‌آوریم:

$$v = at + v_0 \rightarrow 3 = a(2) + 0 \Rightarrow a = \frac{3}{2} \frac{m}{s^2}$$

در آخر می‌توان با استفاده از قانون دوم نیوتون، نیروی F را محاسبه کرد:

$$F - f_k = ma \rightarrow F - \mu_k mg = ma$$

$$\rightarrow F - 0.45 \times 0.1 \times 10 = 0.1 \times 1.5 \rightarrow F = 0.6 \text{ N}$$

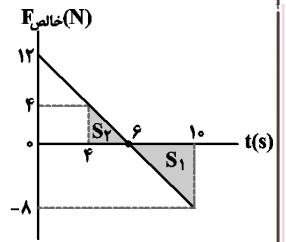
پاسخ: گزینه ۴

متوسط قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۳۴%

گزینه «۴»

ابتدا نمودار نیرو بر حسب زمان را رسم می‌کنیم، مساحت محصور بین نمودار نیرو - زمان و محور زمان برابر با تغییر تکانه است.

$$F = -2t + 12 \xrightarrow[t_v=10s]{t_1=4s} \begin{cases} F(t_1=4s) = 4N \\ F(t_v=10s) = -8N \end{cases}$$



$$\Delta P = S_2 - S_1 = \frac{F \times t}{2} - \frac{F \times \Delta t}{2} = -12 \frac{kg \cdot m}{s}$$

$$\Rightarrow |\Delta P| = 12 \frac{kg \cdot m}{s}$$

متوسط درصد پاسخگویی ۳۳٪ قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»

در ماشین لباسشویی، نیروی مرکزگرای لازم از نیروی عمودی تکیه‌گاه تأمین می‌گردد.

در حرکت اتومبیل در پیچ افقی جاده، نیروی مرکزگرای لازم از نیروی اصطکاک به دست می‌آید.

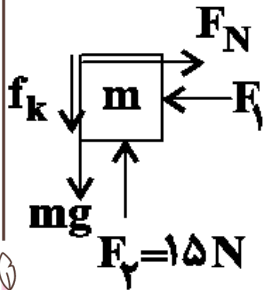
در چرخش الکترون به دور هسته اتم هیدروژن، نیروی کولنی، نیروی مرکزگرای لازم را تأمین می‌کند.

متوسط درصد پاسخگویی ۴۷٪ قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۱ پاسخ:

گزینه «۱»

ابتدا بررسی می‌کنیم آیا جسم تحت تأثیر نیروی F_v حرکت می‌کند یا خیر؟



$$f_{s,max} = \mu_s F_N \quad f_{s,max} = 8N$$

$$F_v > f_{s,max} + mg \xrightarrow[m=600g, g=10 \frac{N}{kg}]{f_{s,max}=8N, F_v=15N} 15 > 8 + 6$$

بنابراین جسم شروع به حرکت به سمت بالا می‌کند.

پس از حرکت جسم اصطکاک از نوع جنبشی است؛ با نوشتن قانون دوم نیوتون برای جرم m داریم:

$$F_v - mg - f_k = ma \xrightarrow[\mu_k=0.5, F_N=F_1=10N, g=10 \frac{N}{kg}]{f_k=\mu_k F_N, m=600g=0.6kg} \rightarrow$$

$$15 - 0.6 \times 10 - 0.5 \times 10 = 0.6a \Rightarrow a = \frac{F_0}{6} = \frac{20}{3} \frac{m}{s^2}$$

اکنون تندی جسم را در لحظه $t = 2/3 s$ به دست می‌آوریم:

$$v = at + v_0 \xrightarrow[v_0=0, t=2/3s]{a=\frac{20}{3} \frac{m}{s^2}} v = \frac{44}{3} \frac{m}{s}$$

پس از لحظه $t = 2/3 s$ با توجه به اینکه F_1 حذف می‌شود، شتاب حرکت جسم به سمت بالا از بین می‌رود و دو نیروی وزن و اصطکاک جنبشی هم

بیکدیگر

$$F_{net} = ma' \Rightarrow -f_k - mg = ma' \Rightarrow -5 - 6 = 1 \times a'$$

$$\Rightarrow a' = -\frac{11}{1} \frac{m}{s^2}$$

اکنون لحظه‌ای که جسم ساکن می‌شود را به دست می‌آوریم:

$$a' = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{0 - v}{a'} = \frac{-\frac{11}{1}}{-\frac{11}{1}} = \frac{1}{1} s = 1s$$

$$t + \Delta t = 2 + 1 = 3s$$

یعنی در لحظه $t = 3s$ جسم به حالت سکون می‌رسد. در این حالت چون $mg < f_{s,max}$ است، حالت سکون جسم حفظ می‌شود. بنابراین جسم همچنان ساکن می‌ماند.

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۷٪

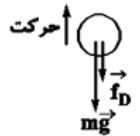
قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

$$a_{av} = \frac{v - v_0}{\Delta t} = \frac{0 - 6}{3 - 0} = -2 \frac{m}{s^2}$$

اگر جهت مثبت را رو به بالا در نظر بگیریم، شتاب متوسط جسم ضمن بالا رفتن برابر است با: $-2 \frac{m}{s^2}$. علامت منفی شتاب بیانگر این است که شتاب رو به پایین است و بنابر قانون دوم نیوتون داریم:



$$(F_{net})_y = ma_{av} \Rightarrow -mg - f_D = ma_{av}$$

$$\Rightarrow -1 \times 6 - f_D = 1 \times (-2) \Rightarrow f_D = 4 N$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۷٪

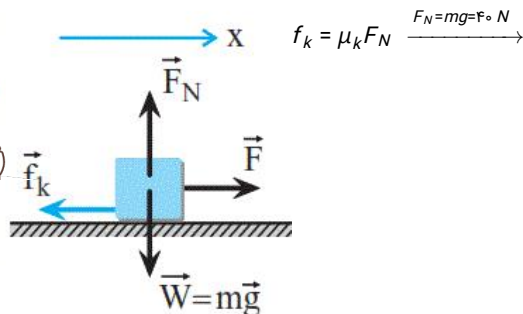
قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۴»

برای آن که سرعت جسم کم نشود بایستی شتاب حرکت مثبت بماند (در این صورت سرعت افزایش می‌یابد.) یا حداقل صفر شود. (در این صورت سرعت ثابت می‌ماند.) در این حالت داریم:



$$f_k = \frac{1}{5} \times 40 = 8 N$$

$$F_{net} = 0 \Rightarrow F - f_k = 0 \Rightarrow F = f_k = 8 N$$

پس حداکثر تغییرات F برابر است با:

$$\Delta F = 40 - 8 = 32 N$$

درصد پاسخگویی ۴۷٪

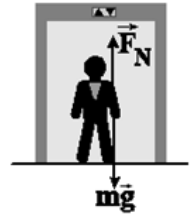
قلمچی ۱۳۹۹

نام کاربر ۴

گزینه ۴

پاسخ:

ابتدا نیروهای وارد بر شخص را تعیین می‌کنیم.



با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت پایین، داریم:

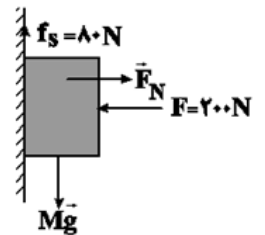
$$mg - F_N = ma \Rightarrow 0.2mg = ma \Rightarrow a = 0.2 \frac{m}{s}$$

نکته: می‌دانیم عددی که ترازو نشان می‌دهد، همان F_N است. چون F_N از وزن شخص کمتر است، پس حرکت آسانسور یا تندشونده رو به پایین و یا کندشونده رو به بالا است که در هر دو حالت، جهت شتاب رو به پایین خواهد بود.

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۲»

ابتدا جرم M را محاسبه می‌کنیم. با توجه به شکل، چون جسم در راستای قائم در حالت تعادل قرار دارد، داریم:

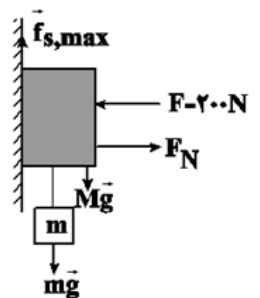


$$(F_y)_{net} = 0 \Rightarrow$$

$$f_s = Mg \Rightarrow Mg = 0.8N$$

بعد از آویزان کردن وزنه، جسم در آستانه حرکت قرار گرفته و در این حالت نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه به جسم وارد می‌شود. چون جسم در راستای قائم و افقی در حالت تعادل قرار دارد، داریم:

$$(F_x)_{net} = 0 \Rightarrow F_N = F = 2.0N$$



$$(F'_y)_{net} = 0$$

$$\Rightarrow f_{s,max} = Mg + mg$$

$$\Rightarrow \mu_s F_N = Mg + mg$$

$$\Rightarrow 0.6 \times 2.0 = 0.8 + 1.0m \Rightarrow 1.2 = 0.8 + 1.0m$$

$$\Rightarrow m = 0.4 \text{ kg}$$

عامل حرکت شخص به سمت راست، نیرویی است که واگن به شخص برای حرکت به سمت راست وارد می‌کند. شخص واگن را با پای خود به سمت چپ هل می‌دهد و بنابراین طبق قانون سوم نیوتون، واگن نیز شخص را به سمت راست هل می‌دهد و باعث حرکت شخص می‌شود. اندازه این نیرو برابر است با:

$$F = ma = (75 \times 1/2)N$$

طبق قانون سوم نیوتون، همین مقدار نیرو به سمت چپ به واگن اعمال می‌شود و اندازه شتاب واگن که به سمت چپ است، برابر است با:

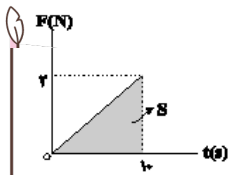
$$F = F' \Rightarrow F' = m'a' \Rightarrow 75 \times 1/2 = 45 \cdot a' \Rightarrow a' = 0/2 \frac{m}{s^2}$$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

با توجه به این‌که سرعت اولیه جسم در جهت مثبت محور x است و نیروی وارد به جسم نیز در تمام لحظات ($t > 0$)، در جهت محور x است، بنابراین تغییرات تکانه جسم مثبت است.

با رسم نمودار نیرو - زمان و محاسبه سطح محصور بین نمودار نیرو - زمان و محور زمان، تغییرات تکانه جسم را محاسبه می‌کنیم.



$$S = \Delta p = \frac{1}{2} \times 10 \times 2 = 10 \frac{kg \cdot m}{s}$$

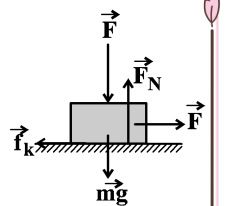
$$p_0 = mv_0 = 0/2 \times 6 = 1/2 \frac{kg \cdot m}{s}$$

$$p_{(t=10s)} - p_{(t=0)} = 10 \frac{kg \cdot m}{s} \Rightarrow p_{t=10s} = 11/2 \frac{kg \cdot m}{s}$$

پاسخ: گزینه ۴

نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم. در راستای قائم می‌توان نوشت:

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow F_N - F - mg = 0 \Rightarrow F_N = F + mg$$



در راستای افقی می‌توان نوشت:

$$\sum F_x = ma_x \Rightarrow F - f_k = ma_x \quad \begin{matrix} f_k = \mu_k F_N \\ F_N = F + mg \end{matrix}$$

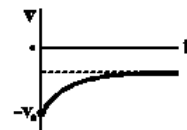
$$F - \mu_k(F + mg) = ma_x \Rightarrow F = \frac{(a_x + \mu_k g)m}{1 - \mu_k}$$

$$\frac{a_x = 2 \frac{m}{s^2}}{\mu_k = 0/2, m = 7/5 kg, g = 10 \frac{N}{kg}} \rightarrow F = \frac{(2 + 0/2 \times 10) \times 7/5}{1 - 0/2}$$

$$\Rightarrow F = 12/5 N$$

پاسخ: گزینه ۴

پس از باز شدن چتر، چون نیروی f_D بزرگتر از نیروی \vec{W} است، شتاب چتر باز رو به بالا (مثبت) و حرکتش کندشونده می‌شود (جهت \vec{v} و \vec{a} مخالف هم است). از این لحظه، تندی چتر باز کاهش یافته و به همین دلیل f_D نیز کاهش می‌یابد، تا جایی که تندی چتر باز به تندی حدی می‌رسد. در این صورت نیروهای وارد بر چتر باز متوازن می‌شوند و چتر باز با همان تندی حدی به حرکت رو به پایین خود ادامه می‌دهد.

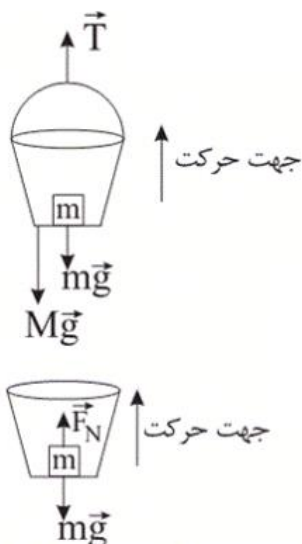


پاسخ: گزینه ۴

متوسط: ۱۳۴۹ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۴۷٪

گزینه «۴»

جرم جسم را با m و جرم سطل را با M نمایش می‌دهیم. ابتدا معادله حرکت مجموعه را می‌نویسیم و اندازه کشش طناب را به دست می‌آوریم؛ دقت کنید جهت حرکت سطل به سمت بالا است و این جهت را مثبت فرض می‌کنیم. با توجه به این که حرکت مجموعه به صورت کندشونده است، جهت شتاب در خلاف جهت حرکت مجموعه یعنی به سمت پایین است. پس داریم:



$$\begin{aligned} T - (M + m)g &= (M + m)a \\ T - (1 + 0.5) \times 10 &= (1 + 0.5)(-2) \\ \Rightarrow T &= 12N \end{aligned}$$

اکنون معادله حرکت جسم m را نوشته و داریم:

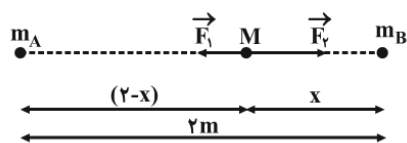
$$\begin{aligned} F_N - mg &= ma \\ \Rightarrow F_N - 0.5 \times 10 &= 0.5(-2) \Rightarrow F_N = 4N \end{aligned}$$

پاسخ: گزینه ۳

متوسط: ۱۳۴۹ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۴۸٪

گزینه «۳»

مطابق شکل مقابل و با استفاده از قانون گرانش نیوتون، داریم:



$$\begin{aligned} F_1 &= \frac{1}{3} F_2 = G \frac{m_A M}{(2-x)^2} = \frac{1}{3} G \frac{m_B M}{x^2} \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{1}{3} \left(\frac{2-x}{x} \right)^2 \\ \frac{m_A}{m_B} = \frac{1}{3} &\rightarrow \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \left(\frac{2-x}{x} \right)^2 \Rightarrow 2-x = 2x \Rightarrow x = \frac{2}{3} m = \frac{200}{3} \text{ cm} \end{aligned}$$

پاسخ: گزینه ۴

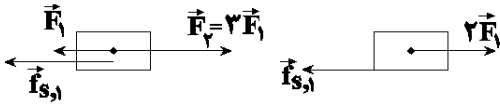
متوسط: ۱۳۴۹ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۴۴٪

گزینه «۲»

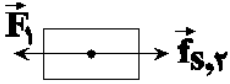
در حالت اول با استفاده از قانون دوم نیوتون و ساکن بودن جسم می توان نوشت:

$$3F_1 - F_1 - f_{s1} = 0 \Rightarrow f_{s1} = 2F_1$$

بنابراین بزرگی اصطکاک ایستایی بیشینه حداقل می تواند برابر بزرگی $2F_1$ باشد.



در حالت دوم اندازه اصطکاک ایستایی برابر F_1 است و در جهت راست ایجاد می شود و جسم همچنان ساکن خواهد ماند.



پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

$$g = \frac{GM}{R^2} \xrightarrow{W=mg} W = \frac{GMm}{R^2}$$

$$\Rightarrow \frac{W'}{W} = \frac{M'}{M_e} \times \frac{(R_e + h)^2}{R^2} \quad \begin{matrix} h=R_e, R = \frac{R_e}{\gamma} \\ M = \frac{M_e}{\gamma}, W = 6000N \end{matrix}$$

$$\frac{W'}{6000} = \frac{1}{\gamma} \times \frac{\gamma^2}{(\frac{1}{\gamma})^2} \Rightarrow W' = 48000N$$

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

ابتدا جرم m را به دست می آوریم:

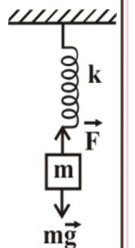
$$F = \frac{GmM}{r^2} \Rightarrow 6 \times 10^{-10} = \frac{6/5 \times 10^{-11} \times m \times 40}{(13)^2} \Rightarrow m = 39kg$$

در صورتی که فاصله بین دو جرم ثابت باشد، هنگامی نیروی گرانشی بین آن دو بیشینه می شود که جرمها برابر باشند. در نتیجه باید $5kg$ از M را جدا کنیم و به m منتقل کنیم تا هر دو جرم $39/5kg$ شوند.

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

بر وزنه دو نیروی وزن و کشش فنر وارد می شود. بعد از ایجاد تعادل می توان نوشت:



$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F - mg = 0 \Rightarrow ky = mg$$

$$\Rightarrow k(l - l_0) = mg \Rightarrow l = \frac{mg}{k} + l_0$$

$$\Rightarrow l_2 - l_1 = \frac{(m_2 - m_1)g}{k} \Rightarrow k = \frac{(m_2 - m_1)g}{l_2 - l_1}$$

$$\Rightarrow k = \frac{(500 - 200) \times 10^{-3} \times 10}{(30 - 24) \times 10^{-2}} \Rightarrow k = 50 \frac{N}{m}$$

در حالت اول می‌توان نوشت:

$$k(l_1 - l_0) = m_1 g \Rightarrow 50 \times (24 - l_0) \times 10^{-2} = 200 \times 10^{-3} \times 10$$

$$\Rightarrow l_0 = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}$$

دقت کنید اگر برای حالت دوم نیز می‌نوشتیم، به همین نتیجه می‌رسیدیم. به عنوان تمرین، خودتان این محاسبات را انجام دهید.

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۸٪

تلمیحی ۱۳۹۹

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۴»

چون تکانه جسم افزایش یافته است، انرژی جنبشی آن نیز زیاد خواهد شد و بنابراین داریم:

$$K = \frac{p^2}{2m} \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^2$$

$$\frac{K_2 = 1/69 K_1}{p_2 = (p_1 + 7/5) \frac{\text{kg.m}}{\text{s}}} \rightarrow \frac{1/69}{100} = \left(\frac{p_1 + 7/5}{p_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{13}{10} = \frac{p_1 + 7/5}{p_1} \Rightarrow p_1 = 2/5 \frac{\text{kg.m}}{\text{s}}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۱٪

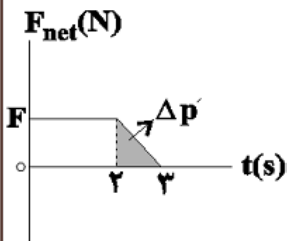
تلمیحی ۱۳۹۹

گزینه ۲

پاسخ:

گزینه «۲»

با توجه به رابطه قانون دوم نیوتون بر حسب تکانه در ۳ ثانیه اول حرکت داریم:



$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} \Rightarrow \Delta p = F_{av} \Delta t = 125 \times 3 = 375 \text{ N.s}$$

می‌دانیم که مساحت محصور بین نمودار نیرو - زمان و محور زمان در یک بازه زمانی معین برابر با تغییرات تکانه در همان بازه است. پس داریم:

$$\frac{(3+2)F}{2} = 375 \rightarrow 5F = 750 \rightarrow F = 150 \text{ N}$$

بزرگی تغییرات تکانه در مدت زمان ۲ تا ۳ ثانیه برابر با مساحت نشان داده شده در شکل است.

$$\Delta P' = \frac{1 \times 150}{2} = 75 \text{ kg.m/s}$$