

نام و نام خانوادگی:

نام آزمون:

تاریخ برگزاری: ۱۴۰۱/۱۰/۰۵

مدت زمان آزمون: -

نام برگزار کننده

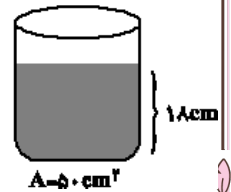
متوسط

درصد پاسخگویی ۳۰%

قلمچی ۱۴۰۰

۱

ظرف استوانه‌ای شکلی که مساحت قاعده آن 50 cm^2 و ارتفاع آن 20 cm است، مطابق شکل زیر، تا ارتفاع 18 سانتی‌متری از مایعی با چگالی $800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ پر شده است. قطعه‌ای مکعبی شکل از جنس مس را که طول هر ضلع آن a است، به آرامی درون ظرف می‌اندازیم، به طوری که کاملاً درون مایع فرو برود. اگر 20 g از مایع از ظرف بیرون بریزد، a چند سانتی‌متر است؟ ($\rho_{\text{مس}} = 9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$)



۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)

متوسط

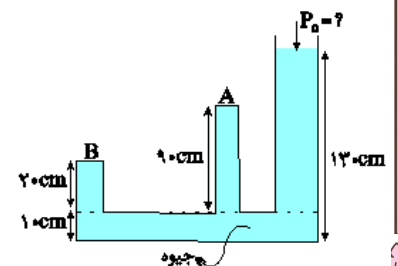
درصد پاسخگویی ۱۶%

قلمچی ۱۳۹۹

گریته های دالم دار ۳

۲

در شکل زیر، جیوه در حال تعادل است. اگر فشار نقطه B ، $1/7$ برابر فشار نقطه A باشد، فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟



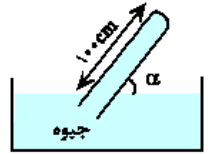
۷۵ (۱)

۶۵ (۲)

۷۰ (۳)

۸۰ (۴)

در شکل زیر، مساحت مقطع لوله ته بسته $4cm^2$ ، چگالی جیوه $\frac{kg}{m^3}$ 13600 و اندازه نیرویی که بر ته بسته لوله وارد می‌شود، $7/36N$ است. اگر فشار هوای محیط $10^5 Pa$ باشد، زاویه α چند درجه است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$ ، $\sin 37^\circ = 0/6$ و $\sin 53^\circ = 0/8$ است).



۵۳ (۱)

۶۰ (۲)

۳۷ (۳)

۳۰ (۴)

در قسمت (۱) لوله شکل زیر، طی مدت نیم‌دقیقه ۱۶۲ لیتر آب به صورت پایا در لوله شارش می‌کند. اگر تندی آب در قسمت (۲) به اندازه $6 \frac{cm}{s}$ بیشتر از تندی آب در قسمت (۱) باشد، قطر قسمت (۲) چندسانتی‌متر است؟ ($\pi = 3$)



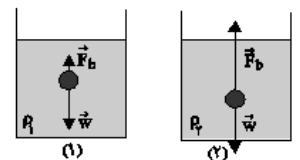
۳/۷۵ (۱)

۷/۵ (۲)

۱۵ (۳)

۳۰ (۴)

گوله‌ای توپُر یک بار در داخل مایعی با چگالی ρ_1 و بار دیگر در داخل مایعی با چگالی ρ_2 قرار می‌گیرد؛ به گونه‌ای که نیروهای شناوری و وزن وارد بر آن مطابق شکل زیر هستند. به ترتیب از راست به چپ، وضعیت گوله در حالت (۱) و (۲) در مایعها بلافاصله پس از رها شدن و مقایسه چگالی مایعها در کدام گزینه به‌درستی بیان شده است؟



(۱) غوطه‌ور می‌شود - شناور می‌شود، $\rho_2 > \rho_1$

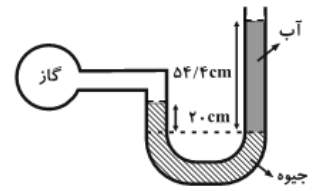
(۲) غوطه‌ور می‌شود - شناور می‌شود، $\rho_1 > \rho_2$

(۳) پایین می‌رود - بالا می‌رود، $\rho_1 > \rho_2$

(۴) پایین می‌رود - بالا می‌رود، $\rho_2 > \rho_1$

در شکل زیر، آب و جیوه در حال تعادل هستند. فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن چند سانتی‌متر جیوه است؟

$$(\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3} \text{ و } \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{cm^3})$$



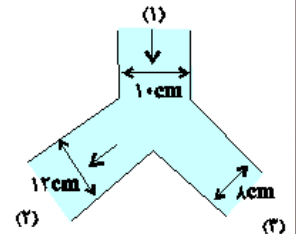
(۱) ۲۴

(۲) -۲۴

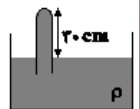
(۳) ۱۶

(۴) -۱۶

اگر در سه‌راهی جریان آب شکل زیر، که قطر لوله‌ها در شکل نشان داده شده است، آب در قسمت (۱) با تندی $4 \frac{m}{s}$ وارد شود و در قسمت (۲) با تندی $5 \frac{m}{s}$ خارج شود، حرکت آب در قسمت (۳) چگونه است؟

(۱) با تندی $5 \frac{m}{s}$ وارد می‌شود.(۲) با تندی $11/25 \frac{m}{s}$ وارد می‌شود.(۳) با تندی $5 \frac{m}{s}$ خارج می‌شود.(۴) با تندی $11/25 \frac{m}{s}$ خارج می‌شود.

در هواسنج زیر، دستگاه پر از مایعی به چگالی $6/8 \frac{g}{cm^3}$ است. اگر لوله را 10 cm بیشتر در مایع ظرف فرو برده و سپس لوله را نیز به اندازه 60° نسبت به راستای قائم بچرخانیم، بزرگی نیروی وارد بر انتهای بسته لوله ۲۵ درصد افزایش می‌یابد. فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟ (هنگام چرخاندن لوله، طول بخشی از آن که در هوا است، تغییری نمی‌کند و $g = 10 \frac{N}{kg}$ و $\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{cm^3}$)



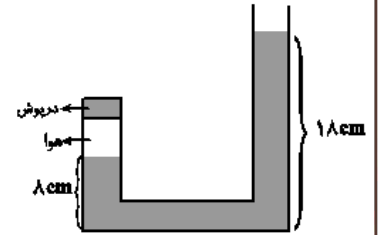
(۱) ۳۵

(۲) ۴۵

(۳) ۵۵

(۴) ۶۰

در لوله U شکل زیر، مایعی به چگالی $10^4 \frac{kg}{m^3}$ ریخته‌ایم و مقداری هوا در انتهای شاخه سمت چپ لوله محبوس شده است. اگر فشار هوای محیط بیرون $10^5 Pa$ و مساحت مقطع لوله در همه قسمت‌های آن $3 cm^2$ باشد، اندازه نیرویی که هوای محبوس بر درپوش انتهایی شاخه سمت چپ لوله وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



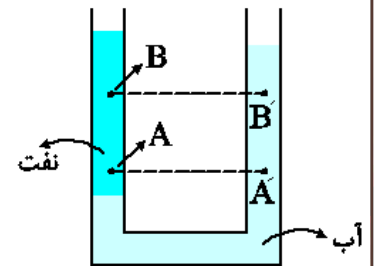
(۱) ۳

(۲) ۵/۴

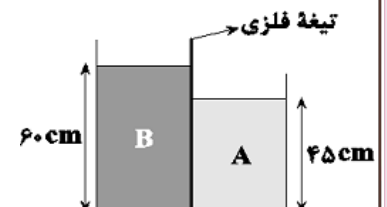
(۳) ۳۳

(۴) ۵۴

مطابق شکل زیر، دو مایع مخلوط‌نشده آب و نفت در یک لوله U شکل، در حال تعادل‌اند. اگر اختلاف فشار بین دو نقطه A و A' را با ΔP_1 و اختلاف فشار بین دو نقطه B و B' را با ΔP_2 نمایش دهیم، کدام‌یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

(۱) $\Delta P_1 < \Delta P_2$ (۲) $\Delta P_1 = \Delta P_2$ (۳) $\Delta P_1 = \Delta P_2 = 0$ (۴) $\Delta P_1 > \Delta P_2$

مطابق شکل زیر، تیغه‌ای فلزی به صورت عمودی دو مایع A و B را از هم جدا کرده است. در چند سانتی‌متری از کف ظرف، فشار در دو طرف تیغه فلزی با هم برابر می‌شود؟ ($\rho_B = 618 \frac{g}{cm^3}$, $\rho_A = 1012 \frac{g}{cm^3}$)



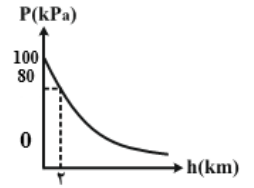
(۱) ۵

(۲) ۱۰

(۳) ۱۵

(۴) ۲۰

نمودار فشار هوا برحسب ارتفاع از سطح دریای آزاد، مطابق شکل زیر است. اگر آزمایش توریجلی را در شهر اردکان که در ارتفاع ۲۰۰۰ متری از سطح دریای آزاد واقع است، با آب انجام دهیم، ارتفاع ستون آب چند متر خواهد شد؟ ($\rho = 1 \frac{g}{cm^3}$ و $g = 10 \frac{N}{kg}$)



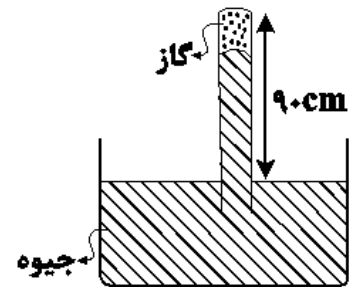
۸۰۰ (۱)

۸ (۲)

۲۰۰ (۳)

۲ (۴)

در شکل زیر ۹۰ سانتی‌متر از لوله خارج از جیوه نگه داشته شده است. در شرایطی که فشار هوا ۷۴ سانتی‌متر جیوه و دمای گاز ۲۷ درجه سانتی‌گراد است ارتفاع ستون جیوه در لوله ۷۱ سانتی‌متر است. در اثر تغییر فشار هوای محیط ستون جیوه بالا می‌رود، دمای گاز را به ۸۷ درجه سانتی‌گراد می‌رسانیم تا دوباره ارتفاع ستون جیوه به ۷۱ سانتی‌متر برسد، فشار هوا چگونه تغییر کرده است؟



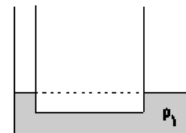
۶ سانتی‌متر جیوه افزایش (۱)

۶ میلی‌متر جیوه کاهش (۲)

۶ میلی‌متر جیوه افزایش (۳)

۶ سانتی‌متر جیوه کاهش (۴)

داخل لوله U شکل که سطح مقطع شاخه‌های چپ و راست آن به ترتیب $10 cm^2$ و $25 cm^2$ است، مایعی به چگالی ρ_1 در حال تعادل قرار دارد. اگر ۲۱۰ گرم از مایع دیگری به چگالی ρ_2 در شاخه راست لوله بریزیم، پس از برقراری دوباره تعادل، سطح مایع اول در طرف راست ۲ cm پایین می‌آید. ρ_1 چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ ($\rho_1 > \rho_2$)



۱/۴ (۱)

۱/۲ (۲)

۱/۶۸ (۳)

۱/۵ (۴)

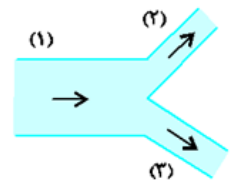
کدام گزینه در مورد اصل برنولی صحیح نیست؟

- (۱) اصل برنولی برای شارهای تراکمناپذیر است.
- (۲) در اصل برنولی، فرض عدم اتلاف انرژی وجود دارد.
- (۳) طبق اصل برنولی، با افزایش سطح مقطع یک لوله پر از مایع در حال حرکت، فشار آن افزایش می‌یابد.
- (۴) اصل برنولی برای گازها برقرار نمی‌باشد.

کدام یک از پدیده‌های زیر را نمی‌توان به وسیله اصل برنولی توجیه کرد؟

- (۱) طراحی بال هواپیما
- (۲) شناوری کشتی در آب دریا
- (۳) طراحی بطری‌های عطریاش
- (۴) ضربه کاتدار به توپ فوتبال

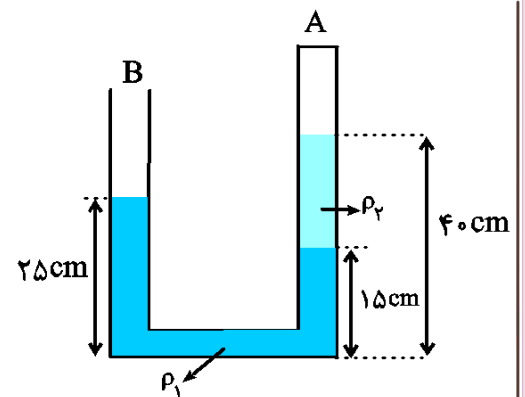
مطابق شکل زیر، آب به صورت پایا و بدون تلاطم، با آهنگ $\frac{L}{\text{min}}$ ۳۶ از لوله (۱) عبور می‌کند. اگر تندی آب در لوله (۲)، دو برابر تندی آب در لوله (۳) باشد، آهنگ شارش آب در لوله (۳) چند لیتر بر دقیقه است؟ ($D_2 = 2D_3$ و D قطر لوله است).



- (۱) ۷/۲
- (۲) ۴
- (۳) ۳۲
- (۴) ۱۲

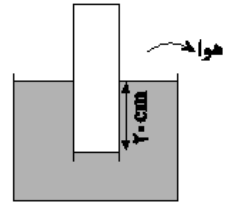
در لوله U شکل زیر، فشار گاز محبوس در قسمت A، ...

$$(g = 10 \frac{N}{kg} \text{ و } \rho_2 = 0.8 \frac{g}{cm^3}, \rho_1 = 1.2 \frac{g}{cm^3})$$



- (۱) برابر با فشار هوای آزاد است.
- (۲) ۸۰۰ پاسکال بیش‌تر از فشار هوای آزاد است.
- (۳) ۸۰۰ پاسکال کم‌تر از فشار هوای آزاد است.
- (۴) برابر با ۸۰۰ پاسکال است.

در شکل زیر، لوله یک انتها بسته‌ای درون مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3}$ قرار دارد. اگر فشار گاز محبوس شده در لوله ۱۰۲ کیلوپاسکال باشد، فشار هوا چند کیلوپاسکال است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



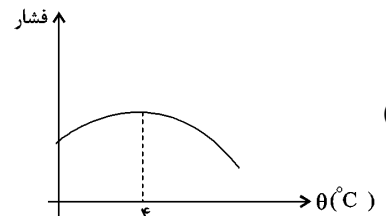
(۱) ۹۹/۶

(۲) ۹۷/۲

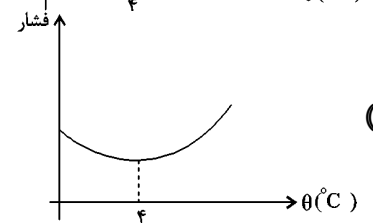
(۳) ۱۰۰

(۴) ۱۰۶/۸

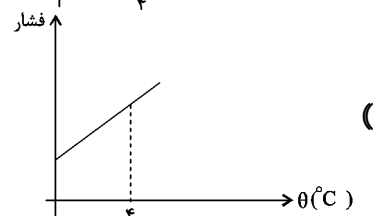
در ظرفی استوانه‌ای مقداری آب صفر درجه سلسیوس قرار دارد. اگر دمای آب را بیش‌تر از ۴ درجه سلسیوس افزایش دهیم، نمودار فشار وارد از طرف آب به کف ظرف نسبت به تغییرات دما کدام گزینه است؟ (از انبساط ظرف صرف‌نظر می‌شود.)



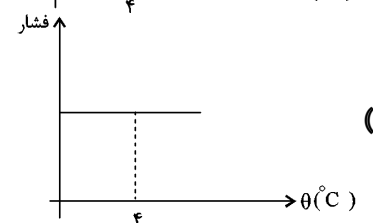
(۱)



(۲)



(۳)



(۴)

آهنگ جریان شاره‌ای که با تندی ۲۰ m/s از مقطع لوله‌ای به شعاع r عبور می‌کند، $240 \frac{m^3}{s}$ است. اندازه قطر لوله در SI کدام است؟ ($\pi = 3$)

(۱) ۱۲

(۲) ۶

(۳) ۴

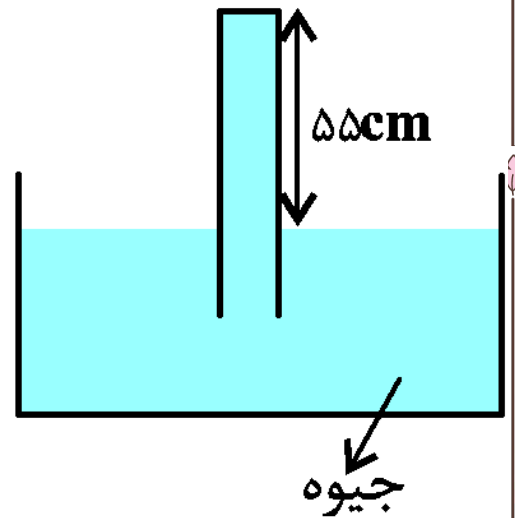
(۴) ۲

کدام گزینه درست است؟

- (۱) در دما و فشار معین، ظرفیت گرمایی یک ماده کمیتی مستقل از جرم آن است.
 (۲) مولکول‌های آب در حالت فیزیکی مایع و گاز بر خلاف حالت جامد، پیوسته در جنب‌وجوش هستند.
 (۳) دمای یک نمونه گاز معیاری از میانگین تندی و میانگین انرژی جنبشی ذرات است.
 (۴) در ساختار مولکول‌های چربی، پیوندهای دوگانه بیشتری نسبت به ساختار مولکول‌های روغن وجود داشته و واکنش‌پذیری بیشتری دارد.

در شکل زیر، اگر اندازه نیروی وارد بر ته لوله آزمایش $32/4N$ باشد، قطر مقطع لوله آزمایش چند سانتی‌متر است؟

$$(\pi = 3 \text{ و } g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{Hg} = 13/5 \frac{g}{cm^3}, P_0 = 75 cmHg)$$



۱ (۱)

۲ (۲)

۴ (۳)

۸ (۴)

در شکل زیر، شاره با جریان لایه‌ای از لوله‌ای افقی در حال عبور است. اگر طی مدت $2s$ به اندازه $5L$ شاره از مقطع B عبور کند، در هر ثانیه مجموعاً چند لیتر شاره از مقاطع A و B عبور می‌کند؟ (سطح مقطع B ، دو برابر سطح مقطع A است.)



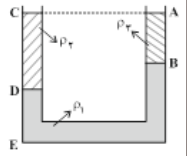
۵ (۱)

۷/۵ (۲)

۱۰ (۳)

۱۵ (۴)

در شکل زیر، ρ_1 ، ρ_2 و ρ_3 چگالی سه مایع مخلوط‌نشده هستند. اگر مجموعه در حال تعادل، $AB = DE = 20\text{ cm}$ و $CD = 60\text{ cm}$ باشد، کدام گزینه رابطه بین چگالی‌ها را درست بیان می‌کند؟



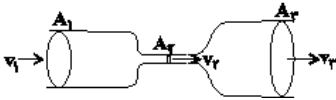
$$\rho_1 = 2\rho_2 + \rho_3 \quad (1)$$

$$2\rho_1 = 3\rho_2 - \rho_3 \quad (2)$$

$$3\rho_2 = \rho_1 + 2\rho_3 \quad (3)$$

$$\rho_2 = 2\rho_1 + \rho_3 \quad (4)$$

در شکل زیر، جریان لایه‌ای آب با تندی $v_1 = 2 \frac{m}{s}$ از مقطع $A_1 = 30\text{ cm}^2$ وارد شده و از مقطع‌های $A_2 = 4\text{ cm}^2$ و $A_3 = 60\text{ cm}^2$ می‌گذرد. در این حالت بیش‌ترین فشار در مقطع و بیش‌ترین تندی در مقطع و برابر است.



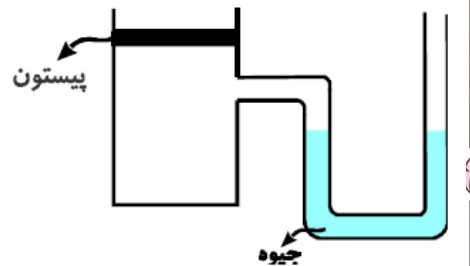
$$15, A_2, A_3 \quad (1)$$

$$20, A_2, A_1 \quad (2)$$

$$15, A_1, A_2 \quad (3)$$

$$20, A_1, A_3 \quad (4)$$

در شکل مقابل، وزن و اصطکاک پیستون ناچیز است. وزنه چند کیلوگرمی را به آرامی روی پیستون قرار دهیم تا در حالت تعادل، اختلاف ارتفاع بین دو سطح جیوه در لوله به $7/5$ سانتی‌متر برسد؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)، مساحت قاعده پیستون 50 cm^2 و چگالی جیوه $\frac{g}{cm^3}$ است. $13/6$ است.)



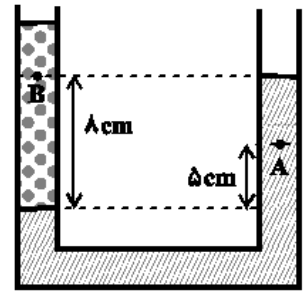
$$3/2 \quad (1)$$

$$4/3 \quad (2)$$

$$5/1 \quad (3)$$

$$6/4 \quad (4)$$

مطابق شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی در یک لوله U شکل به حال تعادل قرار دارند. کدام گزینه مقایسه فشار بین نقاط A و B را به درستی نشان می‌دهد؟



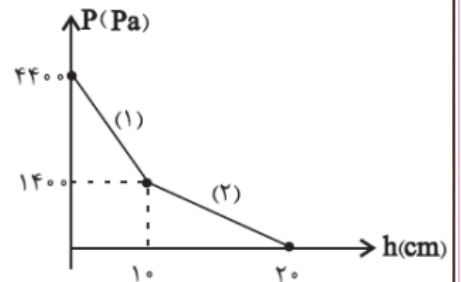
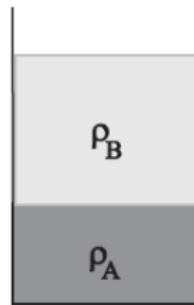
$$P_A > P_B \quad (۱)$$

$$P_A = P_B \quad (۲)$$

$$P_A < P_B \quad (۳)$$

(۴) بسته به شرایط، هر یک از گزینه‌ها ممکن است صحیح باشد.

در شکل زیر نمودار فشار حاصل از ستون دو مایع A و B بر حسب ارتفاع مایع‌ها از کف ظرف نشان داده شده است. اگر $۵۰۰\text{cm}^۳$ از مایع B را با $۱۰۰۰\text{cm}^۳$ از مایع A در ظرفی استوانه‌ای به مساحت مقطع $۱۰۰\text{cm}^۲$ بریزیم، در این صورت فشار کل وارد بر کف ظرف چند پاسکال است؟ ($g = ۱۰ \frac{\text{N}}{\text{kg}}$, $P_0 = ۱۰^۵ \text{Pa}$)



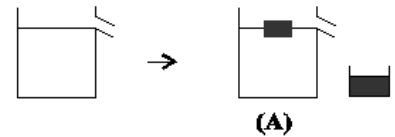
$$۲۹۰۰ \quad (۱)$$

$$۳۷۰۰ \quad (۲)$$

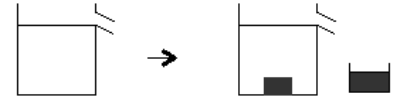
$$۱۰۳۷۰۰ \quad (۳)$$

$$۱۰۲۹۰۰ \quad (۴)$$

مطابق شکل زیر درون دو ظرف مشابه که از آب پر شده است، دو جسم با جرم‌های یکسان و چگالی‌های متفاوت می‌اندازیم. اگر پس از رسیدن به حالت تعادل حجم آب سرریز شده و فشار مایع در کف ظرف‌ها به ترتیب V و P باشد، کدام گزینه صحیح است؟



(A)



(B)

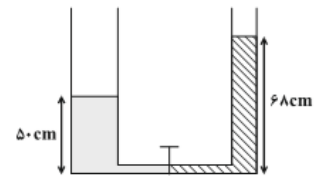
$$P_A = P_B \text{ و } V_A = V_B \quad (۱)$$

$$P_B > P_A \text{ و } V_A = V_B \quad (۲)$$

$$P_A = P_B \text{ و } V_A > V_B \quad (۳)$$

$$P_A > P_B \text{ و } V_A > V_B \quad (۴)$$

در لوله U شکل زیر، مساحت سطح مقطع شاخه سمت چپ، چهار برابر مساحت سطح مقطع شاخه سمت راست است. اگر در شاخه سمت راست تا ارتفاع ۶۸ سانتی‌متری آب و در شاخه سمت چپ تا ارتفاع ۵۰ سانتی‌متری جیوه بریزیم و سپس شیر ارتباطی دو لوله باز شود، پس از برقراری تعادل سطح جیوه نسبت به حالت اولیه چند سانتی‌متر جابه‌جا می‌شود؟ ($\rho_{\text{آب}} = ۱ \frac{g}{cm^3}$ ، $\rho_{\text{جیوه}} = ۱۳/۶ \frac{g}{cm^3}$ و سطح مقطع لوله ارتباطی ناچیز است.)



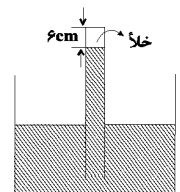
$$۱ \quad (۱)$$

$$۴ \quad (۲)$$

$$۸ \quad (۳)$$

$$۹ \quad (۴)$$

در شکل مقابل، لوله‌ای به صورت قائم درون ظرف حاوی جیوه قرار دارد و ارتفاع بخش خلأ لوله ۶ cm و مساحت مقطع لوله ۵ cm^۲ است. لوله را در راستای قائم چند سانتی‌متر جابه‌جا کنیم تا نیروی وارد بر انتهای لوله از طرف جیوه ۵/۱N شود؟ ($\rho_{\text{جیوه}} = ۱۳/۶ \frac{g}{cm^3}$ ، $g = ۱۰ \frac{N}{kg}$ ، $P_0 = ۷۵ \text{ cmHg}$)



$$۶ \quad (۱)$$

$$۷/۵ \quad (۲)$$

$$۱۵ \quad (۳)$$

$$۱۳/۵ \quad (۴)$$

فشار مطلق گاز درون مخزن یک مانومتر، 94 kPa بوده و در لوله U شکل آن، به مقدار کافی از مایعی به چگالی $800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ریخته شده است. اگر با باز کردن شیر تبادل مخزن، فشار مطلق گاز درون آن ۵ درصد تغییر کند و همزمان مایع قبلی را با مایعی به چگالی $650 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ جایگزین کنیم، اختلاف ارتفاع مایع در دو شاخه مانومتر چند سانتی‌متر و چگونه تغییر می‌کند؟ (فشار هوای پیرامون مانومتر 10^5 Pa است.) ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

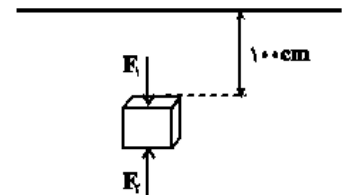
(۱) ۵۵، افزایش می‌یابد.

(۲) ۵۸/۷۵، کاهش می‌یابد.

(۳) ۵۸/۷۵، افزایش می‌یابد.

(۴) ۵۵، کاهش می‌یابد.

مطابق شکل مقابل، مکعبی به ضلع 20 cm را به‌طور قائم وارد آب به چگالی $1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ می‌کنیم. اگر اندازه نیروی وارد از طرف آب به سطح بالایی مکعب، F_1 و اندازه نیروی وارد بر سطح زیرین از طرف آب F_2 باشد، نسبت $\frac{F_1}{F_2}$ کدام است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ و $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$)



(۱) $\frac{5}{6}$

(۲) $\frac{6}{5}$

(۳) $\frac{55}{56}$

(۴) $\frac{56}{55}$

مطابق شکل زیر، در یک لوله U شکل، آب در حال تعادل قرار دارد. اگر در شاخه سمت چپ 60 g روغن بریزیم، بعد از ایجاد تعادل، در شاخه سمت راست سطح آب 4 cm بالا می‌آید. اگر شعاع شاخه سمت راست 2 cm باشد، شعاع شاخه سمت چپ چند سانتی‌متر است؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ، $\rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ و $\pi = 3$)



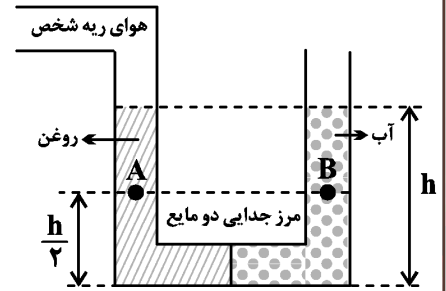
(۱) 0.5

(۲) $\sqrt{2}$

(۳) 1.5

(۴) ۱

شخصی در شایخه سمت چپ لوله U شکل زیر در حال دمیدن است. اگر اختلاف فشار نقاط هم‌تراز A و B برابر ۶۰۰ پاسکال باشد، فشار هوای ریه شخص چند کیلوپاسکال است؟ ($\rho_{\text{هوای}} = 10^5 \text{ Pa}$ و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ ، $\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ، $\rho_{\text{روغن}} = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$)



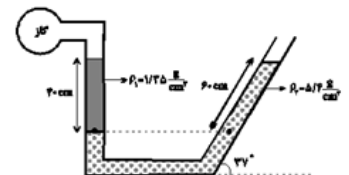
- (۱) ۱۰۰/۶
(۲) ۱۰۱/۲
(۳) ۱۰۲/۴
(۴) ۱۰۳/۶

در ظرف استوانه‌ای شکل زیر، به ارتفاع ۳h از مایع B می‌ریزیم و بعد از ایجاد تعادل، فشار کل در کف ظرف برابر با P می‌شود. اگر به مایع موجود در ظرف به ارتفاع ۲h از مایع A اضافه کنیم و سپس مخلوطی یکنواخت ایجاد کنیم، در چه فاصله‌ای از کف ظرف فشار ناشی از مخلوط دو مایع برابر با P می‌شود؟ ($\rho_A = 4\rho_B$) و در اثر اختلاط تغییر حجم نداریم.



- (۱) $\frac{18}{11}h$
(۲) $\frac{15}{11}h$
(۳) $\frac{37}{11}h$
(۴) $\frac{45}{11}h$

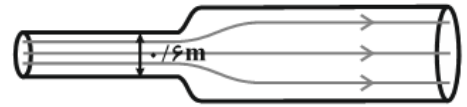
در مجموعه در حال تعادل نشان داده شده در شکل زیر، فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن چند سانتی‌متر جیوه است؟ ($\sin 37^\circ = 0/6$) و $\rho_{\text{جیوه}} = 13/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$



- (۱) ۱۰/۴
(۲) ۱۴/۴
(۳) ۱۸/۴

(۴) اطلاعات مسئله کافی نیست.

در شکل زیر، آب با جریان لایه‌ای و به طور پیوسته از لوله ورودی با قطر $0.6m$ وارد می‌شود. اگر در حالت پایا در هر ثانیه $108kg$ آب از لوله خروجی خارج شود، تندی آب ورودی به مجموعه چند متر بر ثانیه است؟ ($\rho = 1 \frac{g}{cm^3}$ و $\pi = 3$)



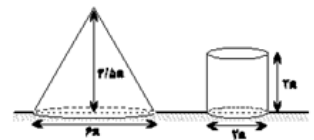
۴۰ (۱)

۴ (۲)

۰/۴ (۳)

۰/۰۴ (۴)

مطابق شکل زیر، یک استوانه فلزی و یک مخروط فلزی روی سطحی افقی قرار گرفته‌اند. اگر چگالی ماده سازنده استوانه ۳ برابر چگالی ماده سازنده مخروط باشد، نسبت فشاری که مخروط به سطح زیرین خود وارد می‌کند به فشاری که استوانه به سطح زیرین خود وارد می‌کند، کدام است؟

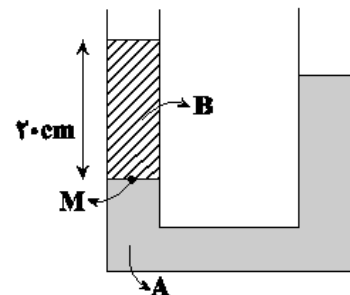
 $\frac{1}{3}$ (۱)

۴ (۲)

 $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۴)

مطابق شکل زیر دو مایع A و B به ترتیب با چگالی‌های $\rho_A = 2/5 \frac{g}{cm^3}$ و $\rho_B = 1/5 \frac{g}{cm^3}$ در لوله‌ای شکل در حال تعادل قرار دارند. اگر در شاخه سمت راست مایع C به چگالی $\rho_C = 2 \frac{g}{cm^3}$ و به ارتفاع ۱۰ سانتی‌متر بریزیم. پس از رسیدن مجموعه به تعادل فشار ناشی از مایع‌ها در نقطه M چند پاسکال می‌شود؟

($g = 10 \frac{N}{kg}$ و سطح مقطع لوله در سراسر طول آن یکسان است.)



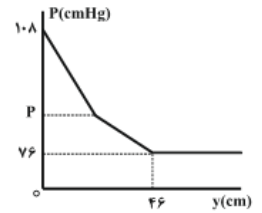
۵۰۰۰ (۱)

۴۰۰۰ (۲)

۳۵۰۰ (۳)

۴۵۰۰ (۴)

نمودار فشار کل بر حسب ارتفاع از کف یک ظرف حاوی دو مایع اختلاطناپذیر، مطابق شکل زیر است. اگر مایع زیرین جیوه باشد و چگالی مایع بالایی یک سوم چگالی جیوه باشد، P چند سانتی متر جیوه است؟



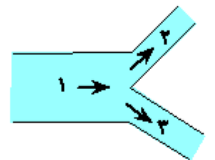
۸۳ (۱)

۹۷ (۲)

۱۰۱ (۳)

۸۶ (۴)

مطابق شکل زیر، در حالت پایا شاره‌ای با آهنگ $۲ \frac{L}{s}$ از لوله (۱) می‌گذرد. سپس شاره به محل تقاطع رسیده، دو شاخه شده و از دو لوله (۲) و (۳) به ترتیب با مساحت مقطع‌های ۲۵ cm^2 و ۷۵ cm^2 در حالت پایا می‌گذرد. اگر تندی شاره در لوله (۲) برابر با $۵ \frac{cm}{s}$ باشد، تندی شاره در لوله (۳) برحسب $\frac{cm}{s}$ کدام است؟



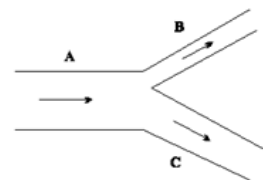
۲۵ (۱)

۵۰ (۲)

۲۵۰ (۳)

۵۰۰ (۴)

در شکل زیر، سطح مقطع لوله‌های B و C به ترتیب برابر با ۲۵ cm^2 و ۵۰ cm^2 است. اگر شاره تراکم‌ناپذیری با جریان یکنواخت و آهنگ $۱/۵ \frac{L}{s}$ از لوله A وارد شده و با تندی $۴۰ \frac{cm}{s}$ از لوله B عبور کند، تندی عبور شاره از لوله C چند $\frac{cm}{s}$ است؟



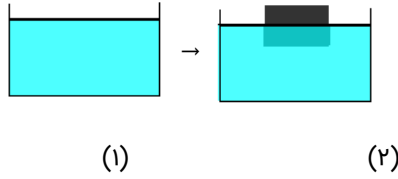
۵۰ (۱)

۳۰ (۲)

۲۰ (۳)

۱۰ (۴)

روی سطح آب درون یک ظرف استوانه‌ای، یک قطعه چوب مکعبی شناور می‌سازیم. اگر نیروی شناوری وارد بر چوب $5N$ باشد، پس از شناور ساختن چوب روی آب، چند پاسکال به فشار وارد بر کف ظرف افزوده خواهد شد؟ (مساحت قاعده چوب 100 cm^2 ، مساحت قاعده ظرف 400 cm^2 و $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$ است.)



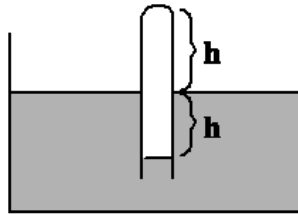
۱/۲۵ (۱)

۱۲/۵ (۲)

۱۲۵ (۳)

۵۰۰ (۴)

مطابق شکل زیر، لوله آزمایشی به صورت وارون داخل تشتت پر از جیوه قرار دارد و داخل آن هوا محبوس است. اگر لوله آزمایش را به آرامی، بیشتر داخل جیوه فرو ببریم، به طوری که ته لوله با سطح جیوه داخل تشتت هم ارتفاع شود، حجم هوای داخل لوله $9/10$ حجم اولیه هوای داخل لوله خواهد شد. h چند سانتی‌متر است؟ ($P_0 = 77/5 \text{ cmHg}$ و دما ثابت است.)



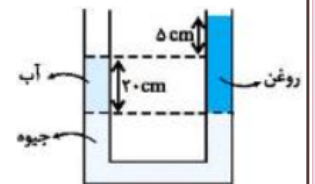
۱۲/۵ (۱)

۱۴ (۲)

۶۹ (۳)

۳۹ (۴)

در شکل زیر، دو سطح جیوه در یک تراز قرار دارد و سیستم به حالت تعادل است. تقریباً چند سانتی‌متر به ارتفاع ستون آب اضافه کنیم، تا سطح آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند؟ ($\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \text{ g/cm}^3$ ، $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$)



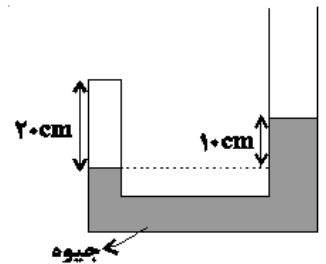
۴/۵ (۱)

۴/۹ (۲)

۵/۴ (۳)

۹/۴ (۴)

در لوله U شکل زیر مقداری گاز کامل در سمت چپ لوله محبوس شده است و مساحت مقطع لوله در سمت راست دو برابر مساحت مقطع لوله در سمت چپ است. به شاخته سمت راست چند سانتی‌متر جیوه اضافه کنیم تا فشار پیمانه‌ای گاز ۳ برابر شود؟ ($P_0 = 70 \text{ cmHg}$ و دما ثابت است.)



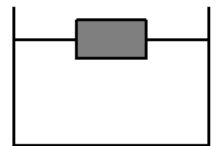
۳۰ (۱)

۲۸ (۲)

۳۲ (۳)

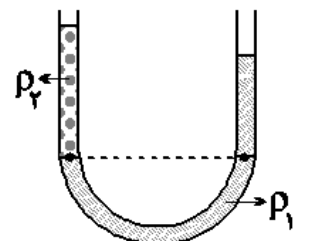
۲۶ (۴)

مطابق شکل زیر، قطعه چوبی به چگالی $0.2 \frac{g}{cm^3}$ را درون ظرف پُر از آبی قرار داده‌ایم. اگر همین قطعه چوب را به گونه‌ای فشرده کنیم که حجم آن به نصف حالت اولیه برسد و دوباره درون ظرف قرار دهیم، کدامیک از گزینه‌های زیر رخ می‌دهد؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$ و دما ثابت است)



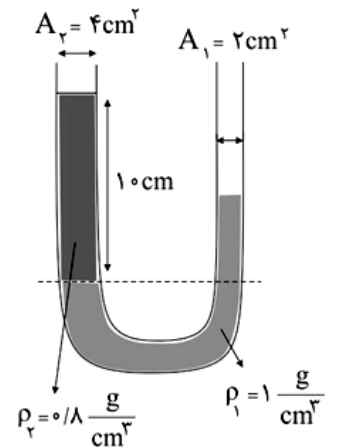
- (۱) قطعه چوب شناور می‌ماند و نیروی شناوری تغییر نمی‌کند.
- (۲) قطعه چوب در آب فرو می‌رود و نیروی شناوری تغییر نمی‌کند.
- (۳) قطعه چوب شناور می‌ماند و نیروی شناوری بیشتر می‌شود.
- (۴) قطعه چوب در آب فرو می‌رود و نیروی شناوری کمتر می‌شود.

در شکل زیر، در لوله U شکل دو مایع مخلوط‌نشده در حال تعادل هستند. اگر در دو آزمایش مجزا و با شرایط اولیه یکسان، بار اول به ستون مایع ρ_1 و بار دوم به ستون مایع ρ_2 مقداری از همان جنس مایع اضافه کنیم، به ترتیب از راست به چپ اختلاف ارتفاع سطح آزاد مایع‌ها در هر آزمایش چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد.
- (۲) کاهش می‌یابد - افزایش می‌یابد.
- (۳) تغییر نمی‌کند - افزایش می‌یابد.
- (۴) تغییر نمی‌کند - کاهش می‌یابد.

در شکل زیر مساحت مقطع لوله U شکل در سمت چپ ۲ برابر مساحت مقطع لوله در سمت راست است. چند سانتی متر مکعب از مایعی به چگالی $\rho_2 = 0.9 \frac{g}{cm^3}$ به شاخه طرف راست اضافه کنیم تا سطح مایع‌ها در دو طرف لوله همتراز شود؟



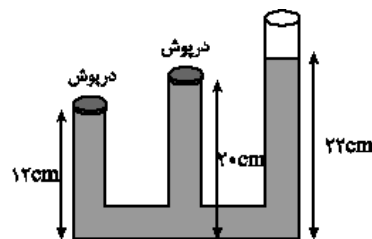
۲۰ (۱)

۴۰ (۲)

۶۰ (۳)

۸۰ (۴)

مطابق شکل زیر، مایعی به چگالی $2/5 \frac{g}{cm^3}$ در ظرف به حالت تعادل قرار دارد. در سطح‌های A و B درپوش‌هایی قرار گرفته است که هر کدام حداکثر می‌تواند ۲۸ N نیرو را تحمل کند. حداکثر چند سانتی‌متر مکعب از همان مایع می‌توان به مایع داخل ظرف‌ها اضافه کرد، به طوری که هیچ‌کدام از درپوش‌ها از جای خود تکان نخورند؟ (سطح مقطع هر سه استوانه را $80 cm^2$ در نظر بگیرید).



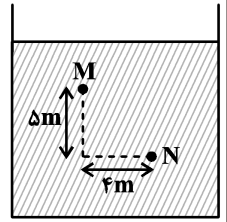
۱۸۰ (۱)

۲۷۰ (۲)

۴۰۰ (۳)

۳۲۰ (۴)

مطابق شکل، درون یک مخزن بزرگ، مایعی با چگالی $2000 \frac{kg}{m^3}$ وجود دارد. چنانچه فشار کل در نقطه N ، $\frac{3}{4}$ برابر فشار کل در نقطه M باشد، عمق نقطه N از سطح آزاد مایع چند برابر عمق نقطه M از سطح آزاد آن است؟ ($P_0 = 10^5 Pa, g = 10 \frac{N}{kg}$)



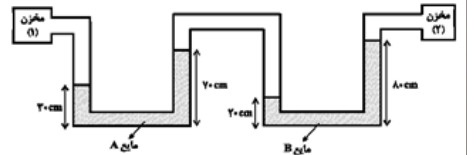
(۱) $\frac{1}{5}$

(۲) ۲

(۳) $\frac{2}{5}$

(۴) ۵

در شکل زیر، دو مانومتر به یکدیگر متصل شده‌اند و مجموعه در حال تعادل است. نسبت چگالی مایع A به چگالی مایع B چقدر باشد تا فشار گاز محبوس بین دو مایع برابر با میانگین فشار گازهای محبوس در مخازن (۱) و (۲) شود؟



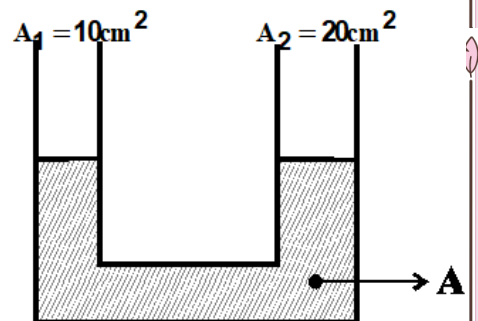
(۱) $\frac{2}{3}$

(۲) $\frac{4}{3}$

(۳) $\frac{3}{4}$

(۴) $\frac{3}{2}$

مطابق شکل زیر، مقداری آب در ظرف در حال تعادل است. اگر در شاخه سمت چپ معادل ۲ لیتر روغن ریخته شود، فشار در نقطه A چند پاسکال افزایش می‌یابد؟ ($\rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{g}{cm^3}, g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{cm^3}$)



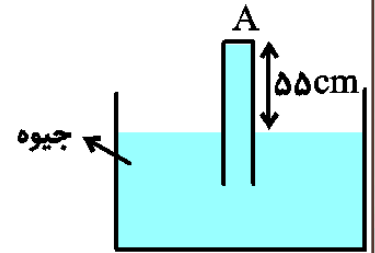
(۱) $\frac{8000}{3}$

(۲) $\frac{16000}{3}$

(۳) $\frac{800}{3}$

(۴) $\frac{1600}{3}$

در شکل زیر، نیرویی که از طرف جیوه به سطح بالایی لوله قائم (A) وارد می‌شود، برابر با چند نیوتون است؟ (فشار هوای محیط برابر با ۷۵ سانتی‌متر جیوه، سطح مقطع لوله ۵cm^2 ، چگالی جیوه $\frac{۱۳}{۶}\frac{g}{\text{cm}^3}$ و $g = ۱۰\frac{N}{kg}$ است.)



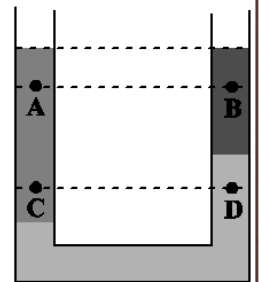
۶۸ (۱)

۷۴/۸ (۲)

۳۴ (۳)

۱۳/۶ (۴)

مطابق شکل زیر، سه مایع مخلوط‌نشده در یک لوله U شکل به حال تعادل قرار دارند. کدام گزینه مقایسه فشار بین نقاط A، B، C و D را به درستی نشان می‌دهد؟



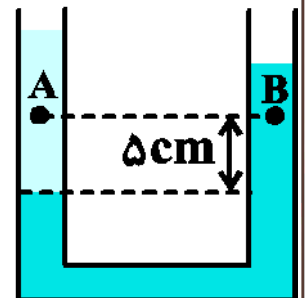
$P_C = P_D, P_A = P_B$ (۱)

$P_D > P_C, P_B > P_A$ (۲)

$P_C > P_D, P_A > P_B$ (۳)

$P_C > P_D, P_B > P_A$ (۴)

در شکل زیر، دو مایع مخلوط‌نشده به چگالی‌های $۱۰۰۰\frac{kg}{m^3}$ و $۸۰۰\frac{kg}{m^3}$ در یک لوله U شکل به حال تعادل قرار دارند. اگر فشار در SI در نقطه‌های A و B به ترتیب P_A و P_B باشد، کدام رابطه در SI برقرار است؟ ($g = ۱۰\frac{N}{kg}$)



$P_A = P_B$ (۱)

$P_A = \frac{۴}{۵}P_B$ (۲)

$P_A = P_B - ۱۰۰$ (۳)

$P_A = P_B + ۱۰۰$ (۴)

در داخل مخزنی، مقدار معینی از یک مایع به چگالی $\frac{g}{cm^3}$ ریخته‌ایم. اگر فشار کل در ته ظرف ۲۰ برابر فشار ناشی از مایع در ته ظرف باشد، ارتفاع مایع داخل ظرف را چند سانتی‌متر افزایش دهیم تا فشار کل در ته ظرف ۲ درصد افزایش یابد؟ $(P_0 = 76 cmHg)$

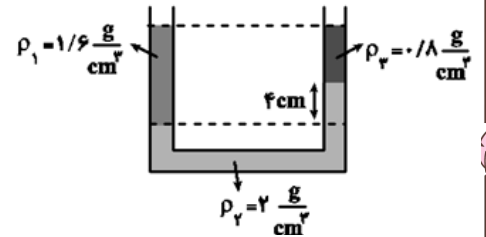
۱) $\frac{6}{8}$

۲) $\frac{13}{6}$

۳) $\frac{27}{2}$

۴) $\frac{54}{4}$

در شکل زیر، سه مایع مخلوط‌نشده در لوله U شکل در حال تعادل قرار دارند. در شاخه سمت راست، چند سانتی‌متر به ارتفاع مایع ρ_3 اضافه کنیم تا سطح مایع ρ_2 در دو طرف لوله یکسان شود؟ (فرض کنید ارتفاع لوله‌ها به اندازه کافی بلند است.)



۱) ۲

۲) ۶

۳) ۱۰

۴) اطلاعات مسأله کافی نیست.

گزینه «۴»

با قرار دادن قطعه مسی درون مایع، به اندازه حجم این جسم، سطح مایع بالا می‌آید. بخشی از مایع بالا آمده، حجم خالی باقیمانده ظرف را پر می‌کند و مقدار اضافی آن از ظرف بیرون می‌ریزد. ابتدا حجم بخش خالی ظرف را حساب می‌کنیم:

$$V = Ah = 50 \times 2 = 100 \text{ cm}^3$$

سپس حجم مایع بیرون ریخته شده را به دست می‌آوریم:

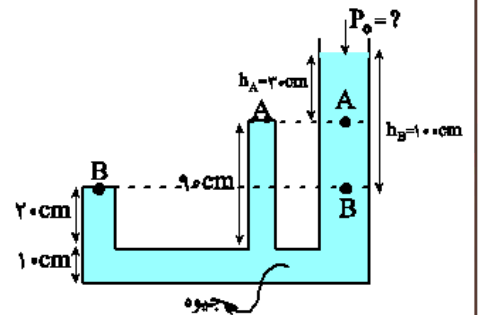
$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho} = \frac{20}{\frac{8}{1}} = 25 \text{ cm}^3$$

که نتیجه می‌گیریم حجم مکعب مسی برابر با 125 cm^3 است (حجم خالی ظرف + حجم مایع بیرون ریخته)

$$V = a^3 = 125 \text{ cm}^3 \Rightarrow a = 5 \text{ cm}$$

گزینه «۳»

ابتدا نقطه‌های هم‌تراز نقطه‌های A و B را در شاخه سمت راست پیدا کرده و سپس فاصله این نقطه‌ها را از سطح آزاد جیوه تعیین می‌کنیم. با توجه به شکل، فاصله نقطه A از سطح آزاد جیوه برابر $h_A = 30 \text{ cm}$ و فاصله نقطه B از سطح آزاد جیوه برابر $h_B = 100 \text{ cm}$ است. با توجه به این‌که فشار در نقطه‌های A و B برابر $P_B = P_0 + P'_B$ و $P_A = P_0 + P'_A$ است، به صورت زیر فشار هوای محیط (P_0) را می‌یابیم. دقت کنید، P'_B و P'_A به ترتیب فشار مایع در نقطه‌های A و B بر حسب cmHg است که مطابق شکل، $P'_A = h_A = 30 \text{ cmHg}$ و $P'_B = h_B = 100 \text{ cmHg}$ می‌باشد.



$$P_A = P_0 + P'_A \Rightarrow P_A = P_0 + 30 \text{ (cmHg)}$$

$$P_B = P_0 + P'_B \Rightarrow P_B = P_0 + 100 \text{ (cmHg)}$$

$$P_B = 17P_A \Rightarrow P_0 + 100 = 17(P_0 + 30)$$

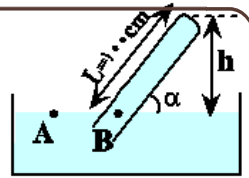
$$\Rightarrow P_0 + 100 = 17P_0 + 51$$

$$\Rightarrow 49 = 17P_0 \Rightarrow P_0 = 70 \text{ cmHg}$$

گزینه «۳»

چون اندازه نیروی وارد بر ته بسته لوله و مساحت آن معلوم‌اند، ابتدا فشار وارد بر ته بسته لوله از طرف جیوه را پیدا می‌کنیم. فشار وارد بر ته بسته لوله را با P' نشان می‌دهیم.

$$P' = \frac{F}{A} \xrightarrow{F=7/36 \text{ N}, A=4 \text{ cm}^2 = 4 \times 10^{-4} \text{ m}^2} P' = \frac{7/36}{4 \times 10^{-4}} \Rightarrow P' = 18400 \text{ Pa}$$



$$P_A = P_B \Rightarrow P_c = P' + \rho gh \quad \begin{matrix} P_c = 100000 Pa, P' = 18400 Pa \\ \rho = 13600 \frac{kg}{m^3} \end{matrix}$$

$$100000 = 18400 + 13600 \times 10 \times h \Rightarrow 81600 = 136000h$$

$$\Rightarrow h = 0.6m \Rightarrow h = 60cm$$

بنابراین، زاویه α برابر است با:

$$\sin \alpha = \frac{h}{L} \quad \begin{matrix} h = 60cm \\ L = 100cm \end{matrix} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{60}{100} = 0.6 \quad \begin{matrix} \sin 37^\circ = 0.6 \end{matrix}$$

$$\alpha = 37^\circ$$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

آهنگ شارش آب در قسمت (۱) از تقسیم حجم آب شارش شده در این قسمت بر زمان به دست می‌آید که از طرفی معادل AV نیز می‌باشد. بنابراین:

$$\frac{\text{حجم آب شارش شده}}{\text{زمان}} = A_1 v_1 = \frac{\pi}{4} D_1^2 \times v_1 \Rightarrow \frac{162 \times 10^{-3}}{30} = \frac{\pi}{4} \times (6 \times 10^{-1})^2 \times v_1$$

$$\Rightarrow 27 \times 10^{-2} v_1 = 54 \times 10^{-2} \Rightarrow v_1 = 2 \times 10^{-2} \frac{m}{s} = 2 \frac{cm}{s}$$

بنابر اطلاعات سؤال:

$$v_2 = v_1 + 6 \left(\frac{cm}{s} \right) \Rightarrow v_2 = 2 + 6 = 8 \frac{cm}{s}$$

اکنون طبق معادله پیوستگی می‌توان نوشت:

$$A_2 v_2 = A_1 v_1 \Rightarrow \frac{\pi}{4} D_2^2 \times v_2 = \frac{\pi}{4} D_1^2 \times v_1$$

$$\Rightarrow D_2^2 \times 8 = D_1^2 \times 2 \Rightarrow 2D_2 = D_1 \Rightarrow D_2 = \frac{1}{2} D_1 = 30cm$$

پاسخ: گزینه ۴

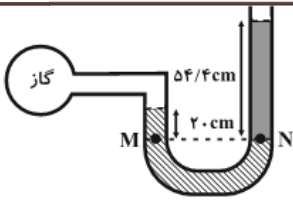
گزینه «۴»

چون در ظرف مایع با چگالی ρ_1 طول بردار نیروی وزن بزرگتر از طول بردار نیروی شناوری است، لذا در مایع با چگالی ρ_2 گلوله پایین می‌رود تا در نهایت ته‌نشین شود و در این حالت $\rho_2 > \rho_1$ است. ولی در ظرف مایع با چگالی ρ_3 طول بردار نیروی شناوری بزرگتر از طول بردار نیروی وزن است، لذا جسم در داخل این مایع بالا می‌رود تا در نهایت به سطح مایع رسیده و شناور شود که در این حالت $\rho_3 > \rho_2$ است. لذا $\rho_3 > \rho_1$ است.

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

با استفاده از برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، داریم:



$$P_M = P_N$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} + P_{\text{جیوه}} = P_0 + P_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_0 = P_{\text{آب}} - P_{\text{جیوه}} = P_{\text{پیمانه ای}} = P_{\text{آب}} - P_{\text{جیوه}}$$

چون پاسخ برحسب سانتی‌متر جیوه خواسته شده است، کافی است فشار ناشی از ستون آب را برحسب سانتی‌متر جیوه محاسبه کرده و در رابطه فوق قرار دهیم. داریم:

$$P_{\text{آب}} h = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow 1 \times 54/4 = 13/6 \times h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 4 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow P_{\text{آب}} = 4 \text{ cmHg}$$

بنابراین داریم:

$$\Rightarrow P_{\text{پیمانه ای}} = 4 - 20 = -16 \text{ cmHg}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۱۷٪

قلمچی ۱۳۳۶

گزینه‌های دایم دار ۴

گزینه ۱

پاسخ:

گزینه «۱»

در واحد زمان، مجموع جریان آب ورودی به یک محیط بسته با مجموع آب خروجی از آن برابر است، لذا ابتدا آهنگ جریان آب ورودی به لوله (۱) و خروجی از لوله (۲) را می‌یابیم:

$$A_1 v_1 = \pi R_1^2 v_1 = \pi \times 5^2 \times 400 = 10000\pi \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$$

$$A_2 v_2 = \pi R_2^2 v_2 = \pi \times 6^2 \times 500 = 18000\pi \frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$$

چون جریان خروج آب ($A_2 v_2$) از جریان ورود آب ($A_1 v_1$) بیشتر است، پس در قسمت (۳) باید آب وارد شود، لذا داریم:

مجموع جریان‌های ورودی آب = مجموع جریان‌های خروجی آب

$$A_2 v_2 = A_1 v_1 + A_3 v_3 \Rightarrow 18000\pi = 10000\pi + A_3 v_3$$

$$\Rightarrow 8000\pi = A_3 v_3 = \pi R_3^2 v_3 \Rightarrow 8000\pi = \pi \times 4^2 \times v_3 \Rightarrow v_3 = 500 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۴۶٪

قلمچی ۱۴۰۰

گزینه ۳

پاسخ:

گزینه «۳»

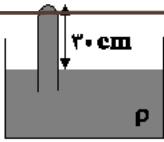
دو وضعیت لوله در ظرف را در شکل می‌بینید. اگر لوله را ۱۰ cm بیشتر در مایع فرو ببریم:

$$BB' = 30 - 10 = 20 \text{ cm}$$

در مثلث قائم‌الزاویه $BB'C$ ، ضلع روبه‌روی زاویه 30° نصف وتر است. یعنی:

$$h_p = \frac{1}{2} BB' = \frac{1}{2} (20) = 10 \text{ cm}$$

مساحت ته لوله (A) ثابت است و طبق رابطه $P = \frac{F}{A}$ ، فشار و نیرو متناسب‌اند. بنابراین، افزایش ۲۵ درصدی نیروی وارد بر ته لوله به دلیل افزایش ۲۵ درصدی فشار وارد بر ته لوله است. بنابراین می‌توان نوشت:

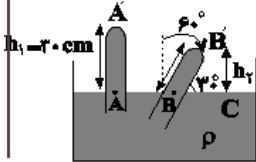


$$P_B = P_{A'} + 0.75 P_{A'} = 1.75 P_{A'}$$

$$\begin{cases} P_A = P_C & P_A = P_{A'} + P_m, P_B = P_B + P_{m'} \\ P_B = P_C & P_C = P_o \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} P_{A'} + P_m = P_o & P_B = 1.75 P_{A'} \\ P_B + P_{m'} = P_o \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} P_{A'} = P_o - P_m & (1) \\ 1.75 P_{A'} = P_o - P_{m'} & (2) \end{cases}$$



رابطه (۱) را در رابطه (۲) جایگذاری می‌کنیم:

$$1.75(P_o - P_{h_1}) = P_o - P_{h_2} \Rightarrow 1.75 P_o - 1.75 P_{h_1}$$

$$= P_o - P_{h_2} \Rightarrow 0.75 P_o = 1.75 P_{h_1} - P_{h_2}$$

$$\Rightarrow P_o = 5 P_{h_1} - 4 P_{h_2} \quad (3)$$

چون فشار هوای محیط بر حسب cmHg خواسته شده است، فشارهای ناشی از ارتفاع ستون‌های مایع P_{h_1} و P_{h_2} را بر حسب cmHg می‌نویسیم. کفایت h_1 و h_2 را به cmHg تبدیل کنیم:

$$\rho_{\text{مایع}} h_{\text{مایع}} = \rho_{\text{Hg}} h_{\text{Hg}} \begin{cases} \rho h_1 = \rho_{\text{Hg}} (P_{h_1}) \\ \rho h_2 = \rho_{\text{Hg}} (P_{h_2}) \end{cases}$$

$$\Rightarrow 6/8 \times 30 = 13/6 P_{h_1} \Rightarrow P_{h_1} = 15 \text{ cmHg}$$

$$\Rightarrow 6/8 \times 10 = 13/6 P_{h_2} \Rightarrow P_{h_2} = 5 \text{ cmHg}$$

حال P_{h_1} و P_{h_2} بر حسب cmHg را در رابطه ۳ جایگذاری می‌کنیم:

$$P_o = 5(15) - 4(5) = 75 - 20 = 55 \text{ cmHg}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۳۳٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۳

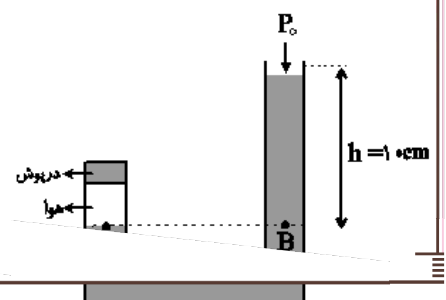
پاسخ:

گزینه «۳»

برای محاسبه نیروی وارد از طرف هوای محبوس بر دریوش، باید فشار هوای محبوس بین دریوش و مایع را حساب کنیم. فشار هوای محبوس برابر فشار کل در نقطه B است.

$$P_A = P_B \Rightarrow P_o + \rho g h + P_{\text{محبوس}}$$

$$P_{\text{محبوس}} = 10^4 \times 10 \times 0.1 + 10^5 = 11 \times 10^4 \text{ Pa}$$



اکنون بیرویی را که هوای محبوس بر درپوش وارد می‌کند به دست می‌آوریم:

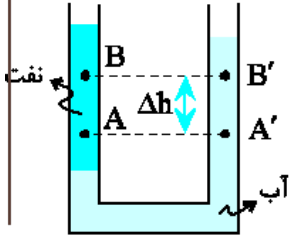
$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow 11 \times 10^4 = \frac{F}{3 \times 10^{-4}} \Rightarrow F = 33N$$

متوسط درصدهای پاسخگویی: ۱۸٪ قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۱ پاسخ:

گزینه «۱»

مطابق شکل روبه‌رو، آب و نفت در تعادلند و می‌خواهیم اختلاف فشار بین نقاط (A و A') و (B و B') را مقایسه کنیم. برای این کار ابتدا در هر شاخه، به‌طور مستقل رابطه بین فشارها را می‌نویسیم:



شاخه سمت چپ: $P_A = P_B + \rho_{\text{نفت}} g \Delta h$ (۱)

شاخه سمت راست: $P_{A'} = P_{B'} + \rho_{\text{آب}} g \Delta h$ (۲)

حال رابطه (۲) را از (۱) کم می‌کنیم و خواهیم داشت:

$$P_A - P_{A'} = P_B - P_{B'} + g \Delta h (\rho_{\text{نفت}} - \rho_{\text{آب}})$$

$$\Rightarrow \Delta P_1 = \Delta P_2 + \underbrace{g \Delta h (\rho_{\text{نفت}} - \rho_{\text{آب}})}_{\text{منفی}} \quad (۳)$$

با توجه به اینکه چگالی نفت کم‌تراز چگالی آب است، بنابراین آخرین عبارت سمت راست رابطه (۳) منفی است و خواهیم داشت:

$$\Delta P_1 - \Delta P_2 < 0 \Rightarrow \Delta P_1 < \Delta P_2$$

متوسط درصدهای پاسخگویی: ۲۶٪ قلمچی ۱۴۰۰

گزینه ۳ پاسخ:

گزینه «۳»

فرض می‌کنیم در فاصله x از کف ظرف، فشار دو طرف تیغه فلزی با هم برابر می‌شوند. بنابراین:

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_A g h_A + P_0 = \rho_B g h_B + P_0$$

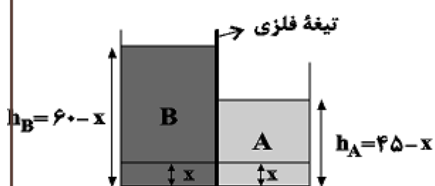
$$\Rightarrow \rho_A h_A = \rho_B h_B$$

$$\rho_A = 10/2 \frac{g}{cm^3}, h_A = 45 - x \rightarrow 10/2(45 - x) = 6/8(60 - x)$$

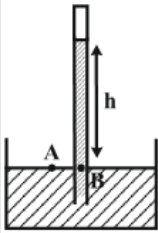
$$\rho_B = 6/8 \frac{g}{cm^3}, h_B = 60 - x$$

$$\Rightarrow 3(45 - x) = 2(60 - x) \Rightarrow 135 - 3x = 120 - 2x$$

$$\Rightarrow x = 15 \text{ cm}$$



با توجه به نمودار، فشار هوا در شهر اردکان برابر با $80 kPa$ است. اگر آزمایش توریچلی را در شهر اردکان، با آب انجام دهیم، داریم:



$$P_A = P_B$$

$$\Rightarrow P_0 = \rho g h_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow 80 \times 10^3 = 10^3 \times 10 \times h_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow h_{\text{آب}} = 8m$$

متوسط

درصد پاسخگویی: ۴۸%

قلمچی: ۱۴۰۰

گزینه ۳

پاسخ:

گزینه «۳»

ابتدا فشار گاز برابر $P_1 = 74 - 71 = 3 \text{ cmHg}$ و با توجه به این که در هر دو حالت ستون جیوه دوباره ۷۱ سانتی‌متر است حجم گاز ثابت خواهد ماند حال داریم:

$$T_1 = 27 + 273 = 300$$

$$T_2 = 87 + 273 = 360$$

$$P_1 = 3 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = ?$$

$$\frac{3}{300} = \frac{P_2}{360} \Rightarrow P_2 = 3.6 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = P_0 - 71 \Rightarrow 3.6 = P_0 - 71 \Rightarrow P_0 = 74.6 \text{ cmHg}$$

بنابراین فشار هوای محیط ۶ میلی‌متر جیوه افزایش یافته است.

متوسط

درصد پاسخگویی: ۳۱%

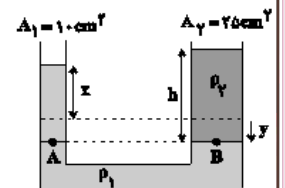
قلمچی: ۱۴۰۰

گزینه ۲

پاسخ:

گزینه «۲»

با ریختن مایع دوم در شاخه سمت راست، نحوه قرارگیری مایع‌ها در لوله به صورت زیر درمی‌آید. چون حجم مایع جابه‌جا شده در دو طرف برابر است. داریم:



$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x = A_2 y \quad \begin{matrix} A_1 = 10 \text{ cm}^2 \\ A_2 = 25 \text{ cm}^2 \end{matrix}$$

$$10x = 25y \Rightarrow x = 2.5y \xrightarrow{y=2 \text{ cm}} x = 5 \text{ cm} (*)$$

$$\rho_1(x+y) = \rho_1 h \xrightarrow{(*)} \rho_1 \times V = \rho_1 h \quad (**)$$

از طرفی برای مایع دوم داریم:

$$m = \rho V = \rho_1 A_1 h \Rightarrow \rho_1 h = \frac{m}{A_1} = \frac{210}{75}$$

با جای‌گذاری در رابطه (**): داریم:

$$\rho_1 = \frac{210}{75} \times \frac{1}{V} = \frac{30}{75} = 1/2 \frac{g}{cm^3}$$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه‌های دائم دار ۳

قلمچی ۱۳۹۹

درصد پاسخگویی ۳۸٪

متوسط

طبق متن کتاب درسی، اصل برنولی برای همه شاره‌ها شامل مایع‌ها و گازها، به شرط تراکم‌ناپذیر بودن آن‌ها برقرار است.

پاسخ: گزینه ۴

قلمچی ۱۳۹۹

درصد پاسخگویی ۳۶٪

متوسط

گزینه «۲»

شناوری کشتی در آب دریا را می‌توان به واسطه نیروی شناوری وارد بر آن (اصل ارشمیدس) توجیه کرد ولی باقی گزینه‌ها را می‌توان به وسیله اصل برنولی توجیه نمود.

پاسخ: گزینه ۴

قلمچی ۱۳۹۹

درصد پاسخگویی ۱۸٪

متوسط

گزینه «۲»

$$\frac{A_2}{A_1} = \left(\frac{D_2}{D_1}\right)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow A_2 = \frac{1}{4} A_1$$

با توجه به معادله پیوستگی برای شاره تراکم‌ناپذیر، داریم:

آهنگ شارش آب در لوله (۳) + آهنگ شارش آب در لوله (۲) = آهنگ شارش آب در لوله (۱)

$$36 = A_2 v_2 + A_3 v_3$$

$$\frac{A_2 = \frac{1}{4} A_1}{v_2 = 2 v_1} \rightarrow 36 = 8 A_3 v_3 + A_3 v_3$$

$$A_3 v_3 = \frac{36}{9} = 4 \text{ (۳) آهنگ شارش آب در لوله}$$

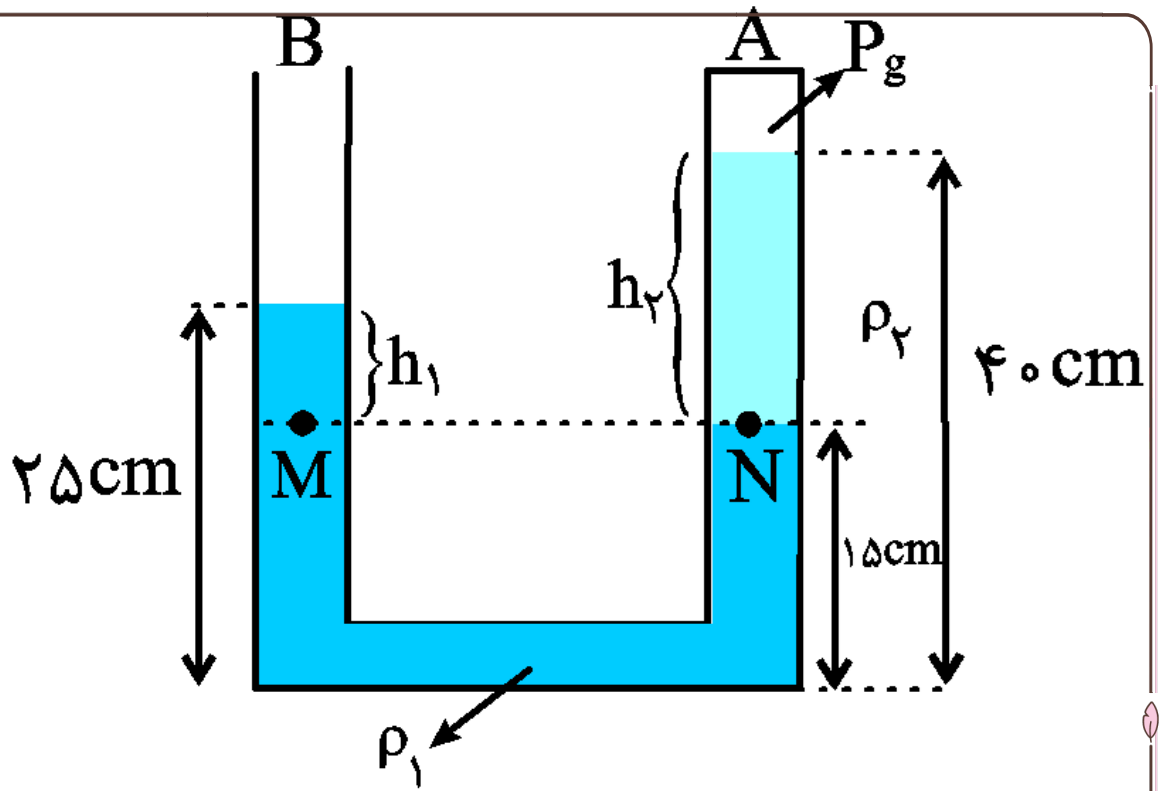
پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹

درصد پاسخگویی ۳۰٪

متوسط

گزینه «۳»



اگر فشار هوای محبوس را با P_g نشان داده و برای دو نقطه M و N فشار را بنویسیم، داریم:

$$P_M = P_g + \rho_f g h_1$$

$$P_N = P_g + \rho_f g h_2$$

اکنون با توجه به برابری فشار در نقاط M و N ، می‌توان نوشت:

$$P_g + \rho_f g h_2 = P_g + \rho_f g h_1 \Rightarrow P_g - P_g = \rho_f g h_1 - \rho_f g h_2$$

$$\begin{cases} h_1 = 25 - 15 = 10 \text{ cm} \\ h_2 = 40 - 15 = 25 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\Rightarrow P_g - P_g = (1/2 \times 10^3 \times 10 \times 10^{-1}) - (0/8 \times 10^3 \times 10 \times 25 \times 10^{-2})$$

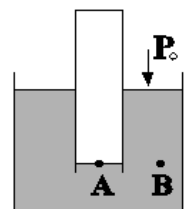
$$\Rightarrow P_g - P_g = 1200 - 2000 = -800 \text{ Pa}$$

بنابراین فشار گاز به اندازه 800 Pa از فشار هوای آزاد کمتر است.

متوسط در صد بیاسختگی ۳۳٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۲»



$$P_A = P_B$$

$$P = P_{\text{مایع}} + P_0$$

$$P_0 = 102000 - 2400 \times 10 \times 0/2$$

پاسخ: گزینه ۴

گزینه های دام دار ۴ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۶٪ متوسط

گزینه «۴»

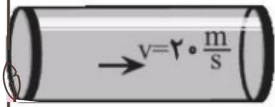
با افزایش بیش از $4^{\circ}C$ ، ابتدا چگالی آب تا دمای $4^{\circ}C$ افزایش و سپس کاهش می‌یابد. بنابراین حجم آب ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد، ولی چون جرم آب ثابت است، پس طبق رابطه $P = \frac{mg}{A}$ فشار وارد بر کف ظرف تغییری نمی‌کند.

پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۲۲٪ متوسط

گزینه «۳»

آهنگ جریان شاره در لوله $240 \text{ m}^3/\text{s}$ است و با معلوم بودن تندی، می‌خواهیم قطر لوله را بیابیم. آهنگ جریان شاره برابر Av است، بنابراین ابتدا A و سپس قطر لوله را می‌یابیم:



$$Av \xrightarrow{v=20 \text{ m/s}} 240 = 20A \Rightarrow A = 12 \text{ m}^2$$

$$A = \frac{\pi D^2}{4} \xrightarrow{A=12 \text{ m}^2} 12 = \frac{\pi D^2}{4} \Rightarrow D^2 = 16 \Rightarrow D = 4 \text{ m}$$

پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۲۲٪ متوسط

گزینه «۳»

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) ظرفیت گرمایی برخلاف گرمای ویژه به جرم وابسته ماده است.

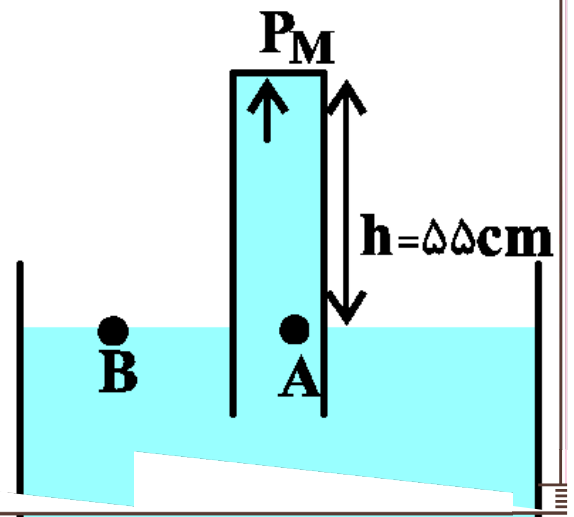
(۲) ذره‌های سازنده یک ماده در سه حالت فیزیکی پیوسته در جنب‌وجوش هستند اما میزان جنبش ذره‌ها متفاوت از یکدیگر است، به طوری که جنبش‌های نامنظم ذره‌ها در حالت گاز شدیدتر از مایع و آن هم شدیدتر از حالت جامد است.

(۴) در ساختار مولکول‌های روغن، پیوندهای دوگانه بیشتری نسبت به ساختار مولکول‌های چربی وجود داشته و واکنش‌پذیری بیشتری دارد.

پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۲۲٪ متوسط

گزینه «۳»



با استفاده از برابری فشار در نقاط هم‌براز یک مایع ساکن داریم:

$$P_B = P_A \Rightarrow P_0 = P_h + P_M$$

فشاری که جیوه بر ته لوله وارد می‌کند:

$$\Rightarrow P_M = P_0 - P_h = 75 - 55 = 20 \text{ cmHg}$$

حال فشار به دست آمده را برحسب پاسکال می‌یابیم:

$$P = \rho gh \Rightarrow P = 13500 \times 10 \times \frac{2}{10} = 27000 \text{ Pa}$$

$$F = PA \xrightarrow{A=\pi r^2} 32/4 = 27000 \times 3 \times r^2$$

$$r^2 = 4 \times 10^{-4} \Rightarrow r = 2 \times 10^{-2} \text{ m} \Rightarrow r = 2 \text{ cm}$$

پس قطر لوله برابر با 4cm است.

پاسخ: گزینه ۱

گزینه‌های دالم دار ۳ قلم‌چی ۱۳۹۹ درصد ریاضگویی ۱۵٪ متوسط

گزینه «۱»

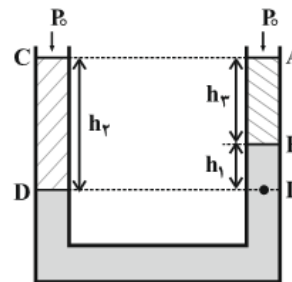
طبق تعریف معادله پیوستگی، در هر بازه زمانی معین، حجم مشخصی از هر مقطع با هر سطحی می‌گذرد. چون طی ۲ ثانیه ۵ لیتر از مقطع B می‌گذرد، یعنی در هر ثانیه ۲/۵ لیتر از مقطع B می‌گذرد و طبق تعریف معادله پیوستگی در هر ثانیه ۲/۵ لیتر هم از A می‌گذرد. یعنی در مجموع در هر ثانیه ۵ لیتر از هر دو مقطع می‌گذرد.

پاسخ: گزینه ۳

قلم‌چی ۱۳۹۹ درصد ریاضگویی ۱۵٪ متوسط

گزینه «۲»

مطابق شکل زیر، نقاط D و D' هم‌ترازند و در یک مایع واقع‌اند، بنابراین فشار یکسان دارند. از طرفی ارتفاع هر مایع را محاسبه می‌کنیم. داریم:



$$h_2 = \overline{CD} = 60 \text{ cm}$$

$$h_3 = \overline{AB} = 20 \text{ cm}$$

$$h_1 = \overline{BD'} = \overline{CD} - \overline{AB} = 60 - 20 = 40 \text{ cm}$$

$$P_D = P_{D'} \Rightarrow P_0 + \rho_1 g h_2 = P_0 + \rho_1 g h_1 + \rho_2 g h_3$$

$$\Rightarrow \rho_1 h_2 = \rho_1 h_1 + \rho_2 h_3 \Rightarrow 60 \rho_1 = 40 \rho_1 + 20 \rho_2$$

$$3 \rho_1 = 2 \rho_1 + \rho_2 \Rightarrow 2 \rho_1 = \rho_2 = 3 \rho_1 - \rho_2$$

پاسخ: گزینه ۱

قلم‌چی ۱۳۹۹ درصد ریاضگویی ۳۷٪ متوسط

گزینه «۱»

$$A_1 V_1 = A_2 V_2 = A_3 V_3 \xrightarrow{A_2 > A_1 > A_3} V_3 < V_1 < V_2$$

مطابق اصل برنولی در مسیر حرکت شاره، با افزایش تندی شاره، فشار آن کاهش می‌یابد. بنابراین مقایسه فشار در مقطع‌های مختلف به صورت زیر است.

$$P_3 > P_1 > P_2$$

برای به دست آوردن تندی در مقطع (۲) از معادله پیوستگی استفاده می‌کنیم و داریم:

$$A_1 V_1 = A_2 V_2 \Rightarrow 30 \times 2 = 4 \times V_2 \Rightarrow V_2 = 15 \frac{m}{s}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۱۳۶٪

قلمچی ۱۱۴۰۰۰

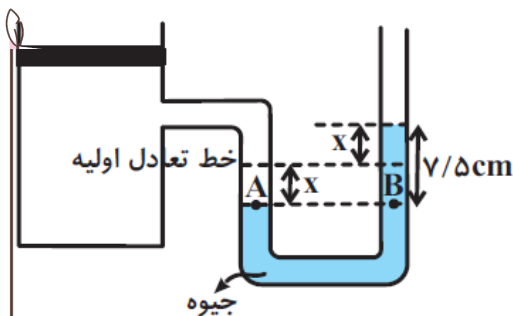
گزینه ۳

پاسخ:

گزینه «۳»

همان‌طور که می‌دانیم اگر در یک شاخه لوله U شکل با سطح مقطع یکنواخت سطح جیوه به اندازه X پایین برود، در شاخه دیگر به اندازه X بالا می‌آید و اختلاف ارتفاع بین دو سطح جیوه در لوله به ۲X می‌رسد. پس در این سؤال اختلاف ارتفاع بین دو سطح جیوه ۷/۵ cm است:

$$P_A = P_B = P_0 + P_{\text{جیوه}}$$



در حالت اول قبل از گذاشتن وزنه فشار وارد بر بیستون همان P_0 بود، پس برای ۷/۵ cm اختلاف ارتفاع ستون جیوه، لازم است تا وزنه اضافه شده فشاری معادل ۷/۵ cm جیوه ایجاد کند:

$$P_{\text{وزنه}} = P_{\text{جیوه}} \Rightarrow \frac{mg}{A} = (\rho gh)_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow m = \rho Ah \xrightarrow{\rho = 13/6 \frac{g}{cm^3}, h = 7/5 \text{ cm}, A = 50 \text{ cm}^2}$$

$$m = 13/6 \times 7/5 \times 50 = 5100 \text{ g} = 5/1 \text{ kg}$$

متوسط

درصد پاسخگویی ۱۶٪

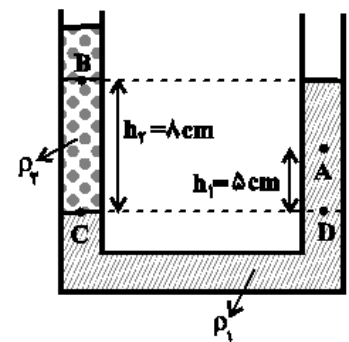
قلمچی ۱۱۳۹۹

گزینه‌های دام دارا

گزینه ۴

پاسخ:

با توجه به شکل زیر و نحوه قرارگیری مایع‌ها، $\rho_1 > \rho_2$ است. با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع در حال تعادل، داریم:



$$P_C = P_D \Rightarrow P_B + \rho_2 g h_2 = P_A + \rho_1 g h_1$$

$$\Rightarrow P_A - P_B = g(\rho_2 h_2 - \rho_1 h_1) \xrightarrow{h_1 = 5 \text{ cm}, h_2 = 8 \text{ cm}}$$

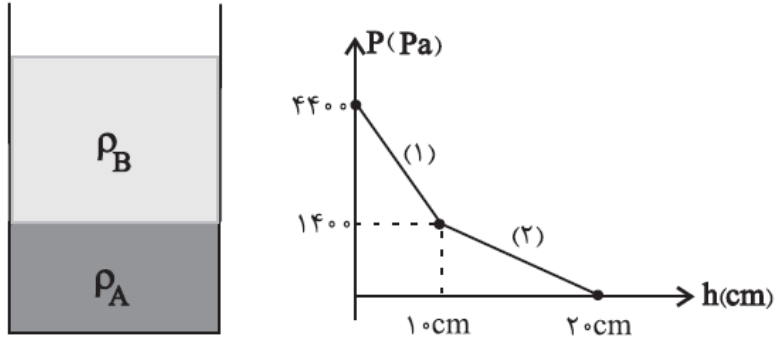
در عبارت فوق، با توجه به معادله ρ_1 و ρ_2 ، عبارت $\Delta\rho = \rho_2 - \rho_1$ می‌تواند صفر، مثبت یا منفی باشد. بنابراین $P_A = P_B$ نیز می‌تواند صفر، مثبت یا منفی باشد و هرکدام از سه حالت $P_A = P_B$ ، $P_A > P_B$ و $P_A < P_B$ امکان‌پذیر هستند.

متوسط در صد پاسخگویی: ۲۵٪ قلمچی: ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

ابتدا چگالی مایع‌های A و B را می‌یابیم. بنا به رابطه $P = P_0 + \rho gh$ ، شیب نمودار P بر حسب h برابر ρg است. بنابراین با توجه به نمودار شیب خط‌ها که برابر ρg است را می‌یابیم و آن را برابر ρg قرار می‌دهیم:



$$\rho_A g = (1) \text{ اندازه شیب خط } = \left| \frac{4400 - 1400}{0 - 10} \right| \Rightarrow \rho_A \times 10 = \frac{3000}{10}$$

$$\Rightarrow \rho_A = 3000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$\rho_B g = (2) \text{ اندازه شیب خط } = \left| \frac{1400 - 0}{10 - 20} \right| \Rightarrow \rho_B \times 10 = \frac{1400}{10}$$

$$\rho_B = 1400 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 1.4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

حال اگر 500 cm^3 مایع B و 1000 cm^3 مایع A را در یک ظرف بریزیم:

$$m_t = m_A + m_B = \rho_A V_A + \rho_B V_B = 3 \times 1000 + 1.4 \times 500 = 3700 \text{ g} = 3.7 \text{ kg}$$

حال با استفاده از رابطه $P = \frac{W}{A}$ فشار وارد بر کف ظرف را می‌یابیم:

$$P = \frac{3.7 \times 10}{100 \times 10^{-4}} = 3700 \text{ Pa} \Rightarrow P_t = P_0 + P_{\text{مایع}} = 100000 + 3700 = 103700 \text{ Pa}$$

متوسط در صد پاسخگویی: ۲۴٪ قلمچی: ۱۴۰۰

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

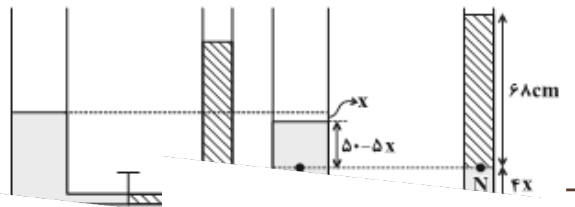
در هر دو ظرف A و B ارتفاع آب یکسان است بنابراین مطابق رابطه $P = \rho gh$ فشار آب در کف هر دو ظرف یکسان است.

از طرفی در ظرف A نیروی ارشمیدس برابر با وزن جسم و همچنین وزن آب سرریز شده است و در ظرف B که جسم ته‌نشین شده است نیروی ارشمیدس از وزن جسم کمتر است. بنابراین وزن آب سرریز شده نیز کمتر است.

متوسط در صد پاسخگویی: ۹٪ دشوار قلمچی: ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»



بعد از باز کردن شیر رابط و به تعادل رسیدن دو مایع، اگر سطح جیوه در شاخه سمت چپ به اندازه x پایین بیاید، با توجه به این که سطح مقطع شاخه سمت چپ، چهار برابر سطح مقطع شاخه سمت راست است، بنابراین سطح آب در شاخه سمت راست به اندازه $4x$ بالا می‌رود. حال با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_{\text{جیوه}}gh_{\text{جیوه}} + P_0 = \rho_{\text{آب}}gh_{\text{آب}} + P_0$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{جیوه}}h_{\text{جیوه}} = \rho_{\text{آب}}h_{\text{آب}} \Rightarrow 13/6 \times (50 - 5x) = 1 \times 68$$

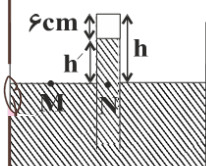
$$\Rightarrow x = 9 \text{ cm}$$

گزینه های دایم دار ۴ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۱٪ نسبتاً دشوار

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

ابتدا طولی از لوله که در حالت اول خارج از ظرف قرار دارد را محاسبه می‌کنیم؛ با استفاده از برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن داریم:



$$P_N = P_M \Rightarrow P_N = P_0 = 75 \text{ cmHg} = h'$$

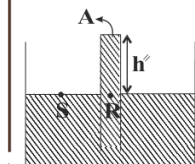
$$h = h' + 6 = 75 + 6 = 81 \text{ cm}$$

برای حالت دوم، لازم است با داشتن نیروی وارد بر انتهای لوله، فشار وارد بر آن را بر حسب سانتی‌متر جیوه به دست آوریم:

$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow F = P \times A \xrightarrow{P=\rho gh} \Delta l = 13600 \times 10 \times h_{\text{Hg}} \times 5 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow h_{\text{Hg}} = \frac{5/1}{68} = \frac{3}{40} \text{ m} = 7/5 \text{ cm} \Rightarrow P_A = 7/5 \text{ cmHg}$$

حال طولی از لوله که در حالت دوم خارج از ظرف قرار دارد را به دست می‌آوریم:



$$P_S = P_R \Rightarrow P_0 = P_A + h'' \Rightarrow h'' = P_0 - P_A$$

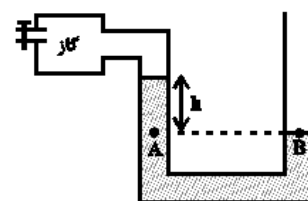
$$\Rightarrow h'' = 75 - 7/5 = 67/5 \text{ cm}$$

$$\Delta h = h - h'' = 81 - 67/5 = 13/5 \text{ cm}$$

گزینه های دایم دار ۵ قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۵٪ دشوار

پاسخ: گزینه ۴

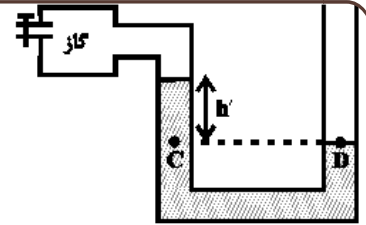
با توجه به این که فشار گاز مخزن کم‌تر از فشار هوای پیرامون است، داریم:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{گاز}} + \rho gh = P_0$$

$$\Rightarrow 94 \times 10^3 + 800 \times 10 \times h = 10^5 \Rightarrow h = 0/75 \text{ m} = 7/5 \text{ cm}$$

با باز کردن شیر مخزن، به دلیل کم‌تر بودن فشار گاز نسبت به محیط پیرامون، فشار گاز افزایش پیدا می‌کند و داریم:



$$P_C = P_D \rightarrow P_{\text{گاز}} + \rho'gh' = P_0$$

$$\Rightarrow 10^5 \times (94 \times 10^{-3}) + 6500 \times 10 \times h' = 10^5$$

$$\Rightarrow 6500h' = 10^5 - 10^5 \times 94 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow h' = \frac{1300}{6500} = 0.2m = 20cm$$

یعنی اختلاف ارتفاع مایع در دو شاخه مانومتر، $55cm = 75 - 20$ کاهش می‌یابد.

دشوار

درصد بیاسختگویی ۱۱%

قلمچی ۱۳۳۹۹

گزینه‌های دائم دارا

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

$$F = P \times A = (P_0 + \rho gh) \times A$$

$$\Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{P_0 + \rho gh_1}{P_0 + \rho gh_2} \quad \begin{matrix} h_1 = 100cm \\ h_2 = 120cm \end{matrix} \rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{10^5 + 10^3 \times 10 \times 1}{10^5 + 10^3 \times 10 \times 1.2}$$

$$\Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{10^5(1+1)}{10^5(1+1.2)} = \frac{11}{11.2} = \frac{55}{56}$$

باید توجه کرد که در صورتی که نیروی وارده، فقط از طرف مایع، بدون در نظر گرفتن فشار هوا خواسته شود، خواهیم داشت:

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{h_1}{h_2} = \frac{100}{120} = \frac{5}{6}$$

دشوار

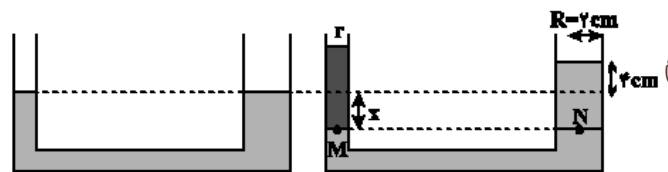
درصد بیاسختگویی ۷%

قلمچی ۱۳۳۹۹

پاسخ: گزینه ۴

ابتدا با توجه به رابطه چگالی، حجم روغن ریخته شده در شاخه سمت چپ را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$\rho_{\text{روغن}} = \frac{m_{\text{روغن}}}{V_{\text{روغن}}} \Rightarrow 0.8 = \frac{60}{V_{\text{روغن}}} \Rightarrow V_{\text{روغن}} = 75cm^3$$



با توجه به این‌که بعد از ریختن روغن در شاخه سمت چپ و ایجاد تعادل، حجم آب جابه‌جا شده در دو شاخه یکسان است، داریم:

$$\pi R^2 \times 4 = \pi r^2 \times x \xrightarrow{R=2cm} r^2 \times x = 16 \quad (1)$$

با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_0 + \rho_{\text{روغن}}gh = P_0 + \rho_{\text{آب}}gh_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow \rho_{\text{روغن}}gh = \rho_{\text{آب}}gh_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow 0.8 \times \frac{75}{\pi r^2} = 1 \times (4 + x) \Rightarrow 20 = 4r^2 + r^2 x$$

$$\xrightarrow{(1)} r^2 = 1 \Rightarrow r = 1cm$$

دشوار

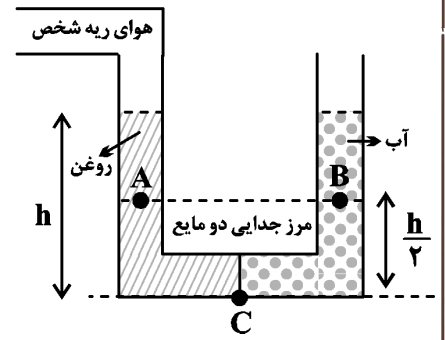
درصد بیاسختگویی ۱۰%

قلمچی ۱۳۳۹۹

گزینه‌های دائم دارا

پاسخ: گزینه ۴

در مرز جدایی دو مایع، فشار ناشی از هریک از شاخه‌های لوله U شکل با هم برابر است:



$$P_C = P_A + \rho_{\text{وگن}} g \frac{h}{\gamma}$$

$$P_C = P_B + \rho_{\text{آب}} g \frac{h}{\gamma}$$

از تفاضل دو رابطه بالا داریم:

$$(\rho_{\text{آب}} - \rho_{\text{وگن}}) g \frac{h}{\gamma} = P_A - P_B = 600 \text{ Pa}$$

$$\left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 1200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \frac{h}{10} = 600 \text{ Pa} \rightarrow h = 0.16 \text{ m} = 16 \text{ cm}$$

حال با داشتن برابری فشار ناشی از دو شاخه در نقطه C داریم:

$$\rho_{\text{آب}} g h + P_0 = \rho_{\text{وگن}} g h + P_{\text{ریه‌شخصی}}$$

$$P_0 = 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_{\text{ریه‌شخصی}} = (1000 - 1200) \times 10 \times 0.16 + 10^5 = 101200 \text{ Pa}$$

تسبیثا دشوار

درصد بیاسختگویی ۵٪

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه‌های دالم دار ۴

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۴»

ابتدا فشار کل را در حالت اول در کف ظرف به دست می‌آوریم:

$$P_B = \rho_B g h_B + P_0 \xrightarrow{h_B = 3h} P = 3\rho_B g h + P_0 \quad (1)$$

طبق تعریف چگالی، چگالی مخلوط را می‌توان به صورت زیر به دست آورد:

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{m_A + m_B}{V_A + V_B} = \frac{\rho_A V_A + \rho_B V_B}{V_A + V_B}$$

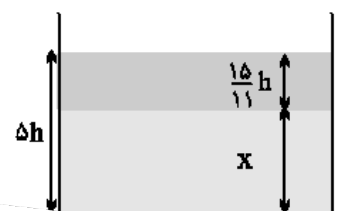
$$\xrightarrow{\rho_A = 4\rho_B} \rho_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho_B (4V_A) + \rho_B (\frac{3}{4}V_A)}{4V_A + \frac{3}{4}V_A} = \frac{11}{5} \rho_B$$

فرض می‌کنیم در حالت جدید، فشار کل در عمق h' از مخلوط برابر با P شود، بنابراین:

$$P = \rho_{\text{مخلوط}} g h' + P_0 = \frac{11}{5} \rho_B g h' + P_0 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} 3\rho_B g h + P_0 = \frac{11}{5} \rho_B g h' + P_0 \Rightarrow h' = \frac{15}{11} h$$

پس مطابق شکل زیر، در فاصله x بالاتر از کف ظرف، فشار کل برابر با P می‌شود.



$$x = \Delta h - \frac{15}{11} h = \frac{4}{11} h$$

پاسخ: گزینه ۱

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۴% دشوار

گزینه «۱»

ابتدا ارتفاع ستون جیوه معادل هریک از مایع‌ها را به دست می‌آوریم:

$$\rho_1 h_1 = \rho_{\text{جیوه}}(h_1)$$

$$\Rightarrow 1/35 \times 40 = 13/5 \times (h_1)_{\text{جیوه}} \Rightarrow (h_1)_{\text{جیوه}} = 4 \text{ cm}$$

$$\rho_2 h_2 = \rho_{\text{جیوه}}(h_2)$$

$$\Rightarrow 5/4 \times (60 \times \sin 37^\circ) = 13/5 \times (h_2)_{\text{جیوه}} \Rightarrow (h_2)_{\text{جیوه}} = 14/4 \text{ cm}$$

اکنون با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز مایع (۲)، می‌توان نوشت:

$$P_{\text{گاز}} + P_1 = P_0 + P_2 \quad \begin{matrix} P_1 = 4 \text{ cmHg} \\ P_2 = 14/4 \text{ cmHg} \end{matrix} \rightarrow$$

$$P_{\text{گاز}} - P_0 = 14/4 - 4 \Rightarrow P_{\text{پیمانه ای}} = 10/4 \text{ cmHg}$$

پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۴% دشوار

گزینه «۳»

با توجه به این‌که در هر ثانیه 108 kg آب از لوله خروجی خارج می‌شود، آهنگ شارش شاره برابر است با:

$$\frac{\Delta m}{\Delta t} = \frac{\rho \Delta V}{\Delta t} = \frac{\rho LA}{\Delta t} = \rho Av$$

$$\Rightarrow 108 = 10^3 \times (Av)_{\text{خروجی}} \Rightarrow (Av)_{\text{خروجی}} = 108 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

حال با استفاده از معادله پیوستگی و با توجه به این‌که جریان آب در لوله در حالت پایا برقرار است، می‌توان نوشت:

$$(Av)_{\text{ورودی}} = (Av)_{\text{خروجی}} \Rightarrow 3 \times (0/3)^2 \times v_{\text{ورودی}} = 108 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow v_{\text{ورودی}} = 0/4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

پاسخ: گزینه ۱

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۴% دشوار گزینه‌های دام دار ۴

گزینه «۱»

اگر کمیت‌های مربوط به استوانه فلزی را با اندیس (۱) و کمیت‌های مربوط به مخروط فلزی را با اندیس (۲) نشان دهیم، داریم:

$$P = \frac{F}{A} = \frac{mg}{A} = \frac{\rho Vg}{A} \Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{V_2}{V_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\frac{V_2 = \frac{1}{3} A_2 h_2, V_1 = A_1 h_1}{\rightarrow} \frac{P_2}{P_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{\frac{1}{3} A_2 h_2}{A_1 h_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

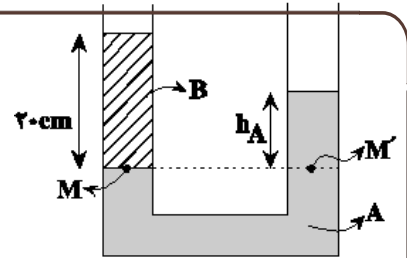
$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} \times \frac{1}{3} \times \frac{h_2}{h_1} \quad \begin{matrix} \rho_1 = 3\rho_2 \\ h_1 = 2a, h_2 = 4/5a \end{matrix} \rightarrow$$

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{\rho_2}{3\rho_2} \times \frac{1}{3} \times \frac{4/5a}{2a} = \frac{4/5}{18} = \frac{1}{9}$$

پاسخ: گزینه ۳

قلمچی ۱۳۹۹ درصد پاسخگویی ۱۴% دشوار

گزینه «۲»

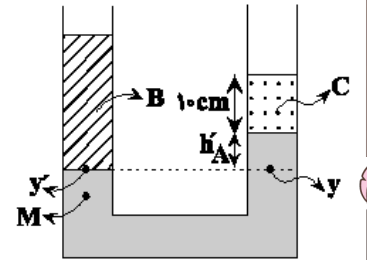


در حالت اول اختلاف ارتفاع مایع A در دو سمت لوله را به دست می آوریم:

$$P_M = P_{M'} \Rightarrow \rho_B g h_B = \rho_A g h_A$$

$$\Rightarrow 1.5 \times 20 = 2/5 h_A \Rightarrow h_A = 12 \text{ cm}$$

بعد از ریختن مایع C در شاخه سمت راست، اختلاف ارتفاع مایع A را در دو سمت لوله به دست می آوریم:



$$P_{y'} = P_y \Rightarrow \rho_B g h_B = \rho_A g h'_A + \rho_C g h_C$$

$$\Rightarrow 1.5 \times 20 = 2/5 \times h'_A + 2 \times 10 \Rightarrow h'_A = 4 \text{ cm}$$

در ابتدا اختلاف سطح مایع A در دو طرف لوله ۱۲cm است. پس از ریختن مایع C این اختلاف ارتفاع به ۴cm می رسد. با توجه به این که سطح مقطع لوله در دو طرف یکسان است. اگر مایع A در سمت راست لوله به اندازه x پایین بیاید در سمت چپ لوله به اندازه x بالا می رود. از آنجا که اختلاف ارتفاع اولیه ۱۲cm است. بنابراین میزان بالا رفتن مایع A در سمت چپ لوله (x) برابر است با: $12 - 2x = 4 \Rightarrow x = 4 \text{ cm}$

پس فشار در نقطه M برابر می شود با:

$$P_M = \rho_A g x + \rho_B g h_B$$

$$\Rightarrow P_M = 2500 \times 10 \times \frac{4}{100} + 1500 \times 10 \times \frac{2}{10} = 4000 \text{ Pa}$$

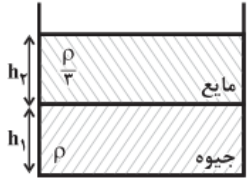
دشوار درصد پاسخگویی ۱۴٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

طرف حاوی دو مایع اختلاطناپذیر را اگر مطابق شکل فرض کنیم، با توجه به نمودار، پس از ۴۶cm که از کف طرف بالا می آیم، فشار ثابت و برابر با ۷۶cmHg می شود، پس به سطح مایع رسیده ایم و بنابراین:

$$h_1 + h_2 = 46 \text{ cm} \quad (1)$$



مطابق نمودار فشار در کف طرف ۱۰۸cmHg است. بنابراین:

$$h_1 + h_2 + 76 = 108$$

که در آن h_2 فشار حاصل از مایع بالایی است که به سانتی متر جیوه تبدیل شده است:

$$h_2 \times \frac{\rho}{\rho} = h_1 \times \rho \Rightarrow h_1 = \frac{h_2}{\rho} \quad (3)$$

با استفاده از رابطه های (1)، (2) و (3) داریم:

$$\begin{cases} \xrightarrow{(2),(3)} h_1 + \frac{h_2}{\rho} = 32 \\ \xrightarrow{(1)} h_1 + h_2 = 46 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h_1 = 25 \text{ cm} \\ h_2 = 21 \text{ cm} \end{cases}$$

بنابراین:

$$P = 108 - h_1 = 108 - 25 \Rightarrow P = 83 \text{ cmHg}$$

دشواری

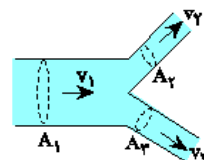
درصد پیاسخگویی: ۱۴%

قلمچی: ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

طبق معادله پیوستگی، حجم ورودی در واحد زمان برابر مجموع حجم های خروجی از دو شاخه در واحد زمان خواهد بود و داریم:



$$A_1 v_1 = A_2 v_2 + A_3 v_3$$

$$\xrightarrow{A_1 v_1 = 2 \frac{L}{s} = 2000 \frac{cm^3}{s}, A_2 = 25 \text{ cm}^2, A_3 = 75 \text{ cm}^2} \\ v_1 = 5 \frac{cm}{s}$$

$$2000 = 25 \times 5 + 75 \times v_3$$

$$\Rightarrow 75 v_3 + 125 = 2000 \Rightarrow v_3 = 25 \frac{cm}{s}$$

دشواری

درصد پیاسخگویی: ۱۰%

قلمچی: ۱۳۹۹

گزینه های دلم دار: ۳

پاسخ: گزینه ۴

گزینه «۴»

با استفاده از معادله پیوستگی، داریم:

$$A_A v_A = A_B v_B + A_C v_C$$

$$\xrightarrow{A_A v_A = 15 \frac{L}{s} \times \frac{1000 \text{ cm}^3}{L} = 15000 \frac{cm^3}{s}}$$

$$A_B = 25 \text{ cm}^2, A_C = 50 \text{ cm}^2, v_B = 40 \frac{cm}{s}$$

$$15000 = 25 \times 40 + 50 \times v_C \Rightarrow 5000 = 50 v_C \Rightarrow v_C = 100 \frac{cm}{s}$$

دشواری

درصد پیاسخگویی: ۱۰%

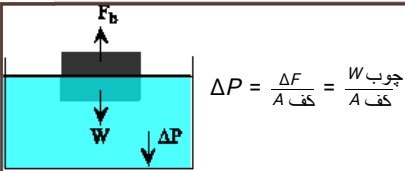
قلمچی: ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

در این مسئله می خواهیم افزایش فشار بر کف ظرف استوانه ای حاوی آب را در اثر شناور ساختن یک قطعه چوب بیابیم.

چون سطح مقطع ظرف یکسان است، بنابراین فشار وارد بر کف ظرف (قبل از شناورسازی چوب) حاصل از وزن آب درون آن است و با شناور ساختن چوب وزن چوب نیز به نیروی وارد بر کف ظرف اضافه می شود، بنابراین تغییر فشار برابر است با:



$$\Delta P = \frac{\Delta F}{A_{\text{کف}}} = \frac{W_{\text{چوب}}}{A_{\text{کف}}}$$

از طرف دیگر چوب شناور است، پس وزن چوب برابر نیروی شناوری (ΔN) است. بنابراین داریم:

$$\Delta P = \frac{W_{\text{چوب}}}{A_{\text{کف}}} \xrightarrow{W = 5 \text{ N}} \Delta P = \frac{5}{4 \times 10^{-2}} = 125 \text{ Pa}$$

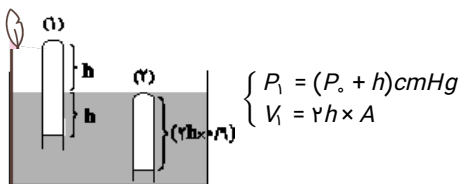
دشووار در صد پاسخگویی ۵٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۱

گزینه «۱»

در این فرایند دما ثابت است:

در حالت اول داریم:



در حالت دوم داریم:

$$\begin{cases} P_2 = [P_0 + (2h \times 0.9)] \text{ cmHg} \\ V_2 = (2h \times 0.9) \times A \end{cases}$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow (P_0 + h) \times (2h \times A) = (P_0 + 1.8h) \times (1.8Ah)$$

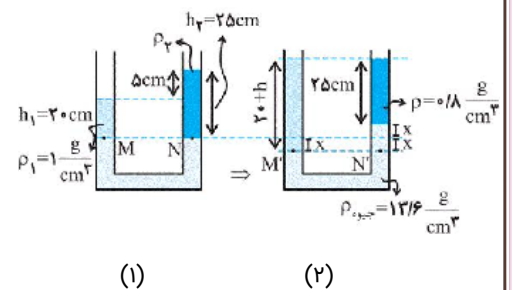
$$\Rightarrow 2 \times P_0 + 2h = 1.8 \times P_0 + 1.8 \times 1.8 \times h = 1.215h$$

$$\Rightarrow 0.2 \times P_0 = 0.415h - 2h = 1.585h \Rightarrow h = 12.5 \text{ cm}$$

دشووار در صد پاسخگویی ۱۰٪ قلمچی ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»



در این مسئله، مطابق شکل (۱) مایع در تعادلند، مسأله از ما خواسته است که چند سانتی‌متر به ارتفاع ستون آب (در شاخه سمت چپ) اضافه کنیم تا سطح آزاد آب و روغن در یک تراز قرار گیرند. یعنی شبیه شکل (۲) شوند.

برای حل ابتدا لازم است چگالی روغن را بر اساس شکل (۱) بیابیم. دو نقطه هم‌تراز M و N در جیوه، هم‌فشارند بنابراین داریم:

$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \xrightarrow{\text{مطابق شکل (۱)}} 1 \times 20 = 25 \rho_2$$

$$\Rightarrow \rho_2 = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

حال به تحلیل شکل (۲) و حل بهایی مسئله می‌پردازیم. همان‌طور که مشاهده می‌کنید سطح جیوه در شاخه سمت چپ به اندازه x به پایین و در شاخه سمت راست به ناچار به همان اندازه (x) به بالا می‌رود و اختلاف سطح جیوه در دو شاخه در حالت جدید (شکل ۲) برابر $2x$ خواهد شد، در خط تراز جدید، M' و N' هم‌تراز و هم‌فشارند، بنابراین داریم:

$$P_M = P_{N'} \Rightarrow \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} + \rho_{\text{غزن}} h_{\text{غزن}} = \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} \Rightarrow 1(20 + h) = 25 \times 0.8 + 13/6(2x)$$

$$\Rightarrow 20 + h = 20 + 27/2 x \Rightarrow h = 27/2 x \quad (1)$$

حال دو مجهول x و h داریم. اما مسئله h را از ما می‌خواهد. بنابراین معادله را برحسب متغیر h تبدیل کرده و حل می‌کنیم. برای این کار از شکل (۲) کمک می‌گیریم، چون سطح آزاد مایع‌ها در دو شاخه در یک خط افقی قرار دارند. تساوی زیر را داریم:

$$20 + h = 25 + 2x \Rightarrow 2x = h - 5 \Rightarrow x = \frac{1}{2}(h - 5) \quad (2)$$

حال از ترکیب (۱) و (۲) داریم:

$$h = 27/2 \times \frac{1}{2}(h - 5) \xrightarrow{\text{در ۲ ضرب میکنیم}}$$

$$2h = 27/2 h - 136 \Rightarrow h \cong 5/4 \text{ cm}$$

دشواری

درصد پاسخگویی ۵۰٪

قلمچی ۱۳۴۰۰

گزینه ۴

پاسخ:

گزینه «۴»

در حالت اول فشار پیمانه‌ای گاز ۱۰ سانتی‌متر جیوه است.

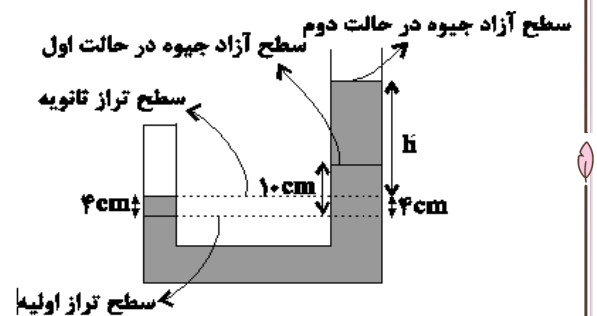
$$P_1 = P_g + P_o \Rightarrow P_1 = 10 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = P'_g + P_o \xrightarrow{P'_g = 3P_g} P_2 = 30 + 70 = 100 \text{ cmHg}$$

اکنون مطابق قانون گازهای کامل درحالتی که دما ثابت است داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_1 = T_2, V = Ah}$$

$$\frac{P_1 = 10 \text{ cmHg}, P_2 = 100 \text{ cmHg}}{10 \times h_1 = 100 \times h_2 \xrightarrow{h_1 = 20 \text{ cm}}} h_2 = 16 \text{ cm}$$



$$P_2 = P_o + h' \xrightarrow{P_2 = 100 \text{ cmHg}, P_o = 70 \text{ cmHg}} h' = 30 \text{ cmHg}$$

جیوه در شاخه سمت چپ ۴ cm بالا رفته است، چون سطح مقطع شاخه سمت چپ نصف سطح مقطع شاخه سمت راست است بنابراین جیوه در شاخه سمت راست ۲ cm پایین آمده است. به عبارت دیگر ۴ cm جیوه در شاخه سمت چپ که بالاتر از سطح تراز اولیه قرار دارد، معادل ارتفاع ۲ سانتی‌متر جیوه در شاخه سمت راست است. پس ارتفاع جیوه اضافه شده در شاخه سمت راست برابر است با:

$$h_{\text{اضافه شده}} = (h + 4) - 10 + 2 = 26 \text{ cm}$$

دشواری

درصد پاسخگویی ۱۳٪

قلمچی ۱۳۳۹۹

گزینه‌های دام دار ۳

گزینه ۱

پاسخ:

گزینه «۱»

به دلیل اینکه حجم قطعه چوب نصف می‌شود و جرم آن ثابت است، چگالی قطعه چوب دو برابر می‌شود. اگر چگالی اولیه قطعه چوب را با ρ_1 و چگالی ثانویه آن را با ρ_2 نشان دهیم، داریم:

$$\rho_1 = \frac{m}{V_1}$$

$$\rho_2 = \frac{m}{V_2} = \frac{m}{\frac{V_1}{2}} = 2 \frac{m}{V_1} = 2\rho_1 = 2 \times 0.4 = 0.8 \frac{g}{cm^3}$$

می‌بینیم که چگالی ثانویه قطعه چوب از چگالی آب کمتر است. بنابراین قطعه چوب بر روی آب شناور می‌ماند. در این حالت نیروی شناوری برابر با وزن چوب می‌باشد و چون وزن چوب تغییری نکرده است، بنابراین اندازه نیروی شناوری ثابت می‌ماند.

پاسخ: گزینه ۳

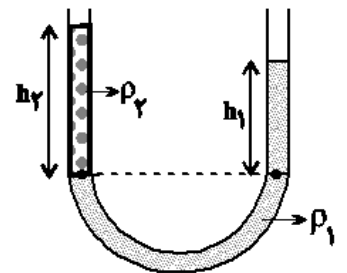
دشوار

درصد پاسخگویی ۱۰%

قلمچی ۱۳۹۹

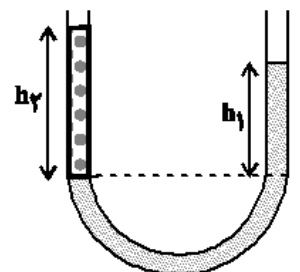
گزینه‌های دلم دارا

در حالت اول، فرض می‌کنیم که مایع ρ_1 را به طرف راست لوله اضافه کرده باشیم، در این صورت مقدار مایع اضافه شده در دو طرف لوله طوری توزیع می‌شود که فشار حاصل از ستون مایع ρ_1 یعنی همان h_1 همواره ثابت بماند، زیرا رابطه زیر باید همواره برقرار باشد و با ثابت ماندن ρ_1 و h_1 مقدار h_2 نیز باید ثابت بماند و در نتیجه اختلاف ارتفاع سطح آزاد مایع‌ها در این حالت تغییر نمی‌کند.



$$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2 \Rightarrow h_1 = \frac{\rho_2}{\rho_1} h_2$$

در حالت دوم که مایع ρ_2 را به طرف چپ اضافه می‌کنیم، ارتفاع ستون مایع ρ_2 افزایش می‌یابد، در نتیجه ارتفاع ستون مایع ρ_1 نیز افزایش می‌یابد. لذا با توجه به شکل، اختلاف ارتفاع سطح آزاد مایع‌ها برابر است با:



$$\rho_2 h_2 = \rho_1 h_1 \Rightarrow h_1 = \frac{\rho_2}{\rho_1} h_2$$

$$\Delta h = h_2 - h_1 = h_2 - \frac{\rho_2}{\rho_1} h_2 = h_2 \left(1 - \frac{\rho_2}{\rho_1}\right)$$

$$\xrightarrow{h_2 \uparrow} \Delta h = (h_2 - h_1) \uparrow$$

پاسخ: گزینه ۲

نسبتاً دشوار

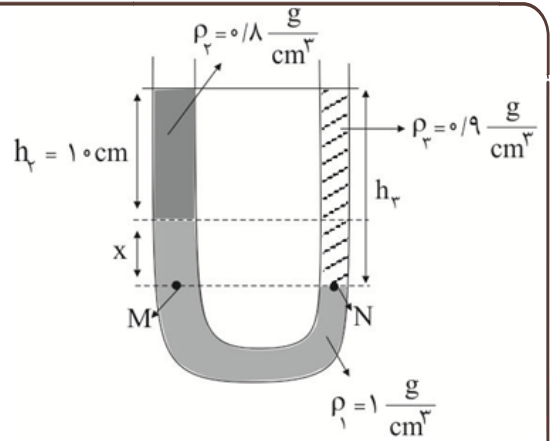
درصد پاسخگویی ۱۳%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه‌های دلم دارا

گزینه «۲»

برای اینکه سطح مایع‌ها در دو طرف لوله یکسان شود، بعد از اضافه کردن مایع به چگالی ρ_2 ، فشار در نقاط هم‌تراز مایع ساکن پایینی با یکدیگر برابر است. لذا داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow \rho_2 h_2 + \rho_1 x = \rho_1 (h_1 + x)$$

$$\frac{\rho_2 = 0.9 \frac{g}{cm^3}, h_2 = 10 \text{ cm}}{\rho_1 = 1 \frac{g}{cm^3}, \rho_2 = 0.9 \frac{g}{cm^3}} \rightarrow 0.9 \times 10 + 1 \times x = 1 \times (10 + x)$$

$$\Rightarrow 9 + x = 10 + x \Rightarrow 0.1 x = 1 \Rightarrow x = 10 \text{ cm}$$

پس ارتفاع مایع ρ_2 برابر $h_3 = x + h_2 = 10 + 10 = 20 \text{ cm}$ و حجم آن برابر است با:

$$V_3 = A_1 \times h_3 = 2 \times 20 = 40 \text{ cm}^3$$

گزینه های دائم دارا | قلمچی ۱۳۹۹ | درصد پاسخگویی ۱۳% | دشوار

گزینه ۴: پاسخ

گزینه «۴»

درپوشی که پایین تر قرار گرفته، فشار و نیروی بیشتری را تحمل می کند. فرض می کنیم به درپوش پایینی بیشترین نیروی قابل تحمل وارد می شود:

$$P = \frac{F_{\max}}{A} \Rightarrow P = \frac{28}{8 \times 10^{-4}} = 3500 \text{ Pa}$$

$$P = \rho g h \Rightarrow 3500 = 2500 \times 10 \times h \Rightarrow h = 0.14 \text{ m}$$

به عبارتی زمانی که فاصله درپوش پایینی از سطح آزاد مایع 14 cm می شود، به این درپوش حداکثر نیروی قابل تحمل وارد می شود.

در موقعیت شکل داده شده فاصله درپوش پایینی از سطح آزاد مایع، $10 \text{ cm} = 12 - 22$ است، پس می تواند $14 - 10 = 4 \text{ cm}$ دیگر ارتفاع زیاد شود، یعنی می توانیم $4 \text{ cm} \times 80 \text{ cm}^2 = 320 \text{ cm}^3$ مایع اضافه کنیم.

گزینه های دائم دارا | قلمچی ۱۳۹۹ | درصد پاسخگویی ۱۳% | دشوار

گزینه ۲: پاسخ

گزینه «۲»

با توجه به نسبت فشار کل در نقاط M و N و اختلاف ارتفاع این دو نقطه داریم:

$$\frac{P_N}{P_M} = \frac{P_0 + \rho g h_N}{P_0 + \rho g h_M} = \frac{3}{2} \Rightarrow 2P_0 + 2\rho g h_N = 3P_0 + 3\rho g h_M$$

$$\Rightarrow \rho g (2h_N - 3h_M) = P_0 \Rightarrow 2h_N - 3h_M = \frac{P_0}{\rho g}$$

بنابراین با حل همزمان معادلات زیر خواهیم داشت:

$$\left. \begin{aligned} 2h_N - 3h_M &= \frac{10^5}{2000 \times 10} = 5 \\ h_N - h_M &= 5 \end{aligned} \right\} \Rightarrow h_M = 5 \text{ m}, h_N = 10 \text{ m}$$

بنابراین:

$h_N = 2$

اگر فرض کنیم که P فشار گاز محبوس بین دو مایع، P_1 فشار گاز محبوس در مخزن (۱)، P_2 فشار گاز محبوس در مخزن (۲)، h_A اختلاف سطح آزاد مایع A در دو طرف لوله U شکل و h_B اختلاف سطح آزاد مایع B در دو طرف لوله U شکل باشد، با توجه به نحوه قرارگیری دو مایع و برای برقراری شرایط صورت سؤال داریم:

$$P = \frac{P_1 + P_2}{2} \xrightarrow{P_1 = P + \rho_A g h_A} \frac{P + P_2}{2}$$

$$P = \frac{(P + \rho_A g h_A) + (P - \rho_B g h_B)}{2}$$

$$\Rightarrow 2P = 2P + \rho_A g h_A - \rho_B g h_B$$

$$\Rightarrow \rho_A g h_A = \rho_B g h_B \Rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{h_B}{h_A}$$

$$\frac{h_B = 80 - 20 = 60 \text{ cm}}{h_A = 70 - 30 = 40 \text{ cm}} \rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{60}{40} = \frac{3}{2}$$

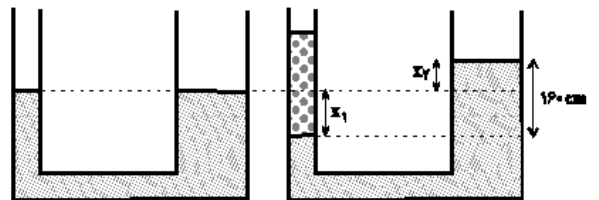
ابتدا ارتفاع معادل روغن را حساب می‌کنیم:

$$h_{\text{روغن}} = \frac{V_{\text{روغن}}}{A_1} = \frac{2000 \text{ cm}^3}{10 \text{ cm}^2} = 200 \text{ cm}$$

سپس ارتفاع آب معادل ۲۰۰ cm روغن را حساب می‌کنیم:

$$\rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{روغن}} h_{\text{روغن}}$$

$$\Rightarrow 1 \times h_{\text{آب}} = 0.8 \times 200 \Rightarrow h_{\text{آب}} = 160 \text{ cm}$$



سطح آب شاخه چپ اگر به اندازه x_1 پایین و سطح آب شاخه راست اگر به اندازه x_2 بالا رود، داریم:

$$x_1 + x_2 = 160 \text{ cm} \quad (I)$$

$$x_1 A_1 = x_2 A_2 \Rightarrow x_1 = 2x_2 \quad (II)$$

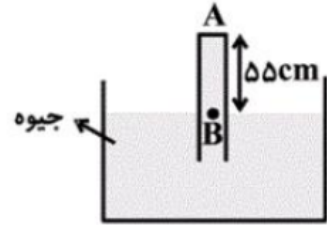
$$I, II \Rightarrow x_2 = \frac{160}{3} \text{ cm}$$

افزایش فشار در نقطه A، برابر با فشار ناشی از مایع اضافه شده در سمت راست است و داریم:

$$\Rightarrow \Delta P_A = \rho g \Delta h$$

$$= 1000 \times 10 \times \frac{160}{3} \times 10^{-2} = \frac{16}{3} \times 10^3 \text{ Pa} = \frac{16000}{3} \text{ Pa}$$

اگر نقطه B را درون لوله و روی سطح آزاد جیوه انتخاب کنیم:



$$P_B = P_o = P_{\text{انتهای لوله}} + P_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow 75 = 55 + P_{\text{انتهای لوله}} \Rightarrow P_{\text{انتهای لوله}} = 20 \text{ cmHg}$$

حال فشار انتهای لوله را بر حسب پاسکال به دست می آوریم:

$$P_{\text{انتهای لوله}} = \rho gh \quad \begin{matrix} h=20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m} \\ \rho = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \end{matrix}$$

$$P_{\text{انتهای لوله}} = 13600 \times 10 \times 0.2$$

$$\Rightarrow P_{\text{انتهای لوله}} = 27200 \text{ Pa}$$

بنابراین نیروی وارد بر انتهای لوله برابر است با:

$$F_{\text{انتهای لوله}} = P_{\text{انتهای لوله}} A$$

$$A = 5 \text{ cm}^2 = 5 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \rightarrow F_{\text{انتهای لوله}} = 27200 \times 5 \times 10^{-4}$$

$$F_{\text{انتهای لوله}} = 136 \text{ N}$$

دشوار

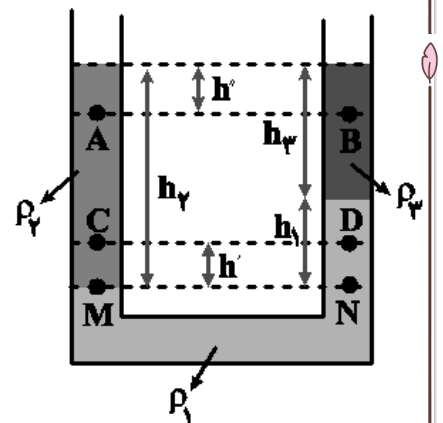
درصد پاسخگویی ۴۶%

تکمیل ۱۳۹۹

پاسخ: گزینه ۳

گزینه «۳»

برای پاسخ به سؤال، ابتدا باید چگالی سه مایع را با یکدیگر مقایسه کنیم. با توجه به شکل زیر، چون مایع ρ_1 در زیر دو مایع دیگر قرار گرفته، چگالی آن از دو مایع دیگر بیشتر است. حال با توجه به هم فشار بودن دو نقطه هم‌تراز M و N داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow P_o + \rho_1 gh_1 = P_o + \rho_2 gh_2 + \rho_1 gh_1$$

$$\Rightarrow \rho_1 h_2 = \rho_2 h_2 + \rho_1 h_1 \quad \begin{matrix} h_2 = h_1 + h_2 \\ \rightarrow \end{matrix}$$

$$\rho_1 (h_1 + h_2) = \rho_2 h_2 + \rho_1 h_1$$

$$\rightarrow \rho_1 h_1 + \rho_1 h_2 = \rho_2 h_2 + \rho_1 h_1$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \rho_v h_w - \rho_w h_w = \rho_1 h_1 - \rho_v h_1 \\ &\Rightarrow h_w(\rho_v - \rho_w) \\ &= h_1(\rho_1 - \rho_v) \xrightarrow{\rho_1 > \rho_v = \rho_1 - \rho_v > 0} \\ &\rho_v - \rho_w > 0 \Rightarrow \rho_v > \rho_w \end{aligned}$$

لذا $\rho_1 > \rho_v > \rho_w$ است. حال به مقایسه فشار نقاط C, B, A و D می پردازیم. با توجه به برابری فشار در نقاط هم تراز M و N ، فشار آن‌ها را بر حسب نقاط C و D می نویسیم:

$$\begin{aligned} P_M = P_N &\Rightarrow P_C + \rho_v gh' = P_D + \rho_1 gh' \\ &\Rightarrow P_C - P_D = (\rho_1 - \rho_v)gh' \xrightarrow{\rho_1 > \rho_v} \\ P_C - P_D > 0 &\Rightarrow P_C > P_D \end{aligned}$$

حال برای مقایسه فشار بین دو نقطه A و B داریم:

$$\begin{aligned} P_A &= P_o + \rho_v gh'' \\ P_B &= P_o + \rho_w gh'' \\ \Rightarrow P_A - P_B &= (\rho_v - \rho_w)gh'' \xrightarrow{\rho_v > \rho_w} P_A > P_B \end{aligned}$$

تستیته دشوار

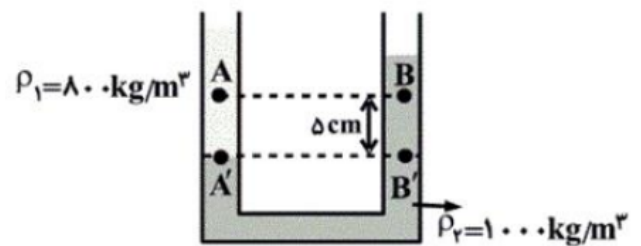
درصد بیاسخگویی ۱۵%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه های دام دار ۴

گزینه ۴ پاسخ

اگر نقاط A' و B' را به عنوان نقاط هم فشار انتخاب کنیم، نقطه A در مایع ۱ و نقطه B در مایع ۲ و در یک فاصله از نقاط A' و B' قرار دارند. چون نقاط A و B بالاتر از نقاط A' و B' هستند، فشار آن‌ها کم تر می شود:



$$\left. \begin{aligned} P_A &= P_{A'} - \rho_1 gh \quad (1) \\ P_B &= P_{B'} - \rho_2 gh \quad (2) \end{aligned} \right\} \xrightarrow{P_A = P_{B'}} \frac{P_A - P_B}{(1)-(2)}$$

$$P_A - P_B = -\rho_1 gh + \rho_2 gh = (\rho_2 - \rho_1) gh$$

$$\rho_1 = 800 \frac{kg}{m^3}$$

$$\rho_2 = 1000 \frac{kg}{m^3}, h = \Delta cm$$

$$P_A - P_B = (1000 - 800) \times 10 \times \frac{\Delta}{100} = 100 \Rightarrow P_A = P_B + 100(Pa)$$

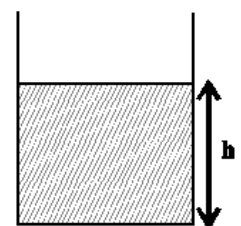
دشوار

درصد بیاسخگویی ۱۱%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه ۳ پاسخ

ابتدا با توجه به رابطه فشار کل داریم:



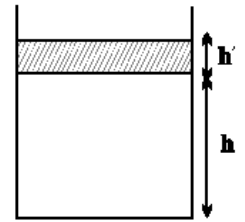
$$P_{کل} = \rho gh$$

$$2\rho gh = \rho gh + P_0 \Rightarrow 1\rho gh = P_0$$

$$\Rightarrow 19 \times \rho gh = \rho_{\text{جيو}} gh$$

$$\Rightarrow 19 \times 0.8 \times h = 13/6 \times 76 \Rightarrow h = 68 \text{ cm}$$

حال برای اینکه فشار کل ۲ درصد افزایش یابد، اگر افزایش ارتفاع مایع را h' فرض کنیم، داریم:



$$P' = P + \frac{2}{100} P = 1.02 P$$

$$\Rightarrow \rho g(h + h') + P_0 = 1.02(P_0 + \rho gh)$$

$$\Rightarrow \rho gh + \rho gh' + P_0 = 1.02 P_0 + 1.02 \rho gh$$

$$\Rightarrow \rho gh' = 0.02 P_0 + 0.02 \rho gh$$

$$\Rightarrow h' = 0.02 \frac{\rho_{\text{جيو}} gh}{\rho g} + 0.02 h \Rightarrow$$

$$h' = \frac{0.02 \times 13/6 \times 76 \times 76}{0.8} + 0.02 \times 68 = 25/84 + 1/36 = 27/2 \text{ cm}$$

دشواری

درصد پیاسخگویی ۱۵%

قلمچی ۱۳۹۹

گزینه های دائم دارا

گزینه ۳ پاسخ

گزینه «۳»

برای اینکه سطح مایع ρ_2 در دو طرف لوله یکسان شود، میبایست فشار حاصل از ستون مایع ρ_3 اضافه شده برابر فشار حاصل از ستون مایع ρ_2 به ارتفاع 4 cm باشد تا بتواند فشار مایع ρ_1 در طرف چپ لوله را خنثی کند:

$$\rho_3 h' = \rho_2 h_2 \quad \begin{matrix} \rho_2 = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_3 = 2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \\ h_2 = 4 \text{ cm} \end{matrix}$$

$$\Rightarrow h' = \frac{2 \times 4}{0.8} = \frac{8}{0.8} = 10 \text{ cm}$$