

نام و نام خانوادگی:

نام آزمون: آزمون B1 توان های گویا و عبارت های جبری

تاریخ برگزاری: ۱۴۰۰/۱۲/۲۱

مدت زمان آزمون: --



نام برگزار مرکز مشاوره تحصیلی راه روشنگری

۱) اگر ریشه سوم عدد $\frac{1}{x^4}$ با ریشه چهارم مثبت عدد x^{4x-1} برابر باشد، مقدار x کدام است؟

- (۱) $\frac{4}{3}$
(۲) $\frac{3}{4}$
(۳) $-\frac{4}{3}$
(۴) $-\frac{3}{4}$

۲) اگر $x < \sqrt[4]{x}$ و همچنین $x^7 > x^5$ باشد، آنگاه کدامیک از موارد زیر درست است؟

- (۱) $x+1 < 0$
(۲) $x^3 + x > 0$
(۳) $x^9 > x^5$
(۴) $\frac{x}{x+1} > 0$

۳) اگر $1 < a < 0$ باشد، آنگاه حاصل عبارت $A = |a - \sqrt[3]{a}| + | - \sqrt{a} + \sqrt[3]{a}|$ کدام است؟

- (۱) $2\sqrt[3]{a}$
(۲) $\sqrt{a} - a$
(۳) $a - \sqrt{a}$
(۴) $2\sqrt[3]{a} - \sqrt{a} - a$

۴) بین دو عدد $\sqrt[3]{19}$ و $\sqrt[3]{25}$ چند عدد صحیح وجود دارد؟

- (۱) ۷
(۲) ۵
(۳) ۳
(۴) ۴

۵) اگر $1 < a < 0$ ، مجموعه $(-a, a^3) \cap (-a^3, a)$ کدام است؟

- (۱) $(-a, a)$
(۲) $(-a^3, a)$
(۳) $(-a, a^3)$
(۴) $(-a^3, a^3)$

۶) اگر $\alpha = \sqrt[۴]{\pi - ۱۰}$ و $\beta = \sqrt[۴]{\Delta - \pi}$ باشد، حاصل $(\alpha^۳ + ۲\beta^۳ - ۲\alpha\beta)(\alpha^۳ + ۲\beta^۳ + ۲\alpha\beta) = \sqrt[۴]{\Delta - \pi}$ کدام است؟

۱) ۱۰

۲) ۱۵

۳) ۲۰

۴) ۳۰

۷) اگر عدد A ریشه هفتم $-8\sqrt[۷]{۳۲}$ و عدد B ریشه سوم $(-\frac{۱}{۲})^{-\frac{۳}{۲}}$ باشد، حاصل $(A \times B)^{-\frac{۳}{۴}}$ کدام است؟

۱) ۱

۲) تعریف نشده

۳) ۰/۵

۴) ۰/۲۵

۸) اگر $A = \sqrt[۴]{256} \times \sqrt[۴]{\frac{-۱}{۳۲}} \times \sqrt[۴]{16}$ باشد، مقدار A بر حسب A کدام است؟

- A (۱)

$\frac{1}{A}$ (۲)

\sqrt{A} (۳)

A (۴)

۹) اگر $a > ۰$ و $b < ۰$ عددی طبیعی باشد، کدام گزینه همواره درست است؟

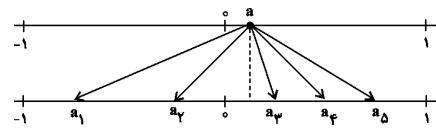
$$(1) \sqrt[n]{a+b} = \sqrt[n]{a} + \sqrt[n]{b}$$

$$(2) \sqrt[n]{B^n} \times \sqrt[n]{a^n} = ab$$

$$(3) \sqrt[n]{\frac{-a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{-a}}{\sqrt[n]{b}}$$

$$(4) \sqrt[n]{B^n} = B$$

۱۰) در شکل زیر، نقطه a در محور بالا به ریشه‌های دوم، سوم و چهارم خود در محور پایین وصل شده است. کدام نقطه (نقاط) ریشه چهارم a می‌باشد؟



۱) فقط $a_۵$

۲) فقط $a_۳$

۳) $a_۳$ و $a_۱$

۴) $a_۳$ و $a_۲$

۱۱) حاصل عبارت $\sqrt{\frac{۱}{۴+\sqrt{۱۲}}} + \sqrt{\frac{۱}{۴-\sqrt{۱۲}}}$ کدام است؟

۱) $۲\sqrt{۳}$

۲) $\sqrt{۳} + ۱$

۳) $\sqrt{۳}$

۴) $\frac{۱}{\sqrt{۳}-۱}$

(۱۲) در تجزیه عبارت $y^3 - 3y^2 + y$ کدام عبارت موجود است؟

- $y^3 - y - 1$ (۱)
 $y^3 - 2y - 1$ (۲)
 $y^3 + y + 1$ (۳)
 $y^3 + 2y + 1$ (۴)

(۱۳) اگر $x = 1 + \sqrt[3]{3}$, آنگاه حاصل $\frac{x^3 - 1}{x}$ کدام است؟

- ۲۷ (۱)
۹ (۲)
۸۱ (۳)
۱ (۴)

(۱۴) حاصل عبارت $(\sqrt{7} - \sqrt{6})(\sqrt{7} + \sqrt{6}) \times (\sqrt{7} + \sqrt{6})^{\frac{1}{\sqrt{6} + \sqrt{7}}}$ کدام است؟

- $\sqrt{7} - \sqrt{6}$ (۱)
۳ (۲)
۱ (۳)
 $\sqrt{6} - \sqrt{7}$ (۴)

(۱۵) اگر $x + \frac{1}{x} = \sqrt{5}$ باشد، حاصل $x^3 - \frac{1}{x^3}$ کدام می‌تواند باشد؟

- +۱ (۱)
-۴ (۲)
+۳ (۳)
-۳ (۴)

(۱۶) اگر $x + y = 6$ و $xy = 4$, حاصل عبارت $x\sqrt{y} + y\sqrt{x}$ کدام است؟

- $\sqrt{50}$ (۱)
 $\sqrt{40}$ (۲)
 $\sqrt{45}$ (۳)
 $\sqrt{35}$ (۴)

(۱۷) عدد $\sqrt[3]{7} - 4\sqrt[3]{2}$ را با کدام عدد زیر جمع کنیم تا یک عدد گویا حاصل شود؟

- $\sqrt{7}$ (۱)
 $\sqrt{2}$ (۲)
 $\sqrt{3}$ (۳)
 $\sqrt{48}$ (۴)

(۱۸) اگر $A = \sqrt[5]{\sqrt[3]{243}} \times \sqrt[5]{3}$ و $B = \sqrt[5]{\sqrt[3]{m^2}} \times \sqrt[5]{2}$ باشد، حاصل $A^2 B$ کدام است؟

- ۱ (۱)
۱/۵ (۲)
۲ (۳)
۲/۵ (۴)

۱۹) در تساوی $\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{1}{\sqrt{x}+1} + \frac{1}{x^2-1} = \frac{ax+b}{x^2-1}$ حاصل ab کدام است؟

- ۱) ۱
۲) ۴
۳) ۶
۴) ۸

۲۰) حاصل عبارت $2\sqrt{\delta-2} \times (\lambda + 2\sqrt{15})^{\frac{\sqrt{\delta+2}}{2}} \times (\sqrt{\delta} - \sqrt{3})^{\frac{1}{\sqrt{\delta-2}}}$ کدام است؟

- ۱) $2\sqrt{\delta}$
۲) $4\sqrt{\delta}$
۳) $16\sqrt{\delta}$
۴) 16

۲۱) حاصل عبارت $\sqrt[3]{2\sqrt{2}} \cdot (\sqrt{2} - \sqrt{3} + \sqrt{2+\sqrt{3}})$ کدام است؟

- ۱) $\sqrt{3}$
۲) 2
۳) $1 + \sqrt{3}$
۴) $2\sqrt{3}$

۲۲) حاصل عبارت $2x^2 + 4x + 3x^3 + x^4$ به ازای $x = \sqrt{2} - 1$ کدام است؟

- ۱) $2\sqrt{2} - 1$
۲) $3\sqrt{2}$
۳) 4
۴) 3

۲۳) اگر $A = \sqrt[5]{7 + 4\sqrt{3}} \times (2 - \sqrt{3})^{\frac{1}{3}} \times \sqrt[3]{5\sqrt{5}}$ باشد، مقدار A چند برابر $\sqrt{20}$ است؟

- ۱) $\frac{1}{4}$
۲) $\frac{1}{2}$
۳) $\frac{\sqrt{5}}{5}$
۴) $\sqrt{5}$

۲۴) اگر $(\lambda)^{\frac{1}{x}} \times (\sqrt{5})^{\frac{1}{\delta}} = 25^{-2x+1}$ باشد، حاصل $(\lambda)^{-x}$ کدام است؟

- ۱) $2^{\frac{1}{\delta}}$
۲) $2^{\frac{1}{\alpha}}$
۳) $2^{\frac{1}{\alpha}}$
۴) $2^{\frac{1}{\delta}}$

۲۵) حاصل عبارت تعریف شده $\left(1 - \frac{2}{x^2+x^3}\right) \left(1 + \frac{2}{x^2-1}\right) - \frac{2}{x^2}$ کدام است؟

- ۱) $\frac{1}{x^2}$
۲) 1
۳) $1 + \frac{1}{x^2}$
۴) صفر